

سری سوال: یک ۱

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۵

عنوان درس: سربهای زمانی ۱

رشته تحصیلی/ گد درس: ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی) ۱۱۱۷۰۳۵ -، آمار و کاربردها ۱۱۱۷۱۵۸۷۷

استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است

۱- کدامیک از موارد زیر از اجزاء تشکیل دهنده یک سری زمانی است؟

۴. روند

۳. متوسط سالانه

۲. درصد روند

۱. درصد متوسط سالانه

۲- یکی از معایب روش میانگین متحرک در محاسبه روند یک سری زمانی این است که:

۱. فقط تعدادی از مقادیر ابتدای سری زمانی حذف می شوند.

۲. فقط تعدادی از مقادیر انتهای سری زمانی حذف می شوند.

۳. تعدادی از مقادیر ابتدای انتهای سری زمانی حذف می شوند.

۴. مقادیر محاسبه شده میانگینهای متحرک دقیقا در مقابل مشاهدات قرار میگیرند.

۳- کدام گزینه در موردتابع y_t صحیح است؟

۱. معین مثبت است.

۴. دارای توزیع تقریبی نرمال است.

۳. همواره مقداری نزولی است.

۴- کدام گزینه صحیح است؟

۱. سری زمانی مانای ضعیف است اگر تنها تابع میانگین به زمان بستگی نداشت باشد.

۲. سری زمانی مانای قوی است اگر تنها تابع اتوکواریانس به تاخیر زمانی بستگی داشته باشد.

۳. اگر سری زمانی مانای ضعیف باشد مانای قوی نیز است.

۴. اگر سری زمانی مانای قوی باشد مانای ضعیف نیز است.

۵- فرآیند زیررا در نظر بگیرید:

$$X_t = \alpha / \mu X_{t-1} + Z_t$$

۲. همواره مانا است اما وارون پذیر نیست.

۱. همواره وارون پذیر است اما مانا نیست.

۴. نه مانا و نه وارون پذیر است.

۳. هم مانا و هم وارون پذیر است.

۶- در سوال قبل مقدار تابع خودهمبستگی از مرتبه ۳ چقدر است؟

۴. -0.027

۳. 0.3

۲. 0.027

۱. 0.09

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۵

عنوان درس: سربهای زمانی ۱

رشته تحصیلی/ گد درس: ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی) ۱۱۱۷۰۳۵ - آمار و کاربردها ۱۵۸۱۷۱۱۱۰۷۷

-۷ در سری زمانی زیر مقدار واریانس سری وقتی σ_z^2 چقدر است؟

$$X_t = \alpha X_{t-1} + Z_t$$

.۹۴

.۳

.۲

.۱

-۸ کدام گزینه شرط مانایی یک فرآیند اتو رگرسیو مرتبه یک است؟

$$|\rho_1| > 1$$

$$|\rho_1| < 1$$

$$|\rho_1| < \frac{1}{2}$$

.۱

-۹ تابع اتوکواریانس مرتبه ۲ سری زیر کدام است؟

$$X_t = Z_{t-1} / \alpha Z_{t-2}$$

-.۰۱۸\sigma_z^2

.۳

.۲

.۱

-۱۰ در سوال قبل مقدار تابع خودهمبستگی مرتبه چقدر است؟

$$-\frac{1}{164}$$

$$\frac{1}{164}\sigma_z^2$$

$$\frac{1}{64}\sigma_z^2$$

$$-\frac{1}{64}\sigma_z^2$$

.۱ صفر

-۱۱ کدامیک از گزینه های زیر صحیح است؟

۱. تنها یک فرایند اتو رگرسیو دارای وارون را می توان بصورت یک فرایند میانگین متحرک نامتناهی نوشت.

۲. یک فرایند اتو رگرسیو متناهی را می توان بصورت یک فرایند میانگین متحرک نامتناهی نوشت.

۳. تنها یک فرایند اتو رگرسیو مانا را می توان بصورت یک فرایند میانگین متحرک نامتناهی نوشت.

۴. یک فرایند اتو رگرسیو را نمی توان بصورت یک فرایند میانگین متحرک نامتناهی نوشت.

-۱۲ کدام مدل یک الگوی اتو رگرسیو میانگین متحرک مرتبه (۱) را نشان میدهد؟

$$X_t = \alpha_1 X_{t-1} - Z_t - \beta_1 Z_{t-1}$$

$$X_t = \alpha_1 X_{t-1} + Z_t - \beta_1 Z_{t-1}$$

$$X_t = \alpha_1 X_{t-1} + Z_t + \beta_1 Z_{t-1}$$

$$X_t = \alpha_1 X_{t-1} - Z_t + \beta_1 Z_{t-1}$$

-۱۳ کدامیک از موارد زیر از مراحل الگو سازی یک سری زمانی نیست؟

۲. بررسی درستی تشخیص

۱. شناخت الگو

۴. مولد اتوکواریانس الگو

۳. برآورد پارامترهای الگو

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۵

عنوان درس: سوابهای زمانی ۱

رشته تحصیلی/ گد درس: ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی) ۱۱۱۷۰۳۵ - آمار و کاربردها ۱۱۱۷۱۵۸۷۷

- ۱۴- تابع چگالی طیفی فرآیند تصادفی محض کدام است:

$$\frac{\sigma_z^2}{\pi} \quad .4$$

$$\frac{\sigma_z^2}{2} \quad .3$$

$$\sigma_z^2 \quad .2$$

$$\frac{\sigma_z^2}{2\pi} \quad .1$$

- ۱۵- معادله مفسر سری زیر کدام است؟

$$X_t = -\alpha/\delta X_{t-1} - \alpha/\gamma X_{t-2} + Z_t$$

$$Y^1 - \alpha/\delta Y + \alpha/\gamma = 0 \quad .2$$

$$Y^2 + \alpha/\delta Y + \alpha/\gamma = 0 \quad .4$$

$$Y^1 - \alpha/\delta X - \alpha/\gamma = 0 \quad .1$$

$$Y^2 + \alpha/\delta Y - \alpha/\gamma = 0 \quad .3$$

- ۱۶- اگر تابع مولد اتوکواریانس بظهورت زیر باشد، کدام گزینه زیر صحیح است؟

$$\Gamma(B) = \sigma_z^2 (1 + \alpha^2) + \alpha \sigma_z^2 B^{-1} + \alpha \sigma_z^2 B$$

$$\gamma(1) = \sigma_z^2 (1 - \alpha^2), \gamma(0) = \sigma_z^2 \alpha \quad .1$$

$$\gamma(0) = \sigma_z^2 (1 - \alpha^2), \gamma(1) = \sigma_z^2 \alpha \quad .3$$

- ۱۷- کدامیک از تبدیلات زیر برای داشتن واریانس ثابت اعمال می شود اگر:

$$\text{Var}(X_t) = C\mu_t$$

$$T(\mu_t) = \frac{1}{\mu_t} \quad .4$$

$$T(\mu_t) = \frac{-1}{\mu_t} \quad .3$$

$$T(\mu_t) = \sqrt{\mu_t} \quad .2$$

$$T(\mu_t) = \frac{-1}{\sqrt{\mu_t}} \quad .1$$

- ۱۸- کدام گزینه در مورد تابع توزیع طیفی صحیح است؟

۱. در بازه $(0, \pi)$ یکنوازی کاهشی است.

۲. از دو تابع پیوسته نزولی و پله ای نزولی تشکیل شده است.

۳. از دو تابع پیوسته نازولی و پله ای نازولی تشکیل شده است.

۴. از دو تابع پیوسته نزولی و پله ای نازولی تشکیل شده است.

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۵

عنوان درس: سوابهای زمانی ۱

رشته تحصیلی/گد درس: ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی) ۱۱۱۷۰۳۵ - آمار و کاربردها ۱۱۱۷۱۵۸۷۷

- ۱۹- کدام گزینه برای تابع اتوکواریانس سری زیر صحیح است؟

$$X_t = \alpha X_{t-1} + Z_t - \beta Z_{t-1}$$

$$\gamma_0 = \frac{(1 + \beta_1^2 - 2\alpha_1\beta_1)}{(1 - \alpha_1^2)} \sigma_1^2$$

$$\gamma_0 = \frac{(1 + \beta_1^2 + 2\alpha_1\beta_1)}{(1 - \alpha_1^2)} \sigma_1^2$$

$$\gamma_1 = \frac{(1 + \beta_1^2 - 2\alpha_1\beta_1)}{(1 - \alpha_1^2)} \sigma_1^2$$

$$\gamma_1 = \frac{(1 + \beta_1^2 + 2\alpha_1\beta_1)}{(1 - \alpha_1^2)} \sigma_1^2$$

- ۲۰- واریانس فرایند میانگین متغیر ک مرتبه یک بصورت زیر کدام است؟

$$X_t = Z_t - \beta Z_{t-1}$$

$$-\sigma_z^2 \beta_1^2$$

$$\sigma_z^2 \beta_1^2$$

$$\sigma_z^2 (1 + \beta_1^2)$$

$$\sigma_z^2 (1 - \beta_1^2)$$

- ۲۱- در سوال ۲۰(سوال قبل) خود همبستگی مرتبه ۱ باید در چه شرایطی صدق کند؟

$$-\frac{1}{2} < r_1 < \frac{1}{2}$$

$$-1 < r_1 < 1$$

$$0 < r_1 < 1$$

- ۲۲- برای الگوی زیر کدام گزینه صحیح است؟

$$X_t = \alpha X_{t-1} + Z_t - \theta Z_{t-1}$$

$$\hat{X}_t(1) = \alpha X_t + \theta_0 - \theta Z_t$$

$$\hat{X}_t(1) = \alpha X_t - \theta_0 - \theta Z_t$$

$$\hat{X}_t(1) = \alpha X_t + \theta_0 + \theta Z_t$$

$$\hat{X}_t(1) = \alpha X_t - \theta_0 + \theta Z_t$$

- ۲۳- رابطه زیر الگوی چه فرآیندی است؟

$$(1 - B)X_t = (1 - \theta B)Z_t$$

$$AR(1)$$

$$ARI(0,1)$$

$$IMA(1,1)$$

$$IMA(0,1)$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۵

عنوان درس: سوابهای زمانی ۱

رشته تحصیلی/ گد درس: ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی) ۱۱۱۷۰۳۵ - آمار و کاربردها ۱۱۱۷۱۵۸۷۷

- ۲۴- کدامیک از روابط زیر در موردتابع چگالی طیفی صحیح است:

$$f(\omega) = \Gamma(e^{-i\omega}) \quad .\cdot ۲$$

$$f(\omega) = \frac{1}{\pi} \sum_{-\infty}^{\infty} \gamma(k) e^{ik\omega} \quad .\cdot ۱$$

$$f(\omega) = \frac{1}{\pi} \Gamma(e^{-i\omega}) \quad .\cdot ۴$$

$$f(\omega) = \sum_{-\infty}^{\infty} \gamma(k) e^{ik\omega} \quad .\cdot ۳$$

- ۲۵- در یک فرآیند میانگین متوجه مرتبه ۱، برآورد پارامتر کدام گزینه است؟

$$X_t = Z_t - \beta_1 Z_{t-1}$$

$$\frac{-1 \pm \sqrt{1+4r_1^2}}{2r_1} \quad .\cdot ۴$$

$$\frac{1 \pm \sqrt{1+4r_1^2}}{2r_1} \quad .\cdot ۳$$

$$\frac{1 \pm \sqrt{1-4r_1^2}}{2r_1} \quad .\cdot ۲$$

$$\frac{-1 \pm \sqrt{1-4r_1^2}}{2r_1} \quad .\cdot ۱$$

سوالات تشریحی

- فرض کنید X, Y دو متغیر تصادفی هستند که:

$$\rho = \frac{1}{2} \quad \sigma_x^2 = 9 \quad \sigma_y^2 = 4 \quad \mu_x = \mu_y = 0$$

مطلوب است محاسبه $\text{cov}(X + Y, X)$

۱۰۴۰ نمره

۱۰۴۰ نمره

- دو الگوی زیر را در نظر بگیرید:

$$X_t = X_{t-1} + Z_t - 1/Z_{t-1}$$

$$X_t = 0.9X_{t-1} + 0.09X_{t-2} + Z_t$$

الف) هریک را بصورت الگوی ARIMA بنویسید.

ب) وجود اختلاف دو الگو چیست؟

۱۰۴۰ نمره

- طیف فرآیند اتورگرسیو مرتبه اول را بیابید.

۱۰۴۰ نمره

- در مسئله قبل (مسئله ۴) تابع مولد اتوکوواریانس را بیابید.

الرقم	الكلمة	الحروف المكونة لها	نحو	المعنى	النوع
١		X	د		عادي
٢		X	ج		عادي
٣	X		د		عادي
٤		X	د		عادي
٥		X	الف		عادي
٦		X	ب		عادي
٧		X	ب		عادي
٨		X	ج		عادي
٩	X		الف		عادي
١٠		X	د		عادي
١١		X	ب		عادي
١٢	X		الف		عادي
١٣		X	د		عادي
١٤		X	د		عادي
١٥		X	د		عادي
١٦	X		الف		عادي
١٧		X	ب		عادي
١٨		X	ج		عادي
١٩	X		ب		عادي
٢٠	X		ب		عادي
٢١		X	د		عادي
٢٢	X		ب		عادي
٢٣	X		ب		عادي
٢٤		X	د		عادي
٢٥	X		الف		عادي