

سری سوال: یک ۱

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۷

عنوان درس: آمار و احتمال ۲، آمار و احتمال ۲

رشته تحصیلی/ گد درس: ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی) ۱۱۱۷۰۲۱ -، علوم کامپیوتر (چندبخشی) ۱۱۱۷۰۷۸ -، آموزش ریاضی ۱۱۱۷۱۴۴

استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است

- اگر در آزمون مربوط به نسبت کل تعداد فراوانی ها ۱۰۰ و مجموع سطر دوم ۴۰ و مجموع ستون سوم ۱۰ باشد، در این صورت امید فراوانی سطر دوم و ستون سوم چقدر است؟

۱. ۴

۱۰. ۳

۴۰. ۲

۴. ۱

- در یک نمونه  $n$  تایی از یک جامعه با واریانس  $\sigma^2$ ، مقدار انحراف معیار میانگین نمونه برابر است با

 $\sigma/\sqrt{n}$  . ۴

 $\sigma^2/n$  . ۳

 $\sigma/n$  . ۲

 $\sigma^2/\sqrt{n}$  . ۱

- اگر نمونه  $n$  تایی از جامعه نامتناهی که متشکل از اعداد صحیح از اعداد  $1$  و  $2$  و  $\dots N$  است، انتخاب شوند مقدار واریانس توزیع میانگین نمونه چقدر می شود؟

$$\frac{(N+1)(N-n)}{12n} \quad . ۲$$

$$\frac{(n+1)(N-n)}{12n} \quad . ۱$$

$$\frac{(n+1)N}{12} \quad . ۴$$

$$\frac{(N+1)n}{12} \quad . ۳$$

-۴ اگر تابع مولد گشتاور توزیعی به صورت  $M_X(t) = \frac{1}{(1-2t)^{2/5}}$  باشد، واریانس این توزیع چقدر است؟

۱. ۴

۵. ۳

۱۰. ۲

۱۵. ۱

-۵ اگر  $T$  دارای توزیع  $t$  با  $n$  درجه آزادی باشد آنگاه  $X = T^2$  دارای چه توزیعی خواهد بود؟

۱. نرمال استاندارد

 ۲. با  $n$  درجه آزادی

 ۳. با درجه آزادی  $n-1$ 

 ۴. فی-دو با درجه  $n-1$ 

 ۵. F با درجه آزادی  $n$  و  $1$ 

-۶ در یک توریع پواسن با پارامتر  $\lambda$  کدام گزینه صحیح است؟

$$\mu = \sigma^2 = -\lambda \quad . ۴$$

$$\mu = \sigma^2 = \lambda \quad . ۳$$

$$\mu = -\sigma^2 = \lambda \quad . ۲$$

$$\mu = \sigma^2 = 2\lambda \quad . ۱$$

-۷ اگر  $x_1, x_2, \dots, x_n$  نمونه ای تصادفی از جامعه یکنواخت در بازه  $[0, b]$  و  $y_{(n)}$  بزرگترین مشاهده باشد در این

صورت  $E(y_{(n)}^2)$  چقدر خواهد بود؟

$$\beta^2 = \frac{n+2}{n} \quad . ۴$$

$$\beta^2 = \frac{n+1}{n} \quad . ۳$$

$$\beta = \frac{n}{n+1} \quad . ۲$$

$$\beta^2 = \frac{n}{n+2} \quad . ۱$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۷

عنوان درس: آمار و احتمال ۲، آمار و احتمال ۲

رشته تحصیلی/ گد درس: ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی) ۱۱۱۷۰۲۱ -، علوم کامپیوتر (چندبخشی) ۱۱۱۷۰۷۸ -، آموزش ریاضی ۱۱۱۷۱۴۴

- در برآورد میانگین یک جامعه نرمال بر مبنای یک نمونه تصادفی به اندازه  $2n + 1$ ، کارایی میانه نسبت به میانگین چقدر است؟

$$\frac{4n}{\pi(2n+1)} \cdot ۴$$

$$\frac{(2n+1)}{4n\pi} \cdot ۳$$

$$\frac{4n}{\pi(n+1)} \cdot ۲$$

$$\frac{(2n+1)}{4n\pi} \cdot ۱$$

- ۹- کدامیک از آماره های زیر، آماره بسنده برای پارامتر توزیع برنولی است؟

$$Y = \frac{x_1 + x_2 + x_3}{3} \cdot ۲$$

$$Y = \frac{1}{6}(x_1 + 2x_2 + x_3) \cdot ۱$$

$$Y = \frac{2x_1 + x_2 + x_3}{6} \cdot ۴$$

$$Y = x_1 + 2x_2 + x_3 \cdot ۳$$

-۱۰- اگر نمونه ای  $n$  تایی با تابع چگالی  $f_x(x) = \frac{2(\theta-x)}{\theta^2}$  باشد، آنگاه برآورد کننده ای برای  $\theta$  به روش گشتاوری چقدر است؟

$$3\bar{x} \cdot ۴$$

$$2\bar{x} \cdot ۳$$

$$\bar{x} \cdot ۲$$

$$x_{(n)} \cdot ۱$$

-۱۱- اگر اعداد ۰، ۳، ۵، ۹ و ۱۰ را از بازه  $[0, b]$  انتخاب کنیم مقدار  $b$  با استفاده از روش درستنمایی ماکزیمم چقدر است؟

$$14 \cdot ۴$$

$$12 \cdot ۳$$

$$5/5 \cdot ۲$$

$$10 \cdot ۱$$

-۱۲- اگر واریانس جامعه ای ۴ باشد، حجم نمونه را چقدر انتخاب کنیم که با اطمینان ۹۵ درصد خطای برآورد ۱٪ باشد

$$(z_{0.025}=2)$$

$$400 \cdot ۴$$

$$900 \cdot ۳$$

$$1600 \cdot ۲$$

$$2500 \cdot ۱$$

-۱۳- نمونه ای به حجم ۴۰ نفر از دانشجوییک دانشگاه انتخاب می کنیم و مشاهده می شود ۳۰ نفر آنها دختر است. کران بالای

$$z_{0.025}=2 = \frac{z}{\sqrt{40}} \Rightarrow z=2\sqrt{40}=2\sqrt{4}\sqrt{10}=4\sqrt{10}$$

$$0.74 \cdot ۴$$

$$0.95 \cdot ۳$$

$$0.79 \cdot ۲$$

$$0.88 \cdot ۱$$

-۱۴- کدامیک از مقادیر زیر تعریف خطای نوع دوم ( $\beta$ ) است؟

$$4. قبول به حق فرض یک$$

$$3. رد به حق فرض صفر$$

$$2. رد به ناقص فرض صفر$$

$$1. رد به ناقص فرض صفر$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۷

عنوان درس: آمار و احتمال ۲، آمار و احتمال ۲

رشته تحصیلی/ گد درس: ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی) ۱۱۱۷۰۲۱ -، علوم کامپیوتر (چندبخشی) ۱۱۱۷۰۷۸ -، آموزش ریاضی ۱۱۱۷۱۴۴

-۱۵ اگر  $x_1, x_2$  دارای توزیع نرمال استاندارد باشند،  $\frac{x_1 - x_2}{\sqrt{x_1^2 + x_2^2}}$  دارای چه توزیعی است؟

۱. نرمال استاندارد

۲. با درجه آزادی ۲

۳. F با درجه آزادی ۱ و ۲

-۱۶ اگر فرض شود واریانس جامعه ای برابر ۴ و نمونه ای به حجم ۱۶ از این جامعه انتخاب شود و  $H_0: \mu = 17$  در مقابل  $H_1: \mu = 18$  با فرض این که ناحیه بحرانی به صورت  $\bar{X} \leq K$  باشد و خطای نوع اول برابر ۰/۰۵ در این صورت مقدار K چقدر است؟

$$t = 2/23$$

$$z = 1/96$$

$$20/15 . ۴$$

$$19/7 . ۳$$

$$16/18 . ۲$$

$$15/2 . ۱$$

-۱۷ اطلاعات  $X = 16$  و  $S_x = 15$  و  $n = 10$  از یک جامعه نرمال بدست آمده است. مقدار آماره فرض  $H_0: \sigma^2 = 100$  چقدر است؟

$$1/35 . ۴$$

$$15/25 . ۳$$

$$6 . ۲$$

$$20/25 . ۱$$

-۱۸ اگر  $n = 10$  و  $\sum x = 100$  و  $\sum x^2 = 1376$  و  $\sum y = 564$  و  $\sum xy = 6945$  باشد، مقدار  $\beta$  در معادله خط رگرسیون چقدر است؟

$$5/931 . ۴$$

$$3/471 . ۳$$

$$1/491 . ۲$$

$$1/231 . ۱$$

-۱۹ از تقسیم دو متغیر تصادفی کی دو برهم (هریک تقسیم بر درجه آزادی) چه توزیعی حاصل می شود؟

$$4 . \text{فیشر}$$

$$3 . \text{یکنواخت}$$

$$2 . \text{توزیع تی}$$

$$1 . \text{نرمال}$$

-۲۰ اگر خطای نوع اول را کاهش دهیم با فرض ثابت بودن سایر مشخصه ها توان آزمون و خطای نوع دوم چه تغییری خواهد کرد؟

$$4 . \text{افزایش - کاهش}$$

$$3 . \text{کاهش - افزایش}$$

$$2 . \text{هر دو افزایش}$$

$$1 . \text{هر دو کاهش}$$

### سوالات تشریحی

نمره ۱۰۰

- اگر X دارای توزیع نمایی با پارامتر  $\theta$  باشد،تابع توزیع و مقدار امید ریاضی توزیع را بدست آورید.

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۷

عنوان درس: آمار و احتمال ۲، آمار و احتمال ۲

رشته تحصیلی/ گد درس: ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی) ۱۱۱۷۰۲۱ -، علوم کامپیوتر (چندبخشی) ۱۱۱۷۰۷۸ -، آموزش ریاضی ۱۱۱۷۱۴۴

۱۰۰ نمره - اگر  $\bar{x}$  و  $s^2$  میانگین و واریانس نمونه‌ای به اندازه  $n$  از جامعه‌ای نرمال با میانگین  $\mu$  و واریانس  $\sigma^2$  باشد آنگاه  $\frac{\bar{x} - \mu}{\frac{s}{\sqrt{n}}}$  دارای چه توزیعی است و دلیل آن را بیان کنید.

۱۰۰ نمره - نشان دهید  $\bar{x}$  یک برآورد کننده ناریب با کمترین واریانس برای  $\mu$  میانگین جامعه نرمال است.

۱۰۰ نمره - در توزیع پواسن به کمک روش گشتاوری و درستنمایی ماکزیمم، پارامتر توزیع را برآورد کنید.

۱۰۰ نمره - اگر در نمونه گیری از دو جامعه مقادیر زیر را مشاهده کرده باشیم، یک فاصله اطمینان برای تفاضل میانگین دو جامعه در سطح ۹۵ درصد بدست آورید.

$$t = 2,23$$

$$z = 1,96$$

$$\begin{cases} n_1 = 4 \\ s_1^2 = 5 \\ \bar{x}_1 = 14 \end{cases} \quad \begin{cases} n_2 = 8 \\ s_2^2 = 5 \\ \bar{x}_2 = 15 \end{cases}$$

ب) آزمون فرض  $H_0: \mu_1 \leq \mu_2$  را در سطح ۹۵ درصد بررسی کنید.

۱۰۰ نمره - نمونه‌ای به حجم ۱۰۰ نفر از دانشجویان یک دانشگاه انتخاب کردیم و نتایج زیر بدست آمده است. آیا در سطح

۹۵ درصد می‌توان قبول کرد استعداد ریاضی و جنسیت افراد از هم مستقل هستند یا نه؟

(مقدار جدول ۱,۹۶)

#### استعداد ریاضی

عالی	متوسط	ضعیف		جنسیت
۱۰	۱۸	۱۴		زن
۱۴	۲۶	۸		مرد

۱۰۰ نمره - اگر مقادیر  $y, x$  به صورت زیر باشد معادله معادله خط رگرسیون را بنویسید.

۷	۶	۵	۱	x
۱۵	۱۴	۱۰	۱۱	y