

زمان آزمون (دقیقه): نست: ۷۰ تشرییع:
تعداد سوالات: نست: ۲۰ تشرییع: ۵
نام درس: روشهای محاسبات عددی-محاسبات عددی
رشته تحصیلی/کد درس: راه آهن (کلیه گرایشها) ۱۵۱۰۷۶-صنایع(ستی-تجمیع) اجرایی پروژه ۱۱۱۵۱۷۹۵-کامپیوتر (ستی-تجمیع) ۱۱۱۵۰۷۵-
هوانا-برق (کلیه گرایشها)-صنایع پلیمر- خودرو- رباتیک- مهندسی شیمی- عمران- متالوژی صنعتی- مکانیک ۱۵۱۱۰۷۵
مجاز است.
استفاده از: ماشین حساب

۱. عدد 100° بسط کدامیک از اعداد زیر در مبنای ۲ است؟
- الف. $\frac{1}{7}$
ب. $\frac{2}{7}$
ج. $\frac{3}{7}$
د. $\frac{4}{7}$
۲. اگر $x = 0.003$, $e_x = 0.0001$, $y = 0.004$, $e_y = 0.00001$ خطاهای مطلق حدی در $x + y$ باشند، خطای نسبی حدی y برابر است با:
- الف. $1/000.1$
ب. 0.0004
ج. 0.0005
د. 0.0008
۳. اگر a ریشه مضاعف معادله $f(x) = 0$ باشد، مرتبت همگرایی روش نیوتون برای تعیین a چقدر است؟
- الف. حداقل ۲
ب. دقیقاً ۲
ج. بیش از ۲
د. کمتر از ۲
۴. اگر $1/x - 1/5x = 1$ باشد، مقدار x از روش وتری کدام است؟
- الف. $1/25$
ب. $2/5$
ج. 2
د. $2/75$
۵. برای تعیین تقریبی از ریشه معادله $f(x) = e^x - x - 2 = 0$ در بازه $[1, 2]$ روش تنصیف برای رسیدن به حداقل خطای 10^{-3} لازم است؟
- الف. 6
ب. 7
ج. 8
د. 9
۶. برای تابع جدولی زیر $L_p(x)$ کدام است؟

x_i	-1	0	2	3
f_i	-3	-4	0	5

ب. $\frac{x^3 - 2x^2 - 3x}{6}$

الف. $\frac{-x^3 + 2x^2 + 3x}{6}$

د. $\frac{x^3 - 4x^2 + x + 6}{6}$

ج. $\frac{-x^3 + 4x^2 - x - 6}{6}$

زمان آزمون (دقیقه): نستی: ۷۰ تشرییع:
تعداد سوالات: نستی: ۲۰ تشرییع: ۵
نام درس: روشهای محاسبات عددی-محاسبات عددی
روش تحلیلی/ گذ درس: راه آهن (کلیه گرایشها) ۱۵۱۱۵۱۷۹۵-۱۱۱۵۰۷۵
هوافضابرق (کلیه گرایشها)-صنایع پلیمر- خودرو- رباتیک- مهندسی شیمی- عمران- متالوژی صنعتی- مکانیک ۱۵۱۱۰۷۵
مجاز است.
استفاده از ماشین حساب
*** جدول زیر را در نظر بگیرید:**

x_i	۰	۱	۲	۳	۴
f_i	۶	۹	۱۰	۱۱	۱۴

اگر بخواهیم چند جمله‌ای درون یاب تابع جدولی را با استفاده از فرمول پیشرو نیوتن به دست آوریم، به سوالات ۷ و ۸ پاسخ دهید.

۷. حاصل $(\nabla^m f(x))$ کدام است؟

۳. د

۰. ج

-۲. الف

۸. درجه چند جمله‌ای درونیاب کدام است؟

۵. د

۲. ب

الف. ۲

۹. خطای برشی فرمول مشتقگیری $\frac{\Delta^r f_i}{h^r} \approx f_{i+1}''$ متناسب است با:

د. h^r ج. h^r ب. h^r الف. h^r

۱۰. خطای فرمول انتگرالگیری $R^{(m,n)} = \frac{R^{(m+1,n)} - R^{(m,n)}}{m+1}$ برای محاسبه $\int_a^b f(x) dx$ از مرتبه _____ است.

د. h^r ج. h^r ب. h^r الف. h^r

۱۱. فرمول انتگرالگیری گوس سه نقطه‌ای برای محاسبه انتگرال چه توابعی دقیق است؟

ب. چندجمله ایهای تا درجه ۳

الف. توابع چندجمله ای

د. توابع پیوسته بر بازه $[-1,1]$

ج. چندجمله ایهای تا درجه ۵

۱۲. تابع جدولی زیر مفروض است:

x_i	۱	۱/۵	۲	۲/۵	۳
f_i	۱	۴	۹	۱۶	۲۵

از روش سیمسون $\int_1^3 f(x) dx$ برابر است با:

د. $\frac{71}{3}$ ج. $\frac{62}{3}$ ب. $\frac{31}{2}$ الف. ۱۲۴

زمان آزمون (دقیقه): نستی: ۷۰ تشرییع:
تعداد سوالات: نستی: ۲۰ تشرییع: ۵
نام درس: روشهای محاسبات عددی-محاسبات عددی
روش تحلیلی/ گد درس: راه آهن (کلیه گرایشها) ۱۵۱۰۷۶- صنایع (ستی- تجمعی) اجرایی پروژه ۱۱۱۵۱۷۹۵- کامپیوتر (ستی- تجمعی) ۱۱۱۵۰۷۵-
هوانا- برق (کلیه گرایشها)- صنایع پلیمر- خودرو- رباتیک- مهندسی شیمی- عمران- متالوژی صنعتی- مکانیک ۱۵۱۱۰۷۵
مجاز است.
استفاده از ماشین حساب

۱۳. تقریبی از $(1,1)y$ را برای معادله دیفرانسیل $y' = x^y + y$ را به روش اویلر به ازاء $x=0$ بیابید.

۱/۰۱.۵
ج. ۰/۰۱
ب. ۱/۱
الف. ۰/۰۱

۱۴. اگر مقادیر ویژه ماتریس A به ترتیب $1, 2, 3$ - و 0 باشند، اثر ماتریس A^3 کدامست؟

۲۶.۵
ج. ۲۸
ب. ۴
الف. ۲

۱۵. بردار X را از روش توانی برای یافتن بزرگترین مقدار ویژه ماتریس A با انتخاب بردار اولیه

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 4 \\ 3 & 4 & 5 \end{bmatrix}$$

$$X^{(0)} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$X^{(1)} = \begin{pmatrix} 0/5263 \\ 0/7632 \\ 1 \end{pmatrix} \quad X^{(2)} = \begin{pmatrix} 5 \\ 7/35 \\ 9/5 \end{pmatrix} \quad X^{(3)} = \begin{pmatrix} 0/5 \\ 0/75 \\ 1 \end{pmatrix} \quad X^{(4)} = \begin{pmatrix} 6 \\ 9 \\ 12 \end{pmatrix}$$

۱۶. فرض کنید A ماتریس اکیداً مسلط قطری (قطر غالب) باشد، کدام گزینه درست است؟

$$|a_{ij}| \leq \sum_{\substack{j=1 \\ j \neq i}}^n |a_{ij}|$$

$$\text{الف. } |a_{ii}| > \sum_{\substack{j=1 \\ i \neq j}}^n |a_{ij}|$$

$$|a_{ii}| > a_{ij}^2$$

ج. A منفرد است.

۱۷. اگر A ماتریس معین مثبت باشد، کدام گزینه درست است؟

$$|a_{ij}| > 0$$

$$\text{الف. } |A| = 0$$

د. مقادیر ویژه A بزرگتر از صفرند.

$$\text{ج. } |A| < 0$$

زمان آزمون (دقیقه): نستی: ۷۰ تشرییع:

تعداد سوالات: نستی: ۲۰ تشرییع: ۵

نام درس: روشهای محاسبات عددی-محاسبات عددی

رشته تحصیلی/ گد درس: راه آهن (کلیه گرایشها) ۱۵۱۰۷۶-صنایع (ستی-تجمیع) اجرایی پروژه ۱۱۱۵۱۷۹۵-کامپیوتر (ستی-تجمیع) ۱۱۱۵۰۷۵-

هوافضابرق (کلیه گرایشها) صنایع پلیمر- خودرو- رباتیک- مهندسی شیمی- عمران- متالوژی صنعتی- مکانیک ۱۵۱۱۰۷۵

مجاز است.

ماشین حساب استفاده از:

x_i	۰	۱	۲
y_i	۳	۲	۱

۱۸. خط کمترین مربعات برای تابع جدولی زیر کدام است.

ب. $y = -x + ۳$

د. $y = ۳x + ۱$

الف. $y = x$

ج. $y = -x - ۱$

د. $o(h^4)$

ج. $o(h^3)$

ب. $o(h^2)$

الف. $o(h)$

۱۹. خطای محاسبه i هم روش پیراسته اولیر هم مرتبه با کدام است؟

الف. $A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 0 \\ 12 & -5 & -4 \end{bmatrix}$

ب. $A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 0 \\ 12 & -5 & -\frac{1}{4} \end{bmatrix}$

الف. $A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 0 \\ 12 & -5 & -\frac{1}{4} \end{bmatrix}$

د. این ماتریس معکوسپذیر نیست.

الف. $A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 0 \\ 12 & -5 & -\frac{1}{4} \end{bmatrix}$

الف. $A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 0 \\ 12 & -5 & -\frac{1}{4} \end{bmatrix}$

الف. $A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 0 \\ 12 & -5 & -\frac{1}{4} \end{bmatrix}$

الف. $A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 0 \\ 12 & -5 & -\frac{1}{4} \end{bmatrix}$

الف. $A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 0 \\ 12 & -5 & -\frac{1}{4} \end{bmatrix}$

الف. $A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 0 \\ 12 & -5 & -\frac{1}{4} \end{bmatrix}$

الف. $A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 0 \\ 12 & -5 & -\frac{1}{4} \end{bmatrix}$

الف. $A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 0 \\ 12 & -5 & -\frac{1}{4} \end{bmatrix}$

الف. $A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 0 \\ 12 & -5 & -\frac{1}{4} \end{bmatrix}$

الف. $A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 0 \\ 12 & -5 & -\frac{1}{4} \end{bmatrix}$

الف. $A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 0 \\ 12 & -5 & -\frac{1}{4} \end{bmatrix}$

الف. $A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 0 \\ 12 & -5 & -\frac{1}{4} \end{bmatrix}$

الف. $A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 0 \\ 12 & -5 & -\frac{1}{4} \end{bmatrix}$

الف. $A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 0 \\ 12 & -5 & -\frac{1}{4} \end{bmatrix}$

الف. $A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 0 \\ 12 & -5 & -\frac{1}{4} \end{bmatrix}$

الف. $A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 0 \\ 12 & -5 & -\frac{1}{4} \end{bmatrix}$

زمان آزمون (دقیقه): نست: ۷۰ تشرییع:
تعداد سوالات: نست: ۲۰ تشرییع: ۵
نام درس: روشهای محاسبات عددی-محاسبات عددی
رشته تحصیلی/ گذ درس: راه آهن (کلیه گرایشها) ۱۵۱۱۵۱۷۹۵-۱۱۱۵۰۷۵-۱۰۷۶-۱۵۱۱۵۱۷۹۵-۱۱۱۵۰۷۵
هوانپا-برق (کلیه گرایشها)-صنایع پلیمر- خودرو- رباتیک- مهندسی شیمی- عمران- متالوژی صنعتی- مکانیک ۱۵۱۱۰۷۵
مجاز است.
استفاده از: ماشین حساب

سؤالات تشریحی

بارم هر سوال ۲ نمره می باشد.

۱. تقریبی از کوچکترین رایشه مثبت معادله $\cos(x) = 3x - 1$ با انتخاب $(x)g$ مناسب به روش تکرار ساده تا ۴ تکرار و با دقت ۳ رقم اعشار بدست آورید.

۲. چندجمله ای درونیاب را برای تابع $f(x)$ به روش تفاضلات تقسیم شده نیوتون بدست آورید، سپس تقریبی برای $f(1.5)$ محاسبه نمایید.

x_i	0	1	3	4	6
f_i	2	4	14	22	44

۳. مطلوبست محاسبه $\int_{-1}^1 \frac{1}{1-x^2} dx$ با انتخاب $h = 0.4$ و محاسبات را تا ۴ رقم اعشار انجام دهید. (با استفاده از روش نقطه میانی)

۴. (۰.۲) $y(0.2)$ را برای معادله دیفرانسیل $\begin{cases} y' = x + y + xy \\ y(0) = 1 \end{cases}$ به روش رانگ کوتای مرتبه دوم و انتخاب $h = 0.1$ بدست آورید.

۵. ابتدا تجزیه LR ماتریس $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 6 \end{bmatrix}$ را بددست آورده سپس با کمک آن جواب دستگاه $Ax = b$ را محاسبه نمایید.