

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۰

دروس: آمار

روش تحصیلی/ گد درس: مهندسی کشاورزی (اقتصاد کشاورزی)، مهندسی اقتصاد کشاورزی (چندبخشی) ۱۱۱۷۰۸۵

استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است

۱- اگر انحراف معیار توزیع جامعه  $\sigma = 20$  و انحراف معیار توزیع میانگین نمونه  $n=10$  تایی باشد  $\sigma_n = 1$  چقدر است؟

۱۰۰ . ۴

۸۰ . ۳

۴۰ . ۲

۱۰ . ۱

۲- احتمال اینکه میانگین یک نمونه  $n=64$  تایی از جامعه ای که دارای میانگین  $\mu = 90$  و انحراف معیار آن  $\sigma = 8$  هست، کمتر از ۸۸ باشد،

$$P(Z > -2) = 0.978$$

۰.۹۷۸ . ۴

۰.۹۴۵ . ۳

۰.۹۰۵ . ۲

۰.۸۷۸ . ۱

۳- اگر  $S_x^2 = 36$  باشد و ترتیب واریانس و میانگین یک نمونه  $n=36$  تایی باشد و برآورد نقطه ای انحراف معیار میانگین نمونه ها  $\sigma_n = 1$  باشد  $S_x^2$  چقدر است؟

۳۵ . ۴

۳۶ . ۳

۶ . ۱

۴- برآورد ناریب آن است که:

۱. واریانس آن همیشه ثابت است

۲. میانگین آن برابر صفر است  
میانگین آن برابر میانگین صفت در جامعه است

۳. کم ترین واریانس را دارد.

۵- از جامعه ای با واریانس  $\sigma^2 = 25$  نمونه تصادفی به حجم  $n=100$  انتخاب می کنیم اگر  $\bar{X} = 180$  باشد برآورد فاصله ای

میانگین جامعه  $\mu$  با اطمینان ۹۵٪ کدام است؟  $P(170 < \mu < 190) = 0.95$

(۱۷۰/۱۷۲, ۱۸۱/۱۸۲) . ۴

(۱۷۰/۱۷۵, ۱۸۱/۱۸۵) . ۳

(۱۷۹/۱۸۰, ۱۸۰/۱۸۱) . ۲

(۱۷۹/۰۲, ۱۸۰/۰۹) . ۱

۶- اگر  $n=10, S^2 = 16, \sigma^2 = 13$  باشد، مقدار متغیر استاندارد موضع کای کدام است؟

۱۵/۲۳ . ۳

۱/۲۳ . ۲

۱۱/۰۸ . ۱

۷- در جامعه ای با توزیع غیرنرمال نمونه ای متشکل از  $n=25$  میانگین  $\bar{X} = 100$  و انحراف معیار  $S = 25$  تهیه شده است، فاصله اطمینان ۹۵٪ برای میانگین جامعه کدام است؟

(۷۷/۶۵, ۱۲۲/۳۵) . ۴

(۹۵, ۱۰۵) . ۳

(۸۰, ۱۲۰) . ۲

(۹۵/۵۳, ۱۰۴/۴۷) . ۱

۸- اگر برآورد فاصله ای  $\mu$  برابر  $\bar{X} \pm 5000$  باسطح اطمینان ۹۵٪ و  $\sigma = 15000$  باشد آن داره نمونه لازم برای انجام این مطالعه

$$P(Z < -2) = 0.043$$

۱۶ . ۴

۲۵ . ۳

۳۶ . ۲

۹ . ۱

۹- اگر میانگین یک نمونه تصادفی ۱۰۰ تایی برابر  $\mu = 30$  و انحراف معیار آن  $\sigma = 5$  باشد و میانگین نمونه ای تصادفی دیگر مستقل از نمونه اولی به اندازه  $200$  برابر  $25$  و انحراف معیار آن  $\sigma_p = 10$  باشد  $S_p^2$  چقدر است؟

۸۰/۲۵ . ۴

۷۵/۰۸ . ۳

۲/۸۸ . ۲

۸/۳۳ . ۱

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۰

درس: آمار

رشته تحصیلی/ گد درس: مهندسی کشاورزی (اقتصاد کشاورزی)، مهندسی اقتصاد کشاورزی (چندبخشی) ۱۱۱۷۰۸۵

-۱- اگر (۳، ۸) یک فاصله اطمینان ۹۵ درصدی برای انحراف معیار مجهول یک جامعه نرمال باشد. در سطح معنی داربودن ۵٪ در مورد آزمون فرض  $\sigma^2 = 10$ :  $H_0: \sigma^2 = 10$  در برابر آزمون فرضیه مقابل  $10 \neq \sigma^2: H_1$  می‌توان نتیجه گرفت:

۱.  $H_0$  رد نمی‌شود      ۲.  $H_0$  رد می‌شود      ۳. اطلاعات کافی نیست      ۴.  $H_0$  تقریباً رد می‌شود

-۱۱- ادعای شده است که نیمی از افراد در جامعه ای موافق قانون خاصی هستند نمونه ای ۱۰۰ تایی از افراد جامعه به طور تصادفی انتخاب کرده ایم که ۵۵ نفر موافق قانون هستند آماره آزمون این ادعا چقدر است؟

۱. ۱/۷۵      ۲. ۰.۲      ۳. ۱/۷۵      ۴. ۰.۴

-۱۲- برای مقایسه توزیع محصولات درجه یک و درجه ۲ در دو موسسه تولیدی نمونه هایی با حجمهای  $n_2 = 100, n_1 = 400$  انتخاب می‌شود. در نمونه اول ۶۰٪ محصول و در نمونه دوم ۴۰٪ محصول درجه یک هستند در سطح احتمال ۵٪ فرضیه برابری نسبت محصولات درجه یک در دو موسسه چگونه است؟

۱. پذیرفته می‌شود      ۲. نمی‌توان رد کرد      ۳. رد می‌شود      ۴. نمی‌توان رد کرد

-۱۳- به منظور مقایسه جوسازمانی در وضعیت موجود و وضعیت مطلوب به طور تصادفی ۵ مدیر از سازمان انتخاب شده اند و نمره وضع مطلوب و وضع موجود آنها در جدول زیرداده شده اند کدام گزاره زیر درست است؟

مدیر	۱	۲	۳	۴	۵	
نموده وضع		۵۰	۵۹	۵۰	۵۸	۵۰
مطلوب						
نموده وضع		۴۰	۵۷	۴۷	۵۰	۴۸
مطلوب						
وجود						

۱. آماره آزمون برابر با ۲/۹۸۸۲ است

$$SP = ۳/۷۴۲$$

۲. درجه آزادی برابر با ۲ است

۳. درجه آزادی برابر با ۹ است

-۱۴- برای مقایسه مدت دوام سه نوع لنت ترمز اتومبیل، یک آزمایش تجربی تصادفی بر روی هر نوع لنت ۴ اتومبیل در نظر گرفته شده است در آزمون یکسان بودن نوع لنت‌ها درجه آزادی تیمارها کدام است؟

۱. ۶      ۲. ۲      ۳. ۰.۳      ۴. ۳

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۰

درس: آمار ۲

وشهته تحصیلی/ گد درس: مهندسی کشاورزی (اقتصاد کشاورزی)، مهندسی اقتصاد کشاورزی (چندبخشی) ۱۱۱۷۰۸۵

۱۵- چهار خط تولید مهر های یکسان میسازند که قطر آنها بر طبق توزیع نرمال توزیع می شود. از هر خط تولید نمونه ای به حجم  $n_1 = n_2 = n_3 = n_4 = 11$  انتخاب میکنیم و بر اساس نتایج مشاهدات، کمیت های زیر بدست آمده است:

$$ST = 550, SST_F = ۳۱۰$$

$$\sum \sum (X_{ij} - \bar{X})^2 = 550, \sum (X_{1J} - \bar{X}_1)^2 = ۱۲۰, \sum (X_{2J} - \bar{X}_2)^2 = ۹۰, \sum (X_{3J} - \bar{X}_3)^2 = ۸۰$$

مقدار اماره ( $F$ ) در آزمون فرضیه یکسان بودن میانگین های چهار جامعه نرمال کدام است؟

۴. ۶

۴. ۳

۳۴/۴۴ . ۲

۱۰. ۱

۱۶- می خواهیم تأثیر نماینده روش مختلف تدریس و چهار درس را بر نمره های دانشجویان بررسی کنیم. بدین منظور نمونه متشكل از ۳۶ نفر انتخاب کردند که هر سه نفر در یک ترکیب روش تدریس- درس جای داشتند، در جدول آنالیز واریانس این بررسی درجه آزادی خطای حطای حق دراست؟

۲۹. ۴

۳۵. ۳

۲۶. ۲

۳۰. ۱

۱۷- در معادله خط رگرسیون  $X = ۷۸۹ + ۲/۲۹۲ Y$  برای آزمون رابطه خطی  $X$ ،  $Y$  جدول تحلیل واریانس زیر بدست آمده است: کدام گزاره درست است؟

منبع تغییرات	مجموعه توان	درجه آزادی	میانگین توان	$F$
تیمار (X)	۵۹/۶۱۴		۸/۵۱۶	
خطای جمع	۲۲۷/۵۵۵			

$F = 19/72 . ۲$

$n=8 . ۱$

۴. درجه آزادی خطای برابر با ۸ است

$n=7 . ۳$

۱۸- براساس نمونه تصادفی ۲۷ تایی، مدل رگرسیون زیر برآورد شده است از مون فرضیه  $H_0: \rho = 0$  در سطح معنی داری کدام گزاره در مورد فرضیه  $H_0: Y = \hat{\alpha} + \hat{\beta}X, R^2 = ۰/۳۶$  درست است؟ (عدد جدول تقریباً ۲ است)

۱. قابل ردیبست

۲. رد نمی شود زیرا مقدار آمحاسبه شده  $۱/۵۳۸۸$  و کمتر از ۲ می باشد

۳. رد نمی شود زیرا مقدار آمحاسبه شده  $۳/۷۵$  و بیشتر از ۲ می باشد

۴. اطلاعات کافی نیست

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): ۶۰:۰ تشریحی:

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی:

درس: آمار

وشه تخصصی/ گد درس: مهندسی کشاورزی (اقتصاد کشاورزی)، مهندسی اقتصاد کشاورزی (چندبخشی) ۱۱۱۷۰۸۵

-۱۹ به منظور مطالعه بستگی بین دو صفت  $X, Y$  در یک جامعه نرمال دوبعدی نمونه ای به حجم  $n=20$  انتخاب کرده ایم و مقادیر زیر محاسبه شده است:  $\sum X = 40, \sum Y = 100, \sum X^2 = 180, \sum Y^2 = 528, \sum XY = 210$  معادله خط رگرسیون  $Y = A + BX$  مقادیر چقدر است؟

$$A=15, B=3$$

$$A=2, B=4$$

$$A=10, B=2$$

$$A=4.8, B=0.1$$

-۲۰ به منظور ارزیابی همبستگی بین دو صفت  $X, Y$  در یک جامعه نرمال دوبعدی نمونه ای به حجم  $n=20$  انتخاب و کمیت های زیر بدست آمده است:  $A = 3, B = 1, \sum XY = 210, \sum Y = 100, \sum Y^2 = 528$  معادله رگرسیون  $Y = S_e$  بر حسب لامارکدام است؟

$$1/58$$

$$1.3$$

$$1/51$$

$$1.$$

-۲۱ براساس اطلاعات زیر، آماره آزمون برای این ادعای فروش کالا که درسه نوع بسته بندی الف، ب، ج دارای احتمال یکسان است، کدام است

نوع بسته بندی		
ج	ب	الف
۱۲۰	۸۰	۱۰۰

تعداد کالای فروش رفته

$$\chi_{(3)}^2 = 8$$

$$\chi_{(2)}^2 = 4/7$$

$$\chi_{(1)}^2 = 1$$

-۲۲ برای آزمون استقلال سطوح  $A, B$  از دو متغیر در یک آزمایش، جدول توافقی زیر حاصل شده است. مقدار آماره آزمون برابر است با:

		$B/A$	
		$B_1$	$B_2$
$A_1$	۳۰	۲۰	
	$A_2$	۲۰	۳۰

$$0/8$$

$$4.3$$

$$5.2$$

$$20.1$$

-۲۳ تعداد طبقات در یک آزمون نیکویی برازش،  $10$  تا است که در آن  $\sigma^2, \mu$  براورد شده است. تعداد درجات ازادی این ازمون چقدر است؟

$$10.4$$

$$9.3$$

$$8.2$$

$$7.1$$

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی:

درس: آمار

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی:

وشه تخصصی/ گد درس: مهندسی کشاورزی (اقتصاد کشاورزی)، مهندسی اقتصاد کشاورزی (چندبخشی) ۱۱۱۷۰۸۵

۴- کدام گزاره زیر درست است؟

۱. هرسی زمانی، همواره تغییرات فصلی دارد.

۲. مدل پیش بینی نمو همواره ساده (رونده) را در نظر نمی گیرد.

۳. مدل میانگین متحرک ساده مرکزی یک مدل پیش بینی کیفی است.

۴. هر مدلی که MSE بزرگتری داشته باشد از صحت پیش بینی بالاتری برخوردار است.

۵- فرضیه کار مدل هلت- وینترز  $T_n = \bar{X}_n - \frac{A}{3} + \frac{B}{4}$  مقدار چقدر است.

-۰/۳۳ . ۴

-۰/۳۰۴ . ۳

-۰/۲۵۱ . ۷

-۰/۴۹ . ۱

**استفاده از: ماتریس حساب مهندسی مجاز است.**

$$SST = \sum \sum (X_{ij} - \bar{X}_{..})^2$$

$$SS(Tr) = n \sum_{i=1}^k (\bar{X}_{i..} - \bar{X}_{..})^2$$

$$\chi^2 = \sum_{i=1}^k \frac{(F_{ei} - F_{.ei})^2}{F_{ei}}$$

$$b = \frac{\sum X_i - Y_i - n\bar{X}\bar{Y}}{\sum (X_i - \bar{X})^2} = \frac{\sum (X_i - \bar{X})(Y_i - \bar{Y})}{\sum (X_i - \bar{X})^2}$$

$$r = \frac{\sum (X_i - \bar{X})(Y_i - \bar{Y})}{\sqrt{\sum (X_i - \bar{X})^2(Y_i - \bar{Y})^2}}$$

$$\bar{x} = \bar{x}_1 + S_{\bar{x}} \cdot \alpha$$

$$t = \frac{(\bar{X}_1 - \bar{X}_p) - (\mu_1 - \mu_p)}{S_{\bar{X}_1 - \bar{X}_p}}$$

$$S_p^2 = \frac{(n_1 - 1)S_1^2 + (n_p - 1)S_p^2}{n_1 + n_p - 2}$$

$$S_{\bar{X}_1 - \bar{X}_p} = S_p \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_p}}$$

$$T = \frac{\bar{X} - \mu}{\frac{S}{\sqrt{n}}} = \frac{\bar{X} - \mu}{S_{\bar{X}}}$$

مجاز است.

ماشین حساب مهندسی

استفاده از:

$$Z = \frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2 - (\mu_1 - \mu_2)}{\sigma_{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}}$$

$$Z = \frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2 - (\mu_1 - \mu_2)}{\sqrt{\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}}}$$

$$S_p^2 = \frac{(n_1 - 1)S_1^2 + (n_2 - 1)S_2^2}{n_1 + n_2 - 2}$$

$$t = \frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2 - (\mu_1 - \mu_2)}{S_p \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}}}$$

$$df = n_1 + n_2 - 2$$

$$t' = \frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2 - (\mu_1 - \mu_2)}{\sqrt{\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}}}$$

$$df' = \frac{\left(\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}\right)^2}{\frac{\left(\frac{S_1^2}{n_1}\right)^2}{n_1 - 1} + \frac{\left(\frac{S_2^2}{n_2}\right)^2}{n_2 - 1}}$$

$$\sigma_{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}^2 = \sigma_1^2 + \sigma_2^2$$

$$\bar{P}_1(1 - \bar{P}_1) + \bar{P}_2(1 - \bar{P}_2)$$

$$n_1 \quad n_2$$

$$Z = \frac{\bar{P}_1 - \bar{P}_2 - (\bar{P}_1 - \bar{P}_2)}{\sigma_{\bar{P}_1 - \bar{P}_2}}$$

$$S_{\bar{P}_1 - \bar{P}_2}^2 = \frac{\bar{P}_1(1 - \bar{P}_1)}{n_1} + \frac{\bar{P}_2(1 - \bar{P}_2)}{n_2}$$

$$Z = \frac{\bar{P}_1 - \bar{P}_2 - (\bar{P}_1 - \bar{P}_2)}{S_{\bar{P}_1 - \bar{P}_2}}$$

$$\bar{P} = \frac{\bar{X}_1 + \bar{X}_2}{n_1 + n_2}$$

$$Z = \frac{\bar{P}_1 - \bar{P}_2}{\sqrt{\bar{P}(1 - \bar{P})\left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)}}$$

$$\bar{X} = \frac{\sum X_i}{N}$$

$$\sigma^2 = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (X_i - \mu_x)^2$$

$$S^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2}{n-1}$$

$$E(S^2) = \frac{K}{n-1} \cdot \frac{\mu}{\sigma^2 / \sqrt{n}}$$

$$\sigma_x = \frac{\sigma_x}{\sqrt{n}}$$

$$\sigma_{\bar{x}} = \frac{\sigma_x}{\sqrt{n}} \sqrt{\frac{N-n}{N-1}}$$

$$V(X_1 + X_2) = V(X_1) + V(X_2) + Cov(X_1, X_2)$$

$$\bar{P} = \frac{X}{n}$$

$$\sigma_{\bar{P}}^2 = \frac{N-n}{N-1} \frac{P(1-P)}{n}$$

$$E(\bar{P}) = P = \mu_{\bar{P}}$$

$$Z = \frac{\bar{P} - P}{\sqrt{\frac{\bar{P}(1-\bar{P})}{n}}}$$

$$(L, U) : \bar{x} \pm Z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

$$(L, U) : \bar{x} \pm t_{\alpha/2} \frac{s}{\sqrt{n}}$$

$$P(|\bar{X} - \mu_x| \leq k\sigma_{\bar{x}}) \geq 1 - \frac{1}{k^2}$$

$$\sigma_{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}^2 = \frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}$$

زمان آزمون (دقیقه): تست: ۶۰ تشرییع:

تعداد سوالات: تست: ۲۵ تشرییع:

نام درس: آمار ۲

رشته تحصیلی / گد درس: مهندسی اقتصاد کشاورزی

مجاز است.

ماشین حساب مهندسی

استفاده از:

$$\bar{X}_t = A(\bar{X}_{t-1} - T_{t-1}) + (1-A) \frac{X_t}{F_{t-1}}$$

$$t = \frac{\bar{d}}{S_d}$$

$$\hat{X}_{n+h} = (\bar{X}_n + hT_n)F_{n+h}$$

$$\sigma = Z_{\alpha/2} \frac{\sigma_x}{\sqrt{n}}$$

$$X_t = \frac{X_{\frac{t-2}{2}} + 2(X_{\frac{t-2+1}{2}} + \dots + X_{\frac{t-2-1}{2}}) + X_{\frac{t+2}{2}}}{2s}$$

$$n = Z_{\alpha/2}^2 \frac{\sigma_x^2}{\sigma^2}$$

$$b = \frac{\sum x_i y_i - n \bar{x} \bar{y}}{\sum (x_i - \bar{x})^2}$$

$$n = \frac{Z_{\alpha/2}^2 N \sigma^2 s}{\sigma^2 (N-1) + Z_{\alpha/2}^2 n \sigma^2 s}$$

$$= \frac{\sum (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum (x_i - \bar{x})^2}$$

$$\sigma = Z_{\alpha/2} \frac{\sigma_x}{\sqrt{n-1}}$$

$$R^2 = \frac{\sum (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum (x_i - \bar{x})^2}$$

$$n = t^2 \sigma_x^2 + \frac{\sigma_x^2}{\sigma^2} \left[ \frac{\sigma_x^2}{F_{(n-1, n-1-\frac{\sigma}{2})}} < \frac{\sigma_x^2}{\sigma^2} < \frac{\sigma_x^2}{S_2^2} F_{(n-1, n-1-\frac{\sigma}{2})} \right]$$

$$MAD = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n |X_i - \hat{X}_i|$$

$$MSE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (X_i - \hat{X}_i)^2$$

$$RMSE = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (X_i - \hat{X}_i)^2}$$

$$MADE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \left| \frac{X_i - \hat{X}_i}{X_i} \right| (\%) 100$$

$$X_i^* = \frac{1}{2m+1} \sum_{j=-m}^m X_{i+j}$$

$$\bar{X}_t = (1-\alpha)X_t + \alpha(1-\alpha)X_{t-1} + \alpha^2(1-\alpha)X_{t-2} + \dots$$

$$\bar{X}_t = A(\bar{X}_{t-1} - T_{t-1}) + (1-A)X_t$$

$$T_t = BT_{t-1} + (1-B)(X_t - X_{t-1})$$

$$\hat{X}_{n+h} = \bar{X}_n + hT_n$$

$$F_t = cF_{t-1} + (1-c) \frac{X_t}{\bar{X}_t}$$