

نام درس: ریاضی فیزیک ۳

تعداد سؤال: نسی ۲۰ تکمیلی -- تشریحی ۴

رشته تحصیلی: گرایش: فیزیک - (حالت جامد - هسته‌ای - اتمی و مولکولی)

زمان امتحان: تستی و تکمیلی ۶۰ دقیقه تشریحی ۶۰ دقیقه

کد درس: ۱۱۱۳۰۳۶

تعداد کل صفحات: ۴

* استفاده از ماشین حساب مجاز است.۱. کدامیک از عبارات زیر تعریف $\Gamma(Z)$ نمی‌باشد؟

ب. $\Gamma(z) = \int_0^{\infty} e^{-t} t^{z-1} dt$

الف. $\Gamma(z) = \int_0^1 [\ln(\frac{1}{t})]^{z-1} dt$

د. $\Gamma(z) = \int_0^{\infty} e^{-t^p} t^{pz-1} dt$

ج. $\Gamma(z) = \int_0^{\infty} \ln(\frac{1}{t})^{z-1} dt$

۲. حاصل $(-\frac{1}{4})!$ کدام است؟

د. $\frac{\sqrt{2}\pi}{(\frac{1}{4})!}$

ج. $\frac{\pi}{4(\frac{1}{4})!}$

ب. $\frac{\pi\sqrt{2}}{4(\frac{1}{4})!}$

الف. $\frac{\pi}{(\frac{1}{4})!}$

۳. حاصل $71!!$ کدام است؟

د. $\frac{71!}{2^{35} 35!}$

ج. $\frac{71!}{35!}$

ب. $\frac{71!}{2^{35}}$

الف. $\frac{70!}{35!!}$

۴. کدام عبارت تعریف تابع دی گاما است؟

د. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{z}{n(n+z)}$

ج. $(\frac{d}{dz} \ln(z))!$

ب. $\frac{d}{dz} \ln(z!)$

الف. $\frac{d}{dz} \ln(\frac{1}{z})!$

۵. حاصل $\int_0^{\infty} \frac{u^p}{(1+u)^p} du$ کدام است؟

د. $-\frac{\pi}{4}$

ج. $\frac{\pi}{4}$

ب. $\frac{\pi}{2}$

الف. $-\frac{\pi}{2}$

۶. حاصل $\frac{d^p}{dx^p} [x^n J_n(x)]$ کدام است؟

ب. $x^{n-1} J_{n-p}(x)$

الف. $x^{n-1} J_{n-1}(x) + x^n J_{n-p}(x)$

د. $x^{n-p} J_{n-1}(x)$

ج. $x^{n-1} J_{n-1}(x) + J_{n-p}(x)$

نام درس: ریاضی فیزیک ۳

تعداد سؤال: نسی ۲۰ تکمیلی -- تشریحی ۴

رشته تحصیلی: گرایش: فیزیک - (حالت جامد - هسته‌ای - اتمی و مولکولی)

زمان امتحان: تستی و تکمیلی ۶۰ دقیقه تشریحی ۶۰ دقیقه

کد درس: ۱۱۱۳۰۳۶

تعداد کل صفحات: ۴

۷. حاصل انتگرال $I = \int_0^{\infty} e^{-ax} \cos \lambda x dx$ کدام است؟ (Re و Im به ترتیب قسمت حقیقی و موهومی عبارت‌ها می‌باشند).

الف. $\text{Re}\left(\frac{1}{a - i\lambda}\right)$ ب. $\text{Im}\left(\frac{1}{a - i\lambda}\right)$ ج. $\text{Re}\left(\frac{1}{a + i\lambda}\right)$ د. $\text{Im}\left(\frac{a}{a + \lambda^2 i}\right)$

۸. حاصل $\int_0^{\pi} \cos(x \sin \theta) d\theta$ کدام است؟

الف. $J_0(x)$ ب. $\pi J_0(x)$ ج. صفر د. $\frac{\pi}{2}$

۹. کدام عبارت تعریف تابع هنکل نوع اول است؟

الف. $N_\nu(x) - iJ_\nu(x)$ ب. $J_\nu(x) - iN_\nu(x)$
ج. $J_\nu(x) + iN_\nu(x)$ د. $iJ_\nu(x) + N_\nu(x)$

۱۰. با تفکیک معادله $\nabla^2 \psi - k^2 \psi = 0$ در مختصات استوانه‌ای، معادله حاکم بر قسمت ρ کدام است؟

الف. معادله تعدیل یافته بسل ب. معادله بسل
ج. معادله بسل کروی د. معادله تعدیل یافته بسل کروی

۱۱. حاصل $\sum_{n=0}^{\infty} P_n\left(\frac{1}{4}\right)\left(\frac{1}{4}\right)^n$ کدام است؟

الف. $\sqrt{\frac{16}{17}}$ ب. $\sqrt{\frac{17}{16}}$ ج. $\sqrt{\frac{15}{16}}$ د. $\sqrt{\frac{16}{15}}$

۱۲. حاصل $P_\nu(0)$ کدام است؟

الف. $\frac{1}{2}$ ب. $-\frac{1}{2}$ ج. ۱ د. صفر

۱۳. حاصل $P_{2n+1}(-1)$ کدام است؟

الف. -۱ ب. ۱ ج. صفر د. $(2n+1)!$

۱۴. حاصل $P_n^{-m}(x)$ کدام است؟

الف. $\frac{(n-m)!}{(n+m)!} P_n^m(x)$ ب. $\frac{(n+m)!}{(n-m)!} P_n^m(x)$
ج. $(-1)^m \frac{(n-m)!}{(n+m)!} P_n^m(x)$ د. $(-1)^n \frac{(n-m)!}{(n+m)!} P_n^m(x)$

نام درس: ریاضی فیزیک ۳

تعداد سؤال: ۲۰ تکمیلی -- تشریحی ۴

رشته تحصیلی: گرایش: فیزیک - (حالت جامد - هسته‌ای - اتمی و مولکولی)

زمان امتحان: تستی و تکمیلی ۶۰ دقیقه تشریحی ۶۰ دقیقه

کد درس: ۱۱۱۳۰۳۶

تعداد کل صفحات: ۴

۱۵. حاصل $\int_{-1}^1 (P_p(x))^2 dx$ کدام است؟

- الف. $\frac{1}{3}$ ب. $\frac{2}{7}$ ج. $\frac{1}{4}$ د. $\frac{2}{9}$

۱۶. حاصل $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{H_n(1)}{n!}$ کدام است؟ (H_n ها توابع هرمیت هستند)

- الف. e^2 ب. $-e$ ج. e^{-1} د. e

۱۷. حاصل $H'_5(x)$ کدام است؟ (H_n ها توابع هرمیت هستند)

- الف. $5H_5(x)$ ب. $1 \circ H_5(x)$ ج. $5H_4(x)$ د. $1 \circ H_4(x)$

۱۸. کدام عبارت صحیح است؟ (H_n ها توابع هرمیت هستند)

- الف. $H_{2n+1}(0) = 1$ ب. $H_{2n+1}(0) = 0$ ج. $H_{2n}(0) = 0$ د. $H_{2n}(0) = 1$

۱۹. اگر $L_n(x)$ تابع لاگر باشد کدام عبارت صحیح است؟

- الف. $\int_0^{\infty} e^{-x} L_m(x) L_n(x) dx = \delta_{m,n}$ ب. $\int_0^{\infty} L_m(x) L_n(x) dx = \delta_{m,n}$

- ج. $L_n(0) = 0$ د. $L_n(0) = 1$

۲۰. جواب کدامیک از معادلات دیفرانسیل زیر توابع هرمیت است؟

الف. $y'' - 2nxy' + 2y = 0$ ب. $y'' - xy' + 2ny = 0$

ج. $y'' - 2xy' + 2ny = 0$ د. $y'' - nxy' + 2ny = 0$

«سؤالات تشریحی»

۱. ثابت کنید $e^{iz \cos \theta} = \sum_{m=-\infty}^{\infty} i^m J_m(z) e^{im\theta}$

۲. نشان دهید تابع دلتای دیراک را می‌توان به صورت $\delta(1-x) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{2n+1}{2} P_n(x)$ نوشت.

نام درس: ریاضی فیزیک ۳

تعداد سؤال: نسی ۲۰ تکمیلی -- تشریحی ۴

رشته تحصیلی: گرایش: فیزیک - (حالت جامد - هسته‌ای - اتمی و مولکولی)

زمان امتحان: تستی و تکمیلی ۶۰ دقیقه تشریحی ۶۰ دقیقه

کد درس: ۱۱۱۳۰۳۶

تعداد کل صفحات: ۴

۳. تبدیل فوریه تابع زیر را بدست آورید.

$$f(t) = \begin{cases} \sin \omega_0 t & |t| < \frac{N\pi}{\omega_0} \\ 0 & |t| > \frac{N\pi}{\omega_0} \end{cases}$$

$$\Delta E \Delta t \geq \frac{h}{4\pi} \quad \text{ثابت کنید:}$$

$$\Gamma(z) = \int_0^{\infty} e^{-t} t^{z-1} dt \quad \text{ثابت کنید: ۴}$$

$$\Gamma(z) = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1 \times 2 \times 3 \dots n}{z(z+1)\dots(z+n)} \quad \text{توجه: تعریف را معلوم در نظر بگیرید.}$$