

تعداد سوال: نسخه ۱۵ تکمیلی - تشریحی ۴

زمان امتحان: نسخه و تکمیلی ۴۵ لفته تشریحی ۶۰ لفته

[استفاده از مشین حلب مجاز است. ☆ سوالات نسخه تعمیره متفق ندارد]

تعداد کل صفحات: ۳

۱. در برخورد کشسان ضریب بازگشت  $E$ ، ...  
 الف. صفر است.  
 ب. یک است.  
 ج. بینهایت است.  
 د. معلوم نیست.
۲. در پدیده برخورد غیر کشسان، ...  
 الف. تکانه خطی سیستم پایسته است.  
 ب. انرژی مکانیکی سیستم پایسته است.  
 ج. تکانه زاویه‌ای همراه با انرژی جنبشی سیستم پایسته است.  
 د. انرژی جنبشی سیستم پایسته است.
۳. انرژی جنبشی سیستم از ذرات عبارتست از:  
 الف. انرژی جنبشی انتقالی کل سیستم  
 ب. انرژی جنبشی حرکت آن نسبت به مرکز جرم.  
 ج. انرژی جنبشی مرکز جرم سیستم  
 د. انرژی جنبشی مرکز جرم و انرژی جنبشی اولت آن نسبت به مرکز جرم
۴. هرگاه گشتاور کل نیروهای خارجی وارد بر سیستمی صفر باشد در آنصورت:  
 الف. تکانه زاویه‌ای سیستم از نظر بزرگی ثابت باقی می‌ماند.  
 ب. تکانه زاویه‌ای سیستم از نظر جهت ثابت باقی می‌ماند.  
 ج. تکانه زاویه‌ای سیستم از نظر بزرگی و جهت ثابت باقی می‌ماند.  
 د. تکانه زاویه‌ای سیستم صفر خواهد بود.
- ۵.تابع لاگرانژ یک نوسانگر هماهنگ ساده عبارتست از:

$$\frac{1}{2}m\dot{x}^2 - \frac{1}{2}Kx^2$$

$$\frac{1}{2}mv^2 + mgx$$

$$\frac{1}{2}m\dot{x}^2 + \frac{1}{2}Kx^2$$

$$\frac{1}{2}m\dot{x}^2 - Kx$$

۶. معادله کلی (عمومی) لاگرانژ کدام است؟

$$\frac{d}{dt} \frac{\partial T}{\partial \dot{q}_k} - \frac{\partial T}{\partial q_k} = Q_k$$

$$\frac{d}{dt} \frac{\partial T}{\partial \dot{q}_k} - \frac{\partial T}{\partial q_k} = 0$$

$$\frac{d}{dt} \frac{\partial L}{\partial \dot{q}_k} - \frac{\partial L}{\partial q_k} = 0$$

$$\frac{d}{dt} \frac{\partial L}{\partial \dot{q}_k} - \frac{\partial L}{\partial q_k} = Q'_k$$

۷. اندازه حرکت تعمیم یافته مربوط به مختصه تعمیم یافته  $q_k$  را می‌توانیم به کمک رابطه زیر بدست آوریم:

$$p_k = \frac{\partial T}{\partial t} \quad \text{د.} \quad P_k = \frac{\partial T}{\partial q_k} \quad \text{ج.} \quad p_k = \frac{\partial L}{\partial q_k} \quad \text{ب.} \quad p_k = \frac{\partial L}{\partial \dot{q}_k} \quad \text{الف.}$$

تعداد سوال: نسخه ۱۵ تکمیلی - تشریحی ۴

زمان امتحان: نسخه و تکمیلی ۴۵ لفته تشریحی ۶۰ لفته

[استفاده از مشین صلب مجاز است. ☆ سوالات نسخه تکمیلی دارد]

تعداد کل صفحات: ۳

۸. اگر تابع لاگرانژ بطور صریح وابسته به یک مختصه تعمیم یافته، مثل  $q_k$ ، نباشد، در آنصورت ....

الف.  $L$  ثابت حرکت است.

ب.  $\dot{P}_k$  ثابت حرکت است.

ج.  $P_k$  صفر است.

د.  $P_k$  ثابت حرکت است.

۹. به  $\dot{q}_k$  نقطه از یک جسم صلب :

الف. می‌توان حداقل دو محور اصلی نسبت داد.

ج. می‌توان حداقل سه محور اصلی نسبت داد.

ب. می‌توان حداقل دو محور اصلی نسبت داد.

۱۰. هرگاه جسم صلبی حول محور اصلی دورانی کند، ....

الف. گشتاور خارجی به جسم واگرایی نداشته باشد.

ب. جسم موازنۀ دینامیکی نخواهد داشت.

ج. نکانۀ زاویه‌ای جسم  $\bar{L}$  حول محور اصلی حرکت دورانی دارد.

د. جسم موازنۀ دینامیکی خواهد داشت.

۱۱. شرط لازم و کافی برای آنکه هامیلتونی سیستمی ثابت حرکت باشد کدام است؟

الف. تابع لاگرانژ سیستم تابع صریح زمان نباشد.

ب. تابع لاگرانژ سیستم ثابت حرکت باشد.

ج. انرژی پتانسیل سیستم تابع سرعتهای تعمیم یافته نباشد.

د. انرژی پتانسیل سیستم تابع زمان نباشد.

۱۲. قطعه یخی در ته کاسه‌ای کروی ...

الف. تعادل پایدار دارد. ب. تعادل ناپایدار دارد.

ج. تعادل بی‌تفاوت دارد. د. تعادل ندارد.

۱۳. سیستم نوسانی به صورت زیر در راستای افقی ....

الف. چهار حالت حرکتی دارد.

ب. سه حالت حرکتی دارد.

ج. دو حالت حرکتی دارد.

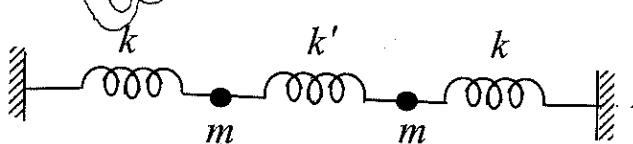
د. یک حالت حرکتی دارد.

۱۴. تابع هامیلتونی یک نوسانگر هماهنگ یک بعدی کدام است؟

$$\frac{p x^{\frac{1}{2}}}{2} + \frac{2k}{m} \quad \text{الف. } \frac{m \dot{x}^{\frac{1}{2}}}{2} + \frac{p}{2m}$$

$$\frac{p^{\frac{1}{2}}}{2m} + \frac{k x^{\frac{1}{2}}}{2} \quad \text{ب. } \frac{2m}{p^{\frac{1}{2}}} - \frac{k x^{\frac{1}{2}}}{2}$$

$$\frac{p^{\frac{1}{2}}}{2m} + \frac{k x^{\frac{1}{2}}}{2} \quad \text{ج. } \frac{2m}{p^{\frac{1}{2}}} - \frac{k x^{\frac{1}{2}}}{2}$$



تعداد سوال: نسخه ۱۵ تکمیلی - تشریحی ۴

زمان امتحان: نسخه و تکمیلی ۴۵ لغنه تشریحی ۶۰ لغنه

[استفاده از مشین صلب مجال است. ☆ سوالات نسخه تکمیلی در دارد]

تعداد کل صفحات: ۳

۱۵. انتگرال کنش عبارتست از:

$$I = \int_{t_1}^{t_2} \sqrt{L} dt \quad \text{ا.} \quad I = \int_{t_1}^{t_2} L dt \quad \text{ج.} \quad I = \int_{t_1}^{t_2} \frac{1}{\mu} L dt \quad \text{ب.} \quad I = \int_{t_1}^{t_2} \frac{dL}{dt} dt \quad \text{الف.}$$

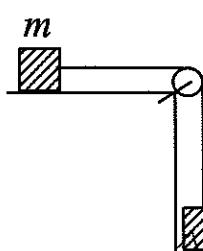
### سوالات تشریحی

۱. ذره‌ای به جرم  $m$  با تکانه خطی اویله  $\vec{P}$  با ذره‌ای با همان جرم که در حال سکون است برخورد غیر کشسان می‌کند. بعد از برخورد تکانه خطی ذرۀ  $\vec{P}_1$  و نزد  $\vec{P}_2$  می‌شود. در صورتیکه زاویه پراکندگی  $\varphi$  باشد (زاویه بین تکانه خطی دو ذره بعد از برخورد) مقدار کرمایی حاصل از این برخورد غیر کشسان بر حسب کمیتهای فوق را بدست آورید؟

۲. دو جرم مساوی  $m$  بوسیله نخی به طول  $l$  بهم مرتبط و مطابق شکل روی سطح بدون اصطکاکی قرار گرفته‌اند. مطلوب است:

الف. تابع لاگرانژ

ب. شتاب حرکت  $m$  به کمک معادله لاگرانژ



۳. ذره‌ای به جرم  $m$  دارای تابع لاگرانژ  $L = ma^2(1 - \cos \theta)\dot{\theta}^2 - mga(1 + \cos \theta)$  می‌باشد. تابع هامیتون ذره را به دست آورید؟

$$N_1 = I_1 \dot{\omega}_1 + \omega_2 \omega_3 (I_3 - I_2)$$

۴. با توجه به معادلات حرکت اویلر  $N_1 = I_1 \dot{\omega}_1 + \omega_2 \omega_3 (I_3 - I_2)$  ، اگر  $T$  انرژی جنبشی کل دورانی یک جسم

$$N_2 = I_2 \dot{\omega}_2 + \omega_1 \omega_3 (I_3 - I_1)$$

$$\frac{dT}{dt} = \vec{\omega} \cdot \vec{N} \quad \text{صلب نسبت به یک نقطه ثابت باشد، ثابت کنید:}$$