

۱. اگر  $e$  خطای مطلق و  $\delta$  خطای نسبی و  $a, b$ , به ترتیب تقریبهایی از  $B, A$  باشد، خواهیم داشت:

الف.  $e(a) + e(b) < e(a+b)$

ج.  $\delta(a-b) \leq \max\{\delta(a), \delta(b)\}$

ب.  $\delta(ab) \leq \delta(a).\delta(b)$

د.  $e(a-b) \leq e(a) + e(b)$

۲. برای محاسبه تقریبی  $(1 - \sqrt{2})^4$  کدام عبارت دقیقتری بدست می‌دهد؟

د.  $(\sqrt{2} - 1)^4$

ج.  $\frac{1}{17 + 12\sqrt{2}}$

ب.  $\frac{1}{(\sqrt{2} + 1)^4}$

الف.  $17 - 12\sqrt{2}$

۳. معادله  $\cos x + 4x = 0$  دقیقاً چند ریشه دارد؟

د. سه ریشه

ج. دو ریشه

الف. صفر ریشه

ب. یک ریشه

۴. اگر بخواهیم ریشه‌های معادله‌ای  $x^3 - 1 = 0$  را بخشی، در بازه  $[1, 2]$  حساب کنیم که خطای آن از  $10^{-3}$  کمتر باشد، در صورتی که بدانیم روش همگراست، حداقل تعداد تکرارها جتنای خواهد بود؟

د. ۱۰

ج. ۹

ب. ۸

الف. ۷

۵. معادله  $x^4 = 1$  در کدامیک از بازه‌های زیر با روش تکرار نقطه ثابت همگرا می‌باشد؟

الف.  $[1, 2]$

ب.  $[-2, -1]$

الف.  $[0, 0.5]$

ج.  $[-0.5, 0]$

د.  $[0, 1]$

۶. همگرایی روش نیوتون از مرتبه چند است؟

د. حداقل سه

ج. حداقل دو

ب. حداقل یک

الف. صفر

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک

الف. حداقل یک

ب. حداقل دو

ج. حداقل سه

د. حداقل یک</p

تعداد سوال: نسخه ۲۰ تکمیلی - نظریه ۵

زمان امتحان: نسخه و تکمیلی ۶۰ لغنه نظریه ۷۰ لغنه

[استفاده از متشابه حسل مجاز است ☆ سوالات نسخه تکمیلی دارد]

تعداد کل صفحات: ۵

نیمسال دوم ۱۴-۱۳

۱۰. با توجه به جدول زیر  $L_1(x)$  کدام گزینه است؟

$x_i$	۰	۱	۳	۴
$f_i$	۰	۵	۷	۲

ب.  $-\frac{1}{6}(x^3 + 7x^2 + 12)$

د.  $-\frac{1}{6}(x^3 - 7x^2 + 12x)$

الف.  $\frac{1}{12}(x-1)(x+3)(x+4)$

ج.  $(x-1)(x+3)(x+4)$

۱۱. با توجه به جدول مسئله شماره ۱۰ کدام درونیابی لاگرانژ استفاده کنیم، درجه چند جمله‌ای درونیاب چند خواهد شد؟

- الف. درجه ۴      ب. حداقل از درجه ۴      ج. حداقل از درجه ۳      د. درجه ۳

۱۲. کدام گزینه در مورد روش لاگرانژ صحیح است؟

$F(x) = (x-x_0)(x-x_1)\dots(x-x_n)$  و  $L_i(x) = \frac{F(x)}{F'(x_i)}$  الف.

ب.  $L_0(x) + L_1(x) + \dots + L_n(x) = 1$

ج. چند جمله‌ایهای لاگرانژ وابسته خطی‌اند.

$$L_i(x_j) = \begin{cases} 0 & i = j \\ 1 & i \neq j \end{cases}$$

۱۳. با توجه به جدول ذیل،  $f[x_1, x_2, x_3, x_4]$  کدام است؟

$x_i$	۱	۲	۳	۴	۵
$f_i$	-۱	۲	۵	-۳	۷

د.  $\frac{11}{2}$

ج. ۳

ب. صفر

الف.  $-\frac{11}{2}$

تعداد سوال: نسخه ۲۰ تکمیلی - تشریحی ۵

زمان امتحان: نسخه و تکمیلی ۶۰ لفته تشریحی ۷۰ لفته

[استفاده از مشین حساب مجاز است ☆ سوالات نسخه منفرد ندارد]

تعداد کل صفحات: ۵

نیمسال دوم ۱۴-۱۳

$$(j = 0, 1, 2, \dots \quad i = 1, 2, 3, \dots)$$

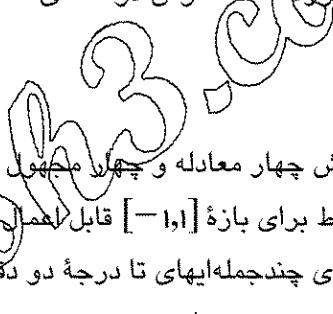
۱۶. قاعده رامبرگ کدام است؟

$$T_{ij} = \frac{\epsilon^i T_{(i-1)(j+1)} - T_{(i-1)j}}{\epsilon^i}.$$

$$T_{ij} = \frac{\epsilon^i T_{i(j-1)} - T_{(i-1)j}}{\epsilon^{i-1}}.$$

$$T_{ij} = \frac{\epsilon^i T_{(i-1)(j+1)} - T_{(i-1)j}}{\epsilon^{i-1}}.$$

$$T_{ij} = \frac{\epsilon^i T_{i(j-1)} - T_{i(j-1)}}{\epsilon^{i-1}}.$$

۱۷. کدام گزینه  قاعده گاوس دو نقطه‌ای صحیح است؟

$$\int_a^b f(x) dx = \sum_{k=0}^1 w_k f(x_k) + E$$

الف. در این روش چهار معادله و چهار مجهول داریم که نسبت به  $w_0$  و  $w_1$  خطی و نسبت به  $x_0$  و  $x_1$  غیرخطی است.

ب. این روش فقط برای بازه  $[a, b]$  قابل اعمال است. برای میازدهای دیگر اصلاً قابل استفاده نیست.

ج. این روش برای چندجمله‌ایهای تا درجه دو دقیق است.

د. هر سه مورد فوق درست است.

۱۸. برای انتگرال‌گیری عددی معمولاً کدام روش دقیق‌تر است؟

الف. روش نقطه میانی

ج. روش گاوس

$$\begin{cases} y' = f(x, y) \\ y(x_0) = y_0 \end{cases}$$

۱۹. دستور اویلر برای حل دستگاه

$$y_{i+1} = h f(x_i, hy_i).$$

$$y_{i+1} = y_i + hf(x_i, y_i).$$

$$y_{i+1} = h f(x_i + h, y_i).$$

$$y_{i+1} = y_i + f(x_i, hy_i).$$

۲۰. برای حل عددی معادله کدام روش دقیق‌تر است؟

الف. روش رونگ - کوتا مرتبه چهار

ب. روش اویلر

ج. روش رونگ - کوتا مرتبه دو

د. روش سیمپسون

زمان امتحان: تستی و تکمیلی ۶۰ لفته تشریحی ۷۰ لفته

[استفاده از مینی حساب مجاز است ☆ سوالات تستی تصریحی دارد]

نیمسال دوم ۱۴-۱۳

تعداد کل صفحات: ۵

### سؤالات تشریحی

۱. معادله  $x = \cos x$  را به روش نیوتن و با نقطه اولیه  $x_0 = \frac{\pi}{4}$  حل نمایید و یک تقریب عالی از جواب بدست آورید.

(تاده رقم امشب)

۲. اگر  $P(z) = az^3 - bz + c$  باشد و استفاده از روش هورنر  $p(2)$  و  $p'(2)$  را محاسبه کنید.

۳. جدول زیر مربوط به  $x = \sin x$  است مطلوبست برآورد  $\sin 5^\circ$  با استفاده از چند جمله‌ای درونیاب زیر:

$x_i$	$0^\circ$	$10^\circ$	$20^\circ$	$30^\circ$	$40^\circ$	$50^\circ$
$f_i$	۰	$0/1736$	$0/3420$	$0/5428$	$0/7660$	

۴. با استفاده از فرمول دو نقطه‌ای گاووس تقریبی از انتگرال زیر را حساب کنید.

(ابتدا باید  $w_i$  و  $x_i$  را محاسبه کنید.)

۵. تقریبی از  $y = \int_{-1}^1 \cos dx$  را با استفاده از فرمول مرتبه چهار رونگ - کوتا، برای دستگاه زیر محاسبه کنید.

$$\begin{cases} y = x + y \\ y(0) = 1 \end{cases}$$