

کد کنترل

490

F

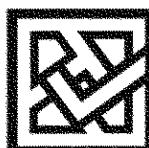
490F

## آزمون (نیمه‌تمركز) ورود به دوره‌های دکتری - سال ۱۴۰۲

### دفترچه شماره (۱)

صبح پنج شنبه

۱۴۰۱/۱۲/۱۱



جمهوری اسلامی ایران  
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری  
سازمان پست‌سینم آموزش کشور

اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.  
امام خمینی (ره)

### مهندسی برق - قدرت (کد ۲۳۰۴)

زمان پاسخ‌گویی: ۱۳۵ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی: - ریاضیات مهندسی - مدارهای الکتریکی ۱ و ۲ - تحلیل سیستم‌های انرژی الکتریکی - ماشین‌های الکتریکی	۴۵	۱	۴۵

این آزمون نمره منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

حق چاہ، تکیه و اشار سوالات به هر روش (الکترونیکی و...) بس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با محور این سازمان مجاز می‌باشد و با مخالفین برای مقررات و فکار می‌نود.

\* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول زیر، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینچنانب ..... با شماره داوطلبی ..... با آگاهی کامل، یکسان بودن شماره صندلی خود با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخ نامه و دفترچه سوالات، نوع و کد کنترل درج شده بر روی جلد دفترچه سوالات و پایین پاسخ نامه ام را تأیید می نمایم.

امضا:

### مجموعه دروس تخصصی (ریاضیات مهندسی - مدارهای الکتریکی ۱و۲ - تحلیل سیستم‌های انرژی الکتریکی - ماشین‌های الکتریکی ۱)

مسئله ۱ - مفروض است. اگر  $(n) Y_s$  تبدیل فوریه سینوسی تابع  $y(x)$  به ازای  $n \in \mathbb{N}$  باشد و  $y(0) = 1$  و  $y(\pi) = a$

$$\begin{cases} 2y'' + y = 0, 0 < x < \pi \\ y(0) = 1 \\ y(\pi) = a \end{cases}$$

باشد و  $Y_s(3) = \frac{10\pi}{17\pi}$ ، مقدار  $a$  کدام است؟

۴ (۱)

۶ (۲)

۸ (۳)

۱۰ (۴)

فرض کنید سری فوریه تابع  $f(x) = \begin{cases} -4k & -2 \leq x \leq 1 \\ kx + 5 & 1 < x \leq 2 \end{cases}$  همگرا باشد. مقدار  $k$  کدام است؟

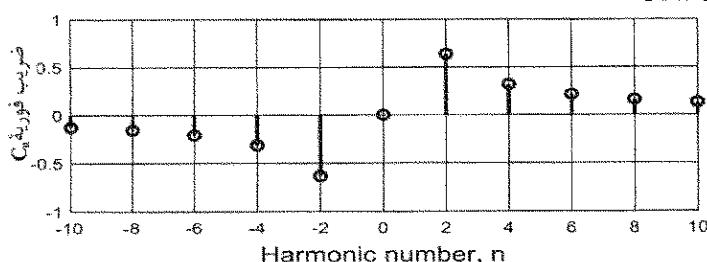
(۱) صفر

۱ (۲)

 $\frac{5}{4}$  (۳)

۲ (۴)

تعدادی از ضرایب سری فوریه مختلط تابع  $g$  در شکل زیر نشان داده شده است. روند مشاهده شده برای تابع در دو طرف، تا بینهایت ادامه دارد. کدام مورد درست است؟

(۱)  $g$  موهومی و فرد است.(۲)  $g$  موهومی و زوج است.(۳)  $g$  حقیقی و فرد است.(۴)  $g$  حقیقی و زوج است.

-۴ مسئله  $u_t(x,t) + u_x(x,t) + u(x,t) = 0$ ;  $u(0,t) = \sin(t)$ ;  $u(x,0) = 0$ ;  $x > 0, t > 0$  را در نظر بگیرید.  
مقدار  $u(1,2)$  کدام است؟

$$\frac{\sin 1}{e} \quad (1)$$

$$\frac{\sin 2}{e} \quad (2)$$

$$\frac{\sin 1}{e} \quad (3)$$

$$\frac{\sin 2}{e} \quad (4)$$

-۵ فرض کنید  $u = u(x,t)$  جواب مسئله انتقال حرارت زیر باشد. مقدار  $u\left(\frac{\pi}{3}, \frac{1}{9}\right)$ , کدام است؟

$$\begin{cases} u_t = 9u_{xx}, \quad 0 < x < \pi, \quad t > 0 \\ u_x(0,t) = u_x(\pi,t) = 0; \quad t \geq 0 \\ u(x,0) = \cos^2 x; \quad 0 \leq x \leq \pi \end{cases}$$

$$\frac{1}{2}(1-e^{-9}) \quad (1)$$

$$\frac{1}{2}(1-e^{-4}) \quad (2)$$

$$\frac{1}{2}(1+e^{-9}) \quad (3)$$

$$\frac{1}{2}(1+e^{-4}) \quad (4)$$

-۶ جواب مسئله لاپلاس زیر در مختصات قطبی کران دار است.  $\frac{u(r,\theta)}{\sin \theta}$  کدام است؟

$$\begin{cases} u_{rr} + \frac{1}{r}u_r + \frac{1}{r^2}u_{\theta\theta} = 0; \quad 0 < r < 1, -\pi < \theta \leq \pi, \\ u(1,\theta) = (2 + \cos \theta)\sin \theta; \quad -\pi < \theta \leq \pi, \end{cases}$$

$$2 + \frac{1}{2}r^2 \cos \theta \quad (1)$$

$$2r + \frac{1}{2}r \cos \theta \quad (2)$$

$$2r + r^2 \cos \theta \quad (3)$$

$$2\cos(\ln r) + \frac{1}{2}\cos(2\ln r)\cos\theta \quad (4)$$

-۷ فرض کنید تابع لگاریتم با شاخه اصلی یعنی  $\pi < \operatorname{Arg} z \leq \pi$ , تعریف شده باشد. مقدار  $\ln\left(\frac{1+i\sqrt{3}}{1-i\sqrt{3}}\right)^2$ , کدام است؟

$$\frac{4\pi i}{3} \quad (1)$$

$$\frac{2\pi i}{3} \quad (2)$$

$$-\frac{2\pi i}{3} \quad (3)$$

$$-\frac{4\pi i}{3} \quad (4)$$

$$\text{فرض کنید } \sum_{n=-\infty}^{\infty} |a_n| \cdot \frac{1}{z^n \sinh(z)} = \sum_{n=-\infty}^{\infty} a_n z^n \quad -8$$

$\frac{427}{360}$  (۱)

$\frac{413}{360}$  (۲)

$\frac{307}{360}$  (۳)

$\frac{293}{360}$  (۴)

$$\frac{1}{2\pi i} \oint_{|z|=1} \frac{e^{(z+1)/z}}{z} dz \quad \text{مقدار} \quad -9$$

$$\sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{k!(k+1)!} \quad (۱)$$

$\sum_{k=0}^{\infty} \frac{k!}{(2k)!}$  (۲)

$\sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{k!(2k)!}$  (۳)

$\sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{(k!)^2}$  (۴)

$$\int_{-\infty}^{\infty} \frac{x^r \cos x}{x^r + \Delta x^r + 4} dx \quad \text{مقدار} \quad -10$$

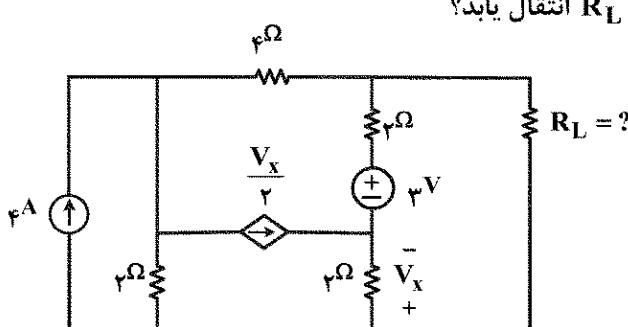
$\frac{\pi}{2}(e^{-2} - 2e^{-1})$  (۱)

$\frac{\pi}{2}(e^{-2} - 2e^{-1})$  (۲)

$\frac{\pi}{2}(2e^{-2} - e^{-1})$  (۳)

$\frac{\pi}{2}(2e^{-2} - e^{-1})$  (۴)

در مدار زیر  $R_L$  چند اهم باشد تا ماکریمم توان به بار  $R_L$  انتقال یابد؟ -11



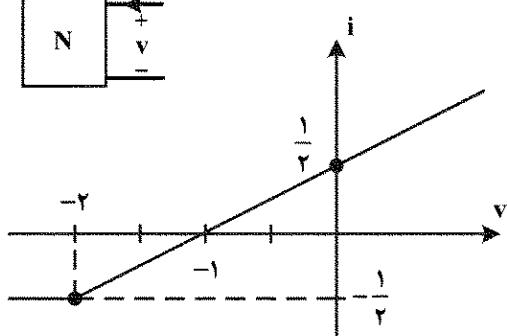
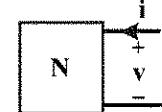
۳ (۱)

۲/۴ (۲)

۲/۲۵ (۳)

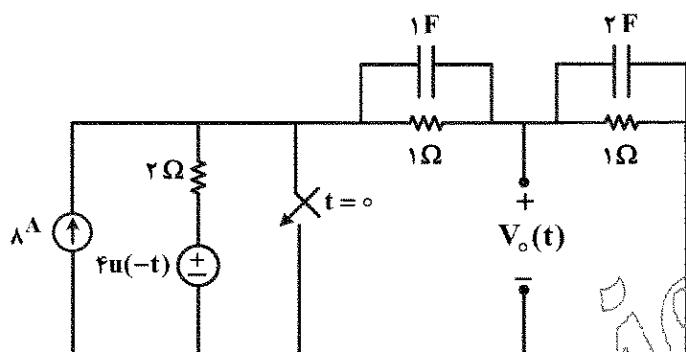
۴ (۴)

-۱۲ شبکه N مشخصه زیر را دارد. اگر جریان ورودی  $i(t) = \frac{1}{2} + \cos \omega t$  باشد، توان متوسط تلفشده در شبکه N چند وات است؟



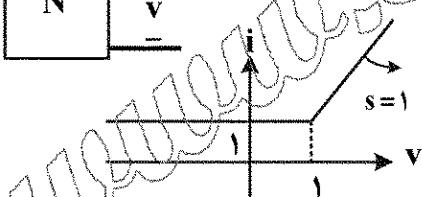
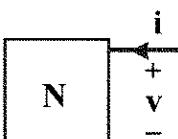
- (۱) ۱
- (۲) ۲
- (۳) ۴
- (۴) ۸

-۱۳ در مدار زیر، ولتاژ  $V_o(t)$  برای لحظات  $t > 0$  به کدام صورت خواهد بود؟ (کلید در لحظه  $t = 0$  بسته می‌شود).



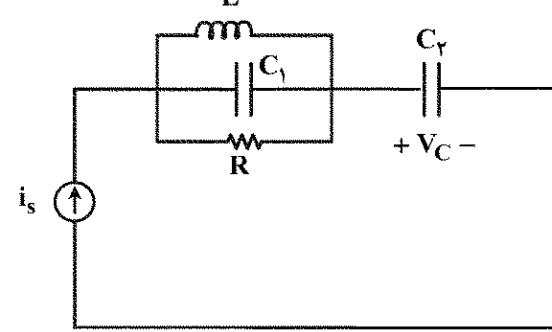
- (۱)  $\frac{5}{3} e^{-\frac{2}{3}t}$
- (۲)  $5e^{-\frac{2}{3}t}$
- (۳)  $5e^{-\frac{1}{3}t}$
- (۴)  $\frac{1}{3} e^{-\frac{1}{3}t}$

-۱۴ یک قطبی N دارای مشخصه  $(i - v)$  داده شده است. اگر یک سلفه  $1 \text{ A}$  با  $2 \text{ A}^-$  به دو سر آن متصل شود، ولتاژ و جریان یک قطبی N در  $t = +\infty$  به ترتیب از راست چه کدام است؟



- (۱) صفر و صفر
- (۲)  $+\infty$  و  $+\infty$
- (۳)  $\ln 2$  و ۱
- (۴) صفر و ۱

-۱۵ برای مدار زیر پاسخ ضربه ولتاژ خازن  $C_2$  کدام است؟



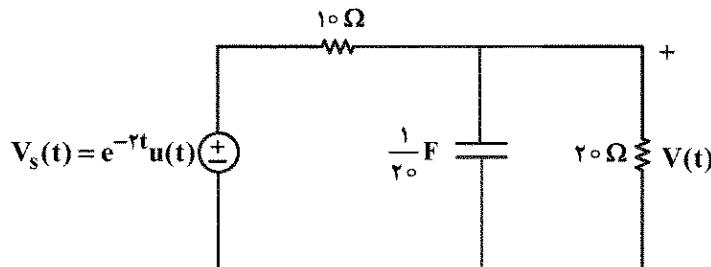
$$V_C(t) = \frac{1}{C_2} u(t) \quad (1)$$

$$V_C(t) = C_2 \delta'(t) \quad (2)$$

$$V_C(t) = \frac{1}{C_1} \delta(t) \quad (3)$$

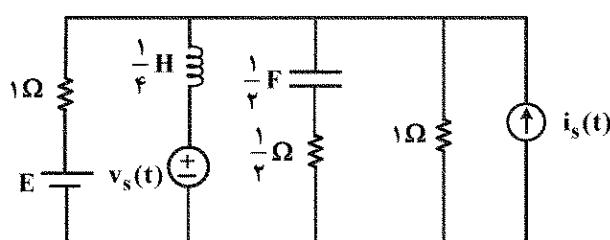
$$V_C(t) = \frac{1}{C_1} e^{-\frac{t}{RC_2}} u(t) \quad (4)$$

- ۱۶ در مدار زیر، مقدار  $\frac{d^2V}{dt^2}$  چند ولت بر مجدور ثانیه است؟ (ولتاژ خازن در زمان‌های منفی صفر است).



- ۲° (۱)  
-۱° (۲)  
-۱ (۳)  
 $-\frac{1}{2}$  (۴)

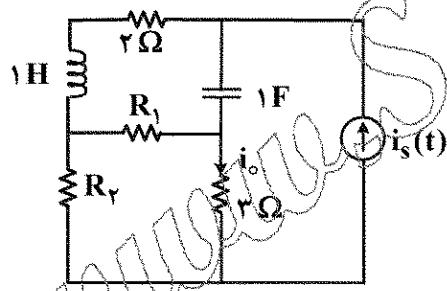
- ۱۷ در مدار زیر، توان متوسطی که منبع ولتاژ  $v_s(t)$  به مدار تحویل می‌دهد، چند وات است؟



$$E = 3\sqrt{2} \cos(2t - \frac{\pi}{4}) \text{ ولت}, v_s(t) = 3\sqrt{2} \cos(2t - \frac{\pi}{4}) \text{ ولت}, i_s(t) = 6 \sin 3t \text{ آمپر}$$

- ۱۸ در مدار داده شده (در حالت دائمی سینوسی  $i_s(t) = 1 + \frac{1}{1+i_s}$  است. وقتی جای خازن و سلف تعویض می‌شود، جریان

$i_s(t)$  در حالت دائمی سینوسی کدام است؟ ( $R_2$  و  $R_1$  مقاومت‌های پسیو هستند).



$$i_s(t) = 2 \cos(t + 45^\circ)$$

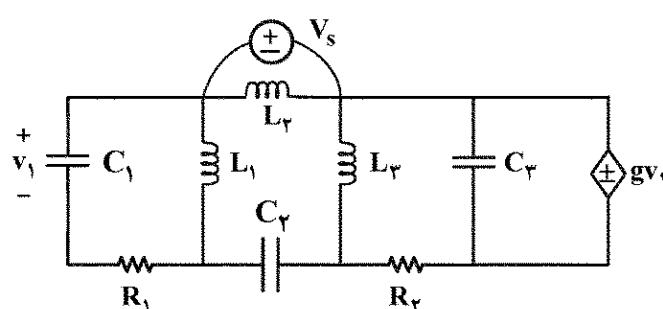
$$2\sqrt{2} \cos t + 2\sqrt{2} \sin t \quad (۱)$$

$$2\sqrt{2} \sin t \quad (۲)$$

$$2\sqrt{2} \cos t \quad (۳)$$

(۴) قابل محاسبه نیست.

- ۱۹ در مدار زیر مرتبه مدار، تعداد فرکانس‌های طبیعی غیرصفر و صفر به ترتیب از راست به چپ کدام‌اند؟



(۱) ۱، ۴ و ۵

(۲) ۲، ۵ و صفر

(۳) ۱، ۳، ۴ و ۵

(۴) ۴، ۴ و صفر

-۲۰- پاسخ حالت صفر یک مدار خطی و تغییرنایذیر با زمان به ورودی  $w(t)$  برابر  $y_{zs}(t) = (e^{-t} + e^{-3t} + 2)u(t)$  است. پاسخ ورودی صفر این مدار به ازای شرایط اولیه غیرصفر برابر  $y_{zi}(t) = (2e^{-t} + 3e^{-3t})u(t)$  است. شرایط اولیه را چگونه تغییر دهیم تا پاسخ کامل مدار فوق به ورودی  $w(t)$  و شرایط اولیه تغییر یافته، فرکانس طبیعی  $\omega_0 = \sqrt{3}$  را نداشته باشد؟

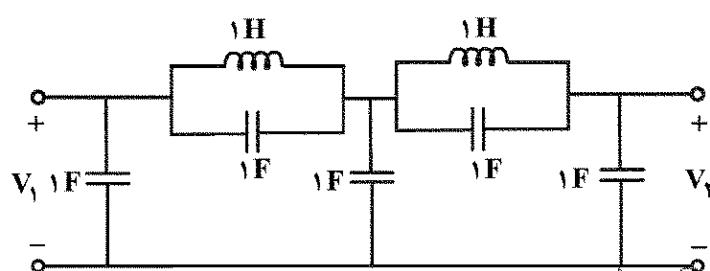
$$(1) \text{ شرایط اولیه } \frac{1}{3} \text{ برابر شود.}$$

$$(2) \text{ شرایط اولیه } \frac{1}{3} \text{ برابر شود.}$$

$$(3) \text{ شرایط اولیه } 3 \text{ برابر شود.}$$

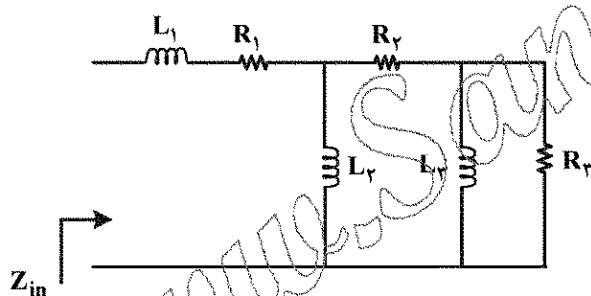
$$(4) \text{ فرکانس طبیعی } \omega_0 = \sqrt{3} \text{ نمی‌تواند حذف شود.}$$

-۲۱- در مدار زیر، نسبت  $\left| \frac{V_2(j\omega)}{V_1(j\omega)} \right|$  به ازای فرکانس‌های خیلی بالا ( $\omega \rightarrow +\infty$ ) کدام است؟



- (1)  $\frac{1}{5}$
- (2)  $\frac{2}{5}$
- (3)  $\frac{3}{5}$
- (4)  $\frac{1}{4}$

-۲۲- کدام مورد می‌تواند معرف امپدانس ورودی  $Z_{in}$  باشد؟ (مقاومت‌ها و سلف‌ها پسیو و غیرصفر هستند).



$$\frac{s^2 + 3s^2 + 2}{s^2 + 3s + 1} \quad (1)$$

$$\frac{s^2 + 3s + 1}{s^2 + 1} \quad (2)$$

$$\frac{s^2 + 2s}{s^2 + 3s + 1} \quad (3)$$

$$\frac{s^2 + 6s^2 + 5s + 1}{s^2 + 3s + 1} \quad (4)$$

-۲۳- در یک مدار با منبع ولتاژ  $v_s(t)$  و پاسخ  $v_o(t)$  داریم:

$$v_s(t) = (e^{-2t} + te^{-t} \sin t + e^{-3t} \cos t) \quad t > 0$$

$$v_o(t) = (e^{-2t} + t^2 e^{-t} \sin t + te^{-3t} \cos t) \quad t > 0$$

در مورد قطب‌ها و صفرهای تابع تبدیل  $H(s) = \frac{V_o(s)}{V_s(s)}$ ، کدام مورد درست است؟

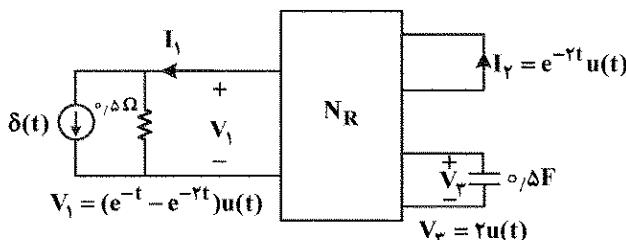
(۱) یک قطب در  $s = -3$  و دو جفت قطب در  $j = -1 \pm j$  و دو جفت قطب در  $j = s = -3 \pm j$  و صفر ندارد.

(۲) یک قطب در  $s = -3$  و دو جفت قطب در  $j = -1 \pm j$  و دو جفت قطب در  $j = s = -3 \pm j$  و یک صفر در  $s = -2$  و یک صفر در  $s = -2$ .

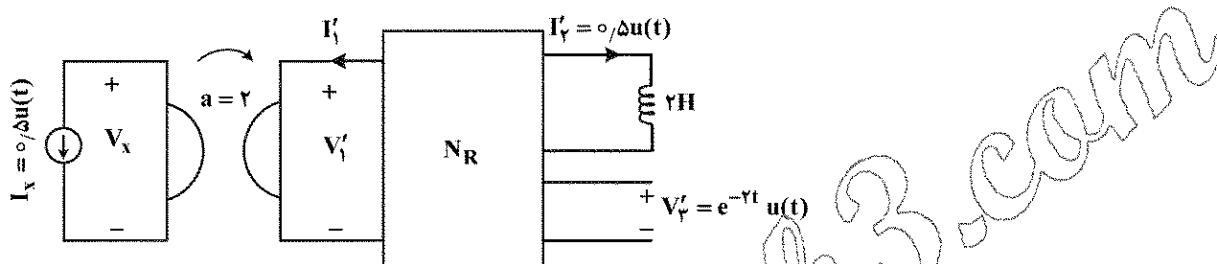
(۳) یک قطب در  $s = -3$  و دو جفت قطب در  $j = -1 \pm j$  و یک جفت قطب در  $j = s = -3 \pm j$  و یک صفر در  $s = -2$  و یک صفر در  $s = -2$ .

(۴) یک قطب در  $s = -3$  و یک جفت قطب در  $j = -1 \pm j$  و دو جفت قطب در  $j = s = -3 \pm j$  و یک صفر در  $s = -2$  و یک صفر در  $s = -2$ .

- ۲۴ سه قطبی  $N_R$  یک سه قطبی متشکل از عناصر RLC خطی تغییرناپذیر با زمان است. این سه قطبی را تحت دو آزمایش مختلف قرار می‌دهیم، در مدار «ب» پاسخ حالت صفر  $v_x$  کدام است؟ (خازن‌ها و سلف در  $\frac{1}{t}$  بدون انرژی هستند).



(الف)



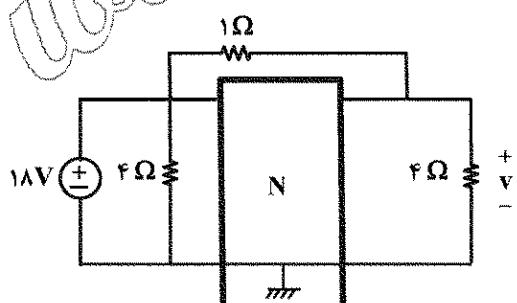
(ب)

رابطه زیراتور به صورت زیر داده شده است.

$$\begin{aligned}
 &I_\gamma = \delta(t) \quad (1) \\
 &-2e^t - e^{-\gamma t} \quad (2) \\
 &2e^{-t} - e^{-\gamma t} \quad (3) \\
 &-2\delta'(t) - 6\delta(t) \quad (4)
 \end{aligned}$$

$V_1 = aI_1$ ,  $V_\gamma = -aI_\gamma$

- ۲۵ دو قطبی  $N$  با ماتریس انتقال  $T = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$  توصیف شده است. ولتاژ  $v$  چند ولتاژ است؟



$$\begin{pmatrix} V_1 \\ I_1 \end{pmatrix} = T \begin{pmatrix} V_\gamma \\ -I_\gamma \end{pmatrix} \quad (\text{یادآوری:})$$

$$-16 \quad (1)$$

$$-\frac{1}{4} \quad (2)$$

$$\frac{1}{4} \quad (3)$$

$$16 \quad (4)$$

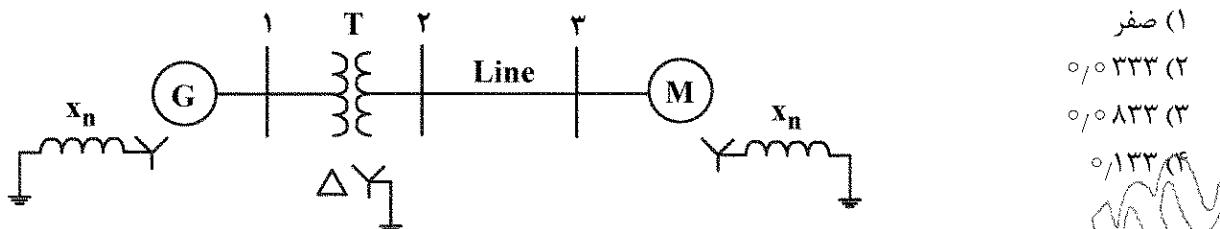
- ۲۶ در صورتی که یک اتصال کوتاه تکفاز به زمین در پایانه موتور رخ دهد، جریان خطای  $3 \text{ pu}$  جاری می‌شود. اندازه و لتأز توالی صفر در پایانه فشار ضعیف ترانسفورمر کدام است؟

داده ژنراتور:  $X_n = 0.05 \text{ pu}$  و  $X_o = 0.05 \text{ pu}$  و  $X_2 = 0.2 \text{ pu}$  و  $X''_d = 0.2 \text{ pu}$  و  $50 \text{ MVA}$  و  $13.8 \text{ kV}$

داده موتور:  $X_n = 0.05 \text{ pu}$  و  $X_o = 0.05 \text{ pu}$  و  $X_2 = 0.2 \text{ pu}$  و  $X''_d = 0.2 \text{ pu}$  و  $50 \text{ MVA}$  و  $6.9 \text{ kV}$

داده ترانسفورمر:  $X_T = 0.1 \text{ pu}$  و  $50 \text{ MVA}$  و  $13.8:6.9 \text{ kV}$

داده خط:  $X_1 = 0.1 \text{ pu}$  و  $X_o = 0.3 \text{ pu}$  بر پایه  $50 \text{ MVA}$



(۱) صفر

(۲)  $0.333$

(۳)  $0.833$

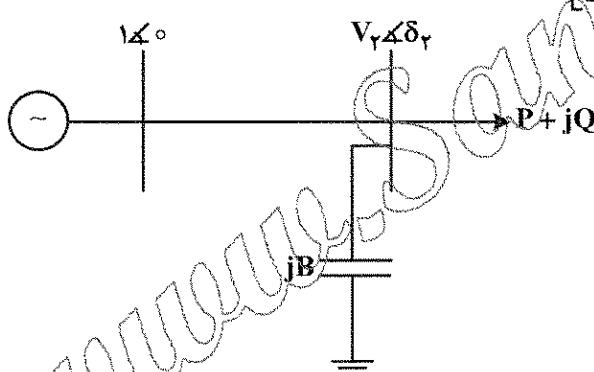
(۴)  $1.33$

- ۲۷ در سیستم زیر، خط دارای راکتانس  $X = 1 \text{ pu}$  است. مقدار سوسپیتانس خازن نیز  $B = 1 \text{ pu}$  است. با در نظر گرفتن مقادیر اولیه برای مجھولات به صورت زیر:

$$|V_2^\circ| = 1$$

$$\delta_2^\circ = 0$$

ماتریس جاکوبین رابطه پخش توان در تکرار اول به چه صورتی خواهد بود؟



$$\begin{bmatrix} \Delta P \\ \Delta Q \end{bmatrix} = [J] \begin{bmatrix} \Delta \delta_2 \\ \Delta |V_2| \end{bmatrix} \quad (1)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (2)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} \quad (3)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (4)$$

- ۲۸ ماتریس امپدانس باس یک سیستم ۴ شینه شامل راکتانس زیر گذرای ژنراتورهای متصل به باس‌های ۱ و ۲ به صورت زیر است. راکتانس زیر گذرای ژنراتورهای ۱ و ۲ برابر با  $0.2 \text{ pu}$  است. یک اتصال کوتاه سه‌فاز در باس ۴ رخ می‌دهد. از جریان قبل از وقوع خطای چشم‌پوشی کرده و فرض کنید ولتاژ قبل از خطای در همه باس‌ها برابر  $1 \text{ pu}$  باشد. اندازه جریان ژنراتور ۲ حین خطای کدام است؟

$$Z_{bus} = \begin{bmatrix} j0.15 & j0.08 & j0.04 & j0.07 \\ j0.08 & j0.15 & j0.06 & j0.09 \\ j0.04 & j0.06 & j0.13 & j0.05 \\ j0.07 & j0.09 & j0.05 & j0.12 \end{bmatrix}_{\text{pu}}$$

(۱)  $8.33$

(۲)  $6.66$

(۳)  $2.75$

(۴)  $1.25$

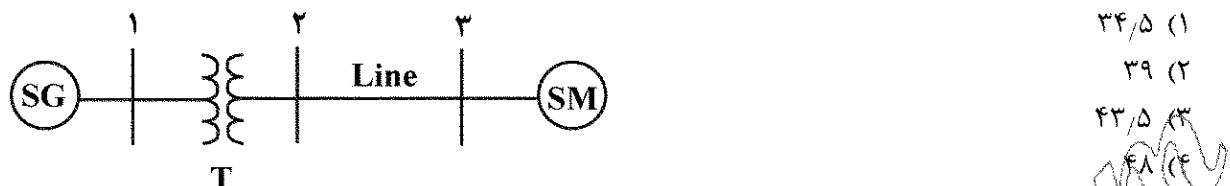
-۲۹ در سیستم زیر، موتور توان نامی خود را که نصف بیشینه توان قابل انتقال از ژنراتور است، دریافت می کند. فرض کنید یک اتصال کوتاه سه فاز روی باس ۱ رخ دهد و پس از ۱/۵ ثانیه خود به خود برو طرف شود. پس از رفع اتصال کوتاه اختلاف زاویه روتورهای موتور و ژنراتور چند درجه می شود؟

$$\text{داده ژنراتور: } f = 50 \text{ Hz} \quad H = 5 \text{ s} \quad X'_d = 0.4 \text{ pu} \quad 50 \text{ MVA}$$

$$\text{داده موتور: } H = 5 \text{ s} \quad X'_d = 0.4 \text{ pu} \quad 50 \text{ MVA}$$

$$\text{داده ترانسفورمر: } X_T = 0.1 \text{ pu} \quad 13.8 : 6.9 \text{ kV}$$

$$\text{داده خط: } X_{\text{Line}} = 0.1 \text{ pu}$$



-۳۰ یک خط انتقال سه فاز با فاصله گذاری متقاضن  $D$  بین فازها، از هادی های مشابه به شعاع  $r$  تشکیل شده است. فرض کنید به جای این خط از خط انتقال سه فاز با همان فاصله گذاری  $D$  با هادی های گروهی (باندل) دو تایی با فاصله  $d$  بین هادی های باندل در همان ولتاژ نامی استفاده کنیم: به طوری که بیشینه شدت میدان الکتریکی پیرامون هادی ها به  $\frac{\sqrt{2}}{2} (1/2)^{\sqrt{2}} = 0.84$  مقدار حالت اول بدون باندل کاهش یابد. اگر شعاع هادی های باندل  $\frac{r}{2}$  برابر حالت اول باشد با چشم پوشی از اثر هادی مجاور باندل و اثر هادی های فازهای مجاور در محاسبه شدت میدان الکتریکی،  $d$  کدام است؟

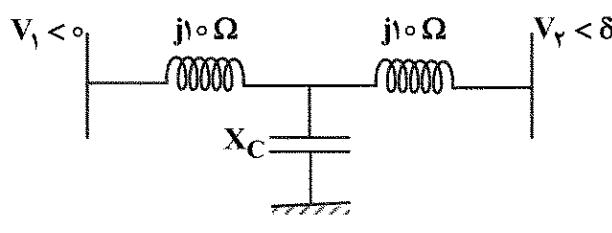
$$\frac{2}{r^3} D^6 \quad (1)$$

$$\frac{4}{r^3} D^6 \quad (2)$$

$$\sqrt{2} \frac{2}{r^3} D^3 \quad (3)$$

$$\sqrt{2} \frac{4}{r^3} D^3 \quad (4)$$

-۳۱ یک خط انتقال با امپدانس سری  $Z = j20 \Omega$  داریم. مطابق شکل زیر یک خازن شنت در وسط خط نصب می گردد. مقدار خازن به گونه ای انتخاب شده است که بیشینه توان قابل انتقال در خط دو برابر گردد. در این صورت، اندازه ولتاژ خازن در شرایط انتقال بیشینه توان بر حسب پریونیت کدام است؟ (فرض کنید که اندازه ولتاژ در ابتدا و انتهای خط برابر با ۱ pu است).



$$\frac{1}{2} \quad (1)$$

$$1 \quad (2)$$

$$\sqrt{2} \quad (3)$$

$$2 \quad (4)$$

- ۳۲- یک بار سه‌فاز توان ثابت با توان اکتیو  $P = 800 \text{ kW}$  با ضریب توان  $0.8$  پس‌فاز در نظر بگیرید. یک بار امپدانس ثابت مشابه با توان اکتیو  $P = 800 \text{ kW}$  با ضریب توان  $0.8$  پس‌فاز در ولتاژ نامی  $20 \text{ kV}$  با آن موازی می‌کنیم. اگر ولتاژ تعذیب‌های این دو بار موازی  $25\%$  نسبت به ولتاژ نامی افزایش یابد، اندازه جریان مجموع دو بار چند درصد تغییر می‌کند؟

۱)  $2/5$

۲)  $5$

۳)  $10$

۴) جریان بدون تغییر می‌ماند.

- ۳۳- یک منبع ولتاژ سه‌فاز متقارن با ولتاژ خط به خط  $400 \text{ V}$  و ولتاژ خط به نول  $230 \text{ V}$  داریم. فرض کنید که مرجع فاز را ولتاژ فاز به نول فاز A در نظر بگیریم ( $V_{AN} = 230 \text{ V}$ ). یک بار مقاومتی تک‌فاز  $20 \Omega$  بین فازهای A و B وصل می‌کنیم. مؤلفه‌های توالی مثبت، منفی و صفر جریان‌های خطوط کدام است؟

$$I_1 = \frac{20\sqrt{3}}{3} \angle 60^\circ, I_2 = \frac{20\sqrt{3}}{3} \angle -60^\circ, I_0 = \frac{0}{3} \quad (1)$$

$$I_1 = \frac{20\sqrt{3}}{3} \angle 60^\circ, I_2 = \frac{20\sqrt{3}}{3} \angle -60^\circ, I_0 = 0 \quad (2)$$

$$I_1 = \frac{20\sqrt{3}}{3} \angle 60^\circ, I_2 = \frac{20\sqrt{3}}{3} \angle -60^\circ, I_0 = 0 \quad (3)$$

$$I_1 = 20\sqrt{3} \angle 60^\circ, I_2 = 20\sqrt{3}, I_0 = 0 \quad (4)$$

- ۳۴- منبع ولتاژ ثابت  $V_0$  با امپدانس داخلی ناچیز از طریق کلید در لحظه  $t = 0$  به خط انتقال بلند بدون تلفات وصل می‌گردد. این خط در انتهای خود به باری مقاومتی وصل شده است که مقادیر مقاومت آن از مقدار امپدانس مشخصه خط کمتر است. زمان سیر موج در طول خط برابر  $\tau$  است. در صورتی که ولتاژ وسط خط در لحظه  $t = 4\tau$  برابر  $\frac{V_0}{9}$  باشد، ولتاژ انتهای خط در لحظه  $\tau = \frac{3}{2}\tau$  چند برابر  $V_0$  خواهد بود؟

۱) صفر

۲)  $\frac{2}{3}$

۳)  $\frac{4}{3}$

۴)  $\frac{8}{9}$

- ۳۵- سه نیروگاه با توانع هزینه و محدودیت‌های زیر، باری به اندازه  $650 \text{ MW}$  را در نقطه بهینه اقتصادی تغذیه می‌کنند:

$$F_1(P_1) = 300 + \beta P_1 + 0,002P_1^2 \frac{\$/hr}{hr} \quad 100 \text{ MW} \leq P_1 \leq 300 \text{ MW}$$

$$F_2(P_2) = 400 + 6,5P_2 + 0,0025P_2^2 \frac{\$/hr}{hr} \quad 150 \text{ MW} \leq P_2 \leq 400 \text{ MW}$$

$$F_3(P_3) = 450 + 6,75P_3 + 0,0025P_3^2 \frac{\$/hr}{hr} \quad 150 \text{ MW} \leq P_3 \leq 350 \text{ MW}$$

مقدار بار به گونه‌ای است که با افزایش توان بار، برای بهره‌برداری اقتصادی، باید توان تولیدی هر سه نیروگاه افزایش یابد ولی با کاهش توان بار، فقط باید توان تولیدی نیروگاه‌های ۲ و ۳ کاهش یابند، مقدار پارامتر  $\beta$  کدام است؟

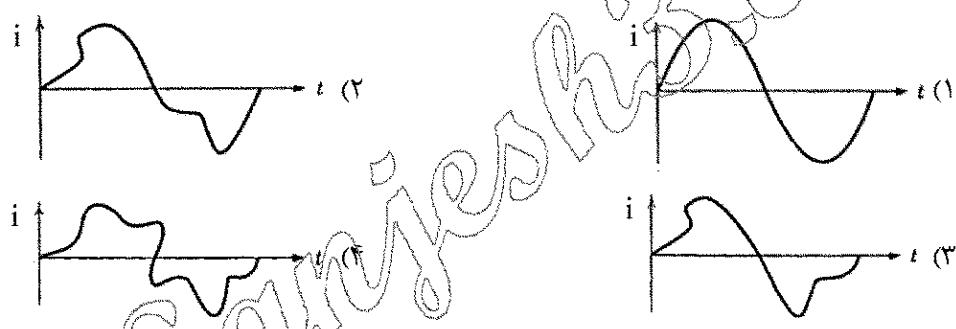
۶/۸ (۲)

۷/۶ (۴)

۶/۳ (۱)

۷/۱ (۳)

- ۳۶- یک ترانسفورماتور تکفاز با هسته هواپی از یک منبع سینوسی تغذیه شده و بدون بار است. جریان مغناطیس‌کنندگی حالت ماندگاری که ترانسفورماتور از منبع می‌کشد، کدام شکل موج را دارد؟



- ۳۷- یک موتور القایی سه‌فاز ۴ قطب با اتصال ستاره  $400V$ ،  $50\text{Hz}$  و  $1400 \text{ rpm}$  پارامترهای زیر را دارد:

$$R'_r = 1\Omega, X_s = X'_r = 15\Omega$$

از مقاومت استاتور، تلفات هسته و چرخشی موتور چشم‌پوشی می‌شوند. موتور را با مبنای تغذیه می‌کنیم که  $\frac{V}{f}$  ثابت دارد. ولتاژ مؤثر خط - خط استاتور (بر حسب ولت) و فرکانس (بر حسب هرتز) برای دستributiby به حداقل گشتوار در راه اندازی به ترتیب از چپ به راست تقریباً کدام است؟

۲۰/۶ و ۲/۷ (۱)

۱۳۳/۶ و ۱۶/۷ (۲)

۲۰۶/۶ و ۳۳/۳ (۳)

۳۲۳/۳ و ۴۰/۳ (۴)

- ۳۸- جریان موتور القایی سه فاز  $15 \text{ kW}$ ،  $15 \text{ V}$ ،  $250 \text{ Hz}$ ،  $50$  و  $4$  قطب، در شرایط روتور قفل شده با ولتاژ اسمی،  $60 \text{ A}$  است. هرگاه از امپدانس استاتور، تلفات و جریان مغناطیس‌کنندگی چشم‌پوشی شود، جریان تقریبی خط در حالت قفل روتور وقتی که به یک منبع  $260 \text{ V}$  با فرکانس  $60 \text{ Hz}$  وصل شود، چند آمپر است؟

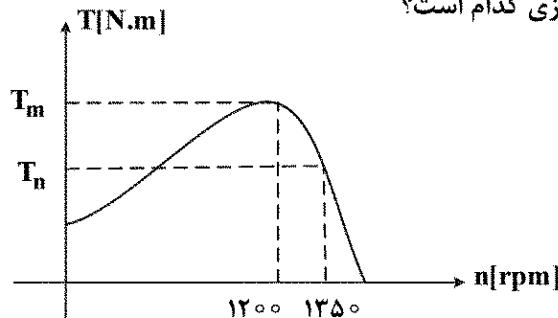
۶۸/۵ (۱)

۶۵ (۲)

۵۲ (۳)

۴۸ (۴)

- ۳۹- مشخصه گشتاور - سرعت یک موتور القایی سهفاز ۴ قطبی،  $50$  هرتز به صورت زیر داده شده است. اگر از مقاومت استاتور صرف نظر شود، نسبت گشتاور  $T_n$  به گشتاور راه اندازی کدام است؟



- (۱) ۱/۸۲  
 (۲) ۲/۰۸  
 (۳) ۲/۵  
 (۴) ۳/۲۲

- ۴۰- یک موتور القایی سهفاز با اتصال ستاره و با روتور سیم بیچی شده که آن هم ستاره بسته شده مفروض است. ولتاژ خریان فاز  $a$  استاتور به ترتیب  $(100\pi t - 60^\circ)$  و  $V_{as} = 200\sqrt{2} \cos(100\pi t - 60^\circ)$  و جریان متناوب در فاز روتور به صورت  $i_{ar} = 30 \cos(10\pi t + \phi)$  است. اگر تلفات اهمی استاتور  $6$  کیلووات و تلفات گردشی ناخیز باشد، مقاومت هر فاز روتور چند اهم است؟

- (۱) ۱  
 (۲) ۲  
 (۳) ۳  
 (۴) ۴

- ۴۱- در یک موتور القایی روتور سیم بیچی شده، شبیع ولتاژ سهفاز متعادل به جای استاتور به روتور اعمال می شود و سپس استاتور آن اتصال کوتاه می شود. در این شرایط روتور در چه جهتی می چرخد؟

- (۱) روتور ساکن می ماند و میدان دوار هم ایجاد نمی شود.  
 (۲) روتور ساکن می ماند ولی میدان دوار ایجاد می شود.  
 (۳) در خلاف جهت میدان دوار ایجاد شده  
 (۴) در جهت میدان دوار ایجاد شده

- ۴۲- در مورد موتورهای القایی دو قفسه ای کدام مورد درست است؟

- (۱) مشارکت میله های قفس بالایی در تولید گشتاور اسمی بیشتر است.  
 (۲) سطح مقطع میله های قفس پایینی بزرگتر و مقاومت آن کمتر است.  
 (۳) سطح مقطع میله های قفسه بالایی کوچکتر و مقاومت آن کمتر است.

(۴) جریان کشیده شده توسط میله های قفس بالایی در شرایط راه اندازی کمتر است.

- ۴۳- از یک اتوترانسفور ماتور برای کاهش ولتاژ راه اندازی یک موتور القایی سهفاز قفسه ای استفاده می شود که جریان راه اندازی آن  $7$  برابر جریان بار کامل و لغزش در بار کامل آن  $6\%$  است. در صورتی که گشتاور راه اندازی موتور  $1/5$  برابر گشتاور اسمی باشد، نسبت اتوترانسفور ماتور به درصد تقریباً کدام خواهد بود؟

- (۱) ۵۵  
 (۲) ۶۲  
 (۳) ۷۱  
 (۴) ۷۶

۴۴- نتایج آزمایشات استاندارد مدار باز و اتصال کوتاه یک ترانسفورماتور تکفاز ۲۸۸ کیلوولت آمپر  $\frac{100V}{1000V}$ ، در

جدول زیر داده شده است. بازده ماکزیمم این ترانسفورماتور چند درصد است؟

نوع آزمایش	ولتاژ [V]	[A]	جریان [W]	توان ورودی
مدار باز	۱۰۰	۲۰۰	۴۰۰۰	
اتصال کوتاه	۱۵۰	۲۸۸	۹۰۰۰	

۴۵- در یک ترانسفورماتور که در ولتاژ و فرکانس نامی بازده حداقل دارد و تلفات پسماند و فوکوسی آن مساوی هم است، اگر ولتاژ و فرکانس هر دو  $30\%$  افزایش یابند، توان اسمی چند درصد باید تغییر کند؟ (فرض کنید مجموع تلفات در هر دو حالت ثابت است).

- ۲) ۸ درصد افزایش  
۴) ۱۰ درصد افزایش

۱) ۶ درصد کاهش  
۳) ۱۰ درصد کاهش