



تعداد سوال: نهمی ۲۰ تکمیلی ۶  
تعداد کل صفحات: ۴  
زمان امتحان: تستی و تکمیلی ۶۰ دقیقه تشریحی ۶۰ دقیقه

اطلاعات - صنایع (بخش مهندسی اجرایی)

نام درس: ریاضی عمومی (۱)  
رشته تحصیلی: گرایش: علوم کامپیوتر  
کد درس: ۲۶۱۵۶۱ - ۲۶۳۰۱۸ - ۲۶۲۰۲۷ - ۲۶۴۰۳۵

۱. فرض کنید  $f(x) = \begin{cases} x^3 \sin \frac{1}{x} & x \neq 0 \\ 0 & x = 0 \end{cases}$  در این صورت  $f'(0)$  برابر است با:

- الف. ۱      ب. وجود ندارد.      ج. صفر      د.  $-\frac{1}{2}$

۲. فرض کنید  $y = \cos^2 x - \sin^2 x + 3$  در این صورت  $\frac{d^2 y}{dx^2}(\frac{\pi}{2})$  برابر است با:

- الف. صفر      ب.  $\frac{1}{4}$       ج. ۴      د.  $\frac{1}{2}$

۳. معادله خط مماس بر منحنی  $y^3 - \sin(x-y) = 0$  در نقطه  $A(\pi, 0)$  کدام خط است؟

- الف.  $x - y = \pi$       ب.  $2y - x = \pi$       ج.  $y - x = \pi$       د.  $2x - y = \pi$

۴. اگر توابع  $f$  و  $g$  بر  $R$  مشتق پذیر بوده و  $f'(a) = f(a) = g'(-2) = g(-2) = -2$  باشد نگاه  $(g \circ f)'(a)$  برابر است با:

- الف. ۶      ب. ۴      ج. ۲      د. ۱۴

۵. نمودار تابع  $y = x^3 - 3x^2 + 5x - 2$  محور  $x$  ها را در فاصله  $[0, 1]$  در چند نقطه قطع می کند؟

- الف. فقط در یک نقطه      ب. حداقل در یک نقطه  
ج. حداکثر در یک نقطه      د. حداقل در ۲ نقطه

۶. اگر نقطه  $N|_p$  نقطه عطف نمودار تابع  $y = x^3 + ax^2 + b$  باشد. در این صورت  $pa + b$  برابر است با:

- الف. ۲      ب. صفر      ج. ۴      د. -۲

۷. فرض کنید  $\int I(x) dx = \sin^3 x - \cos x + 1$  باشد در این صورت  $I(\frac{\pi}{4})$  برابر است با:

- الف. صفر      ب. ۱      ج.  $\pi$       د. ۲

۸. حاصل انتگرال  $\int \sin^3 x \cos x dx$  برابر است با:

- الف.  $C + \frac{1}{p}(\sin^2 x + \frac{1}{p} \sin^4 x)$       ب.  $C - \frac{1}{p}(\cos^2 x + \frac{1}{p} \cos^4 x)$   
ج.  $C - \frac{1}{p}(\cos^2 x + \frac{1}{p} \cos^4 x)$       د.  $C - \frac{1}{p}(\sin^2 x + \frac{1}{p} \sin^4 x)$



تعداد سوالات: نفي ۲۰ تکميلي ۶  
زمان امتحان: تستي و تکميلي ۶۰ دقيقه نظري ۶۰ دقيقه  
تعداد کل صفحات: ۲

نام درس: ریاضی عمومی (۱)  
علوم کامپیوتر - کامپیوتر - فناوری اطلاعات (بخش فناوری اطلاعات) صنایع (بخش صنایع)  
کلاس: ۲۶۱۵۶۱ - ۲۶۳۰۱۸ - ۲۶۲۰۲۷ - ۲۶۴۰۳۵

۹. حاصل انتگرال  $\int_{\frac{\pi}{2}}^{\pi} \sin|x| dx$  کدام است؟

- الف. صفر  
ب.  $\frac{1}{2}$   
ج. ۱  
د. ۲

۱۰. با توجه به تعریف، انتگرال معین حاصل حد عبارت:  $\frac{n}{1^n + n^n} + \frac{n}{2^n + n^n} + \dots + \frac{n}{n^n}$  وقتی  $n \rightarrow +\infty$  کدام است؟

- الف.  $\frac{\pi}{4}$   
ب.  $+\infty$   
ج. صفر  
د.  $\frac{\pi}{2}$

۱۱. حاصل عبارت  $A = \cos(\pi \tan^{-1} \frac{1}{3})$  کدام است؟

- الف.  $\frac{5}{4}$   
ب.  $-\frac{5}{4}$   
ج.  $\frac{4}{5}$   
د.  $-\frac{4}{5}$

۱۲. حاصل عبارت  $\tan^{-1} \left( \frac{\cos x - \sin x}{\cos x + \sin x} \right)$  برابر است با:

- الف.  $\frac{\pi}{4} - x$   
ب.  $\frac{\pi}{4} + x$   
ج.  $x - \frac{\pi}{4}$   
د.  $\frac{\pi}{4}$

۱۳. مقدار انتگرال معین  $I = \int_{e^2}^{e^3} \frac{dx}{e^x x \ln x}$  برابر است با:

- الف.  $e^3$   
ب.  $2e$   
ج.  $\ln 3$   
د.  $\ln 2$

۱۴. کدام نقطه، نقطه بحرانی  $y = x^x$  است؟

- الف.  $x = 0$   
ب.  $x = e$   
ج.  $x = \frac{1}{e}$   
د. تابع نقطه بحرانی ندارد.

۱۵. حاصل انتگرال  $\int \sqrt{1 + \cosh x} dx$  برابر است با:

- الف.  $C + \sqrt{2} \cosh x$   
ب.  $C + \sqrt{2} \sinh x$   
ج.  $C + \sqrt{2} \cosh x$   
د.  $C + \sqrt{2} \sinh x$



تعداد سؤال: تفسیری ۲۰ تکمیلی ۶ تفسیری ۶

زمان امتحان: تفسیری و تکمیلی ۶۰ دقیقه تفسیری ۶۰ دقیقه

تعداد کل صفحات: ۲

نام درس: ریاضی عمومی (۱)  
علوم کامپیوتر - کامپیوتر (اطلاعات و صنایع (بخش مهندسی اجرایی)  
رشته تحصیلی: گرایش  
کد درس: ۲۶۱۵۶۱ - ۲۶۳۰۱۸ - ۲۶۲۰۲۷ - ۲۶۴۰۳۵

۱۶. اگر  $f(x) = shx$  باشد آنگاه  $f^{-1}\left(\frac{3}{4}\right)$  برابر است با:

- الف.  $\ln 2$  ب.  $3$  ج.  $\ln 3$  د.  $2$

۱۷. فرض کنید  $D = \{(x, y) | x \geq 0, y \geq 0\}$  در این صورت تئذیر  $D$  در مختصات قطبی کدام مجموعه است:

- الف.  $D = \{(r, \theta) | r \geq 0, \theta \geq 0\}$  ب.  $D = \{(r, \theta) | r \geq 0\}$   
ج.  $D = \{(r, \theta) | r \geq 0, 0 \leq \theta \leq \frac{\pi}{2}\}$  د.  $D = \{(r, \theta) | r = r \cos \theta\}$

۱۸. طول منحنی  $y = chx$  در فاصله  $0 \leq x \leq 1$  برابر است با:

- الف.  $ch1$  ب.  $sh1$  ج.  $e-1$  د.  $e+1$

۱۹. حاصل عبارت  $\frac{i^8 - i + 1}{i^4 + i}$  برابر است با:

- الف.  $\pi i$  ب.  $i$  ج.  $\frac{1}{2} + \frac{3}{2}i$  د.  $\frac{1}{2} - \frac{3}{2}i$

۲۰. اگر  $z_1 + z_2 = 0$  و  $|z_1| = |z_2|$  آنگاه حاصل  $\frac{1}{z_1} + \frac{1}{z_2}$  برابر است با:

- الف.  $|z_1|$  ب.  $|z_1|$  ج. صفر د. نمی توان مقدار آنرا محاسبه نمود.

«سؤالات تشریحی»

۱. مشتق توابع زیر را محاسبه کنید:

$$\frac{dy}{dx} = ?$$

$$۱) \int_0^y \cos^p t dt + \int_0^{x^p} \sin^p t dt = 0$$

$$۲) y = \frac{(x^3 + 1)(x^5 + 1)(x^7 + 1)^3 \sin x}{(x^p + 1)(x^q + 1)(p + \sin x)} \quad (x > 0)$$



تعداد سوال: نسی ۲۰ تکمیلی - تشریحی ۶  
 زمان امتحان: تستی و تکمیلی ۶۰ دقیقه تشریحی ۶۰ دقیقه  
 تعداد کل صفحات: ۴

نام درس: ریاضی عمومی (۱)  
 علوم کامپیوتر کامپیوتر فناوری اطلاعات (بخش فناوری اطلاعات) (بخش صنایع) (بخش مهندسی) (بخش ادبیات)  
 رشته تحصیلی: گرایش  
 کد درس: ۲۶۱۵۶۱ ۲۶۳۰۱۸ ۲۶۲۰۲۷ ۲۶۴۰۳۵

۱. خط  $y = m > 0$  منحنی تابع  $y = 1 - x^2$  را در نقاط  $A$  و  $B$  قطع می‌کند. مستطیلی می‌سازیم که یک ضلع آن  $AB$  و ضلع دیگر آن روی محور  $x$  ها باشد. ماکزیم مساحت این مستطیل را محاسبه کنید.

۲. فرض کنید  $\beta(m, n) = \int_0^1 x^m (1-x)^n dx$

الف. درستی  $\beta(m, n) = \beta(n, m)$  را ثابت کنید.

ب. ثابت کنید:  $\beta(m, n) = \frac{\pi}{2} \int_{\frac{\pi}{2}}^{\pi} \sin^{m+1} \theta \cos^{n+1} \theta d\theta$

۴. طول دلواری  $r = 1 + \cos \theta$  را محاسبه کنید.

۵. ریشه‌های معادله  $z^3 - 1 = 0$  را محاسبه و آنها را روی دایره  $C$  نمایش دهید.

۶. انتگرال‌های زیر را حل کنید:

۱)  $\int \frac{x^p dx}{\sqrt{1-x^2}}$

۲)  $\int \frac{\ln x}{\sqrt{e^x - 1}} dx$