



بررسی تحلیلی مدل‌های موجود جهت مدلسازی

روگذری موج در سازه‌های ساحلی

علی فرهادزاده، دانشجوی دکتری مهندسی عمران، سازه‌های هیدرولیکی، دانشگاه تربیت مدرس
مهدی شفیعی فر، استادیار گروه عمران، دانشگاه تربیت مدرس

چکیده

پدیده روگذری امواج (Wave overtopping) از سازه‌های ساحلی و موجشکن‌ها همواره به عنوان مسئله‌ای که در طراحی تراز این سازه‌ها باید مد نظر قرار گیرد مطرح بوده است. بدلیل وابستگی میزان روگذری به پارامترهای مختلف و وجود عدم قطعیت‌هایی در ماهیت پدیده، تخمین دقیق این پارامتر در هنگام طراحی میسر نیست. با این وجود تلاشهای زیادی در جهت مدلسازی پدیده و تخمین دقیق‌تر آن انجام شده است. این تحقیقات عمدتاً به دو دسته مدلسازی آزمایشگاهی و مدلسازی عددی قابل دسته بندی است.

در این مقاله بصورت تحلیلی مروری بر مطالعات و تحقیقات عددی انجام شده بر روی پدیده روگذری طی سالهای اخیر ارایه شده و پیشرفت‌های انجام شده در این زمینه مورد ارزیابی قرار گرفته است.

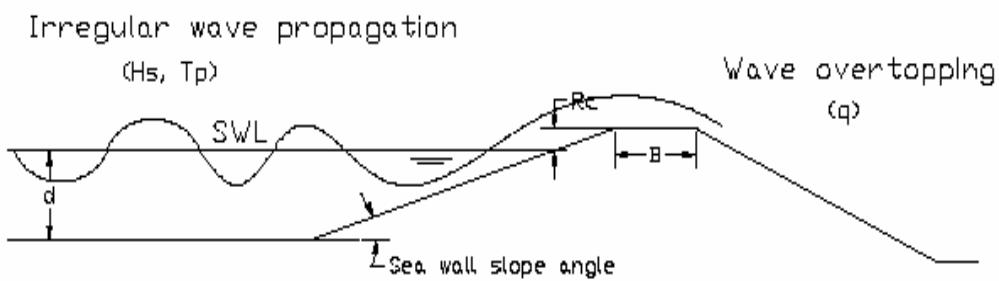
کلمات کلیدی: موج، روگذری، سازه‌های ساحلی، VOF، BEM

۱- مقدمه

روگذری امواج از سازه‌های ساحلی یکی از مهمترین واکنشهای هیدرولیکی است که در طراحی این نوع سازه‌ها در نظر گرفته می‌شود. پدیده روگذاری امواج بویژه در خصوص سازه‌های حفاظت از شهرها و تأسیسات، نظیر دیوارهای ساحلی و دایک‌ها اهمیت می‌یابد، چرا که روگذری از این سازه‌ها می‌تواند به تخریب سازه و وارد آمدن تلفات و یا خسارات مالی بیانجامد. همانگونه که در شکل (۱) نشان داده شده



است فرایند روگذری موج (Wave Overtopping) عبارت از برخورد موج به سازه، بالا روى و نهايتأ سرريز جريان آب از سازه مى باشد. اين پدیده عامل بسياري از تخريبها در سازه هاي ساحلي و سازه هاي موجود در پسکرانه آنها، در گذشه وحال بوده است. بدليل وجود عدم قطعيت در پيش بيني تراز طراحى آب و همچنين در تعين امواج طراحى از يك سو و از سوي ديگر به لحاظ هزينه اقتصادي احداث سازه هاي بلند، قبول وقوع در صدى روگذری غير قابل اجتناب است.



شكل ۱- دياگرام فرآيند برخورد موج به سازه و روگذری از آن

تحقیقات فراوانی در خصوص پدیده روگذاری امواج از سازه هاي ساحلي در ۵۰ سال اخير انجام شده است. اين مطالعات منجر به تصحیح مداوم در روشهاي پيش بینی روگذری از سازه هاي محافظت از ساحل در مقابل امواج دریا گردیده است. روشهاي موجود عمدتاً به دو دسته روشهاي عددی و روشهاي آزمایشگاهی تقسیم میگرددند. در سالهای اخیر از روشهاي آزمایشگاهی عليرغم قربت بيشتر با طبيعت پدیده، بدليل هزينه بالاي تجهيز آزمایشگاه و نيز دشواری ايجاد شرایطی مشابه آنچه در طبيعت بوقوع می پيوندد كمتر استفاده گردیده است. حال آنکه روشهاي عددی عليرغم پيچيدگی هاي آنها، بدليل آنکه شرایط مختلف موج و اشكال مختلف سازه در آن با تغييرات اندک در برنامه قابل بررسی است مورد اقبال عمومی محققین قرار گرفته اند.

در ادامه پس از بررسی مطالعات صورت گرفته و دانش موجود در زمينه پدیده روگذری امواج از سازه هاي ساحلي با نگاهی تحليلي به نقاط ضعف و قوت مدلهاي موجود عددی مدلسازی شکست و روگذری موج از سازه هاي ساحلي پرداخته شده و سعی شده بر روی مطالعاتی که جزئيات دقیق تری از پدیده را در نظر میگیرند تمرکز گردد.



۲- مدل‌های عددی روگذری موج ناشکنا

در دو دهه اخیر، تلاشهایی بمنظور ایجاد مدل عددی روگذری موج صورت گرفته است. مدل‌های اولیه عموماً به مدل‌سازی پدیده روگذری بدون در نظر گرفتن شکست موج می‌پرداختند. نخستین تلاشهای جدی در این زمینه در سال ۱۹۸۹ و توسط Wurjanto و Kobayashi صورت گرفته که به مدل‌سازی عددی روگذری موج منظم از سازه ساحلی نفوذناپذیر واقع بر روی ساحل شیبدار پرداختند. مدل عددی آنها قادر به پیش‌بینی جزئیات هیدرودینامیکی مربوط به روگذری موج از بالای تاج یک دیوار ساحلی نفوذناپذیر و صاف که بر روی ساحلی شیبدار قرار گرفته، بوده است. [۳۷]

در سال ۱۹۹۸ Maruyama و Hiraishi، یک مدل عددی را بمنظور محاسبه دبی روگذری امواج چند جهته از یک موج‌شکن قائم ارائه نمودند. فرض اساسی آنها در این مدل این است که دبی روگذری می‌تواند توسط یک رابطه سرریز توصیف شود. [۱۵]

Hu و همکاران (۲۰۰۰)، یک مدل دوبعدی عددی را برای محاسبه روگذری، با استفاده از معادلات غیرخطی آب کم عمق ارائه نمودند. اما حتی این مطالعه که اخیراً انجام شده نیز تنها برای امواج منظم معتبر است. [۷]

بنظر می‌رسد که حتی با قدرت محاسباتی که امروز موجود است، مدل‌سازی عددی فرایند روگذری موج هنوز کار سخت و طاقت فرسایی است. اما، بمجرد اینکه قدرت محاسباتی کامپیوترها باندازه کافی زیاد شود، روش‌هایی نظیر آنچه که در بالا بدانها اشاره شده و همچنین دیگر روش‌ها- بعنوان مثال روش‌هایی مبتنی بر حجم سیال (VOF) احتمالاً قادر خواهد بود تا دبی روگذری را برای امواج نامنظم و سه‌بعدی پیش‌بینی نمایند. این امر موجب خواهد شد که مطالعه فرآیند روگذری با جزئیات بیشتری از آنچه که در آزمایشات مدل فیزیکی امکان‌پذیر است، انجام گیرد و در نتیجه، طراحی سازه‌هایی که بهتر از سازه‌های امروزی، اهداف مورد نظر را تأمین نمایند، آسان‌تر خواهد گردید.

روش‌های اشاره شده در فوق جهت محاسبه روگذری در امواج ناشکنا بوده است اما از آنجاییکه امواج در نواحی ساحلی عموماً "دچار شکست می‌گردند و در صورت عدم شکست تا نزدیکی موجشکن، امواج پس از



رسیدن به پای موجشکن و شبی آن، دچار شکست خواهند شد. در اینجا به مدل‌هایی که توانایی مدل‌سازی عددی روگذری موج در ناحیه شکست (Surf zone) را دارا می‌باشند می‌پردازیم.

۳- شبیه‌سازی عددی روگذری موج در ناحیه شکست

امواج در حال شکست، نقشی اساسی را در کلیه فرآیندهای نزدیک ساحل ایفا می‌کنند. این امواج باعث ایجاد آشفتگی شدید که با اتلاف انرژی شدیدی نیز همراه است، می‌گردد. در این شرایط، روگذری امواج فرآیند پیچیده‌ای است که پدیده‌های خرز، انعکاس موج، شکست موج و آشفتگی و آنجه را که از طبیعت تصادفی امواج باید در نظر گرفت، شامل می‌شود.

عموماً برای یک طوفان مشخص، حجم کل آب دریا که روگذری می‌کند بخوبی توسط روش‌های فعلی آزمایشات تجربی می‌باشند پیش‌بینی می‌شود اما Goda (۲۰۰۰) نشان داده است که فرمول‌های فعلی که بطور کامل پیچیدگی شکست امواج را در آب کم عمق در نظر نمی‌گیرند، ممکن است بطور عمده‌ای دی‌های روگذری را کمتر از مقدار واقعی پیش‌بینی کنند. تجزیه و تحلیل انجام شده توسط Besley و همکاران (۱۹۹۸) نیز نشان می‌دهد که روش‌هایی که این اثرات را در نظر نمی‌گیرند ممکن است روگذری تحت امواج در حال شکست را کمتر از مقدار واقعی پیش‌بینی کنند، این یافته توسط مطالعات عددی Hu و همکاران (۲۰۰۰) مورد حمایت و تأیید قرار گرفت. [۷ و ۱۶ و ۱۷ و ۱۸ و ۴۱ و ۳۰]

در میان مدل‌های مبتنی بر VOF که طی سالهای اخیر توسعه یافته‌اند، مدل‌هایی با دقت و توانایی لازم جهت مدل‌سازی جزئیات پدیده شکست و روگذری موج از سازه‌های ساحلی در ناحیه شکست وجود دارد که در این بخش به بررسی روند توسعه و توانایی‌های این مدل‌ها می‌پردازیم.

۳-۱- مدل‌های مبتنی بر VOF

در دینامیک سازه‌ها، اساس الگوریتم‌های عددی مبتنی بر مختصات لاگرانژی است اما در دینامیک سیالات هم مختصات لاگرانژی و هم سیستم مختصات اویلری با موفقیت قابل توجهی مورد استفاده قرار گرفته‌اند. بدليل آنکه هر کدام از این روش‌ها دارای فواید و عیوب خاص خود هستند، انتخاب نوع مختصات جهت استفاده، به مشخصات مسئله‌ای که حل می‌شود، بستگی دارد.



برای مسائلی که در آنها مرزهای آزاد دستخوش تغییر شکل‌های عمدتی می‌گردد، استفاده از روش‌های لاگرانژی مشکل است (Nichols و همکاران، ۱۹۸۰)، در اینگونه مسائل، برنامه‌هایی نظیر SOLA-VOF که در ادامه به آن خواهیم پرداخت، معادلات اویلری آب را برای مسائل دینامیک سیالات با در نظر گرفتن مرزهای آزاد حل می‌کند. [۴۵]

نخستین روش که با موفقیت به مسائلی که در آنها سیال دارای حرکات پیچیده سطح آزاد می‌باشند می‌پردازد، روش سلوول و علامتگذار (MAC) می‌باشد (Harlow و Welch، ۱۹۶۵). [۵۲]

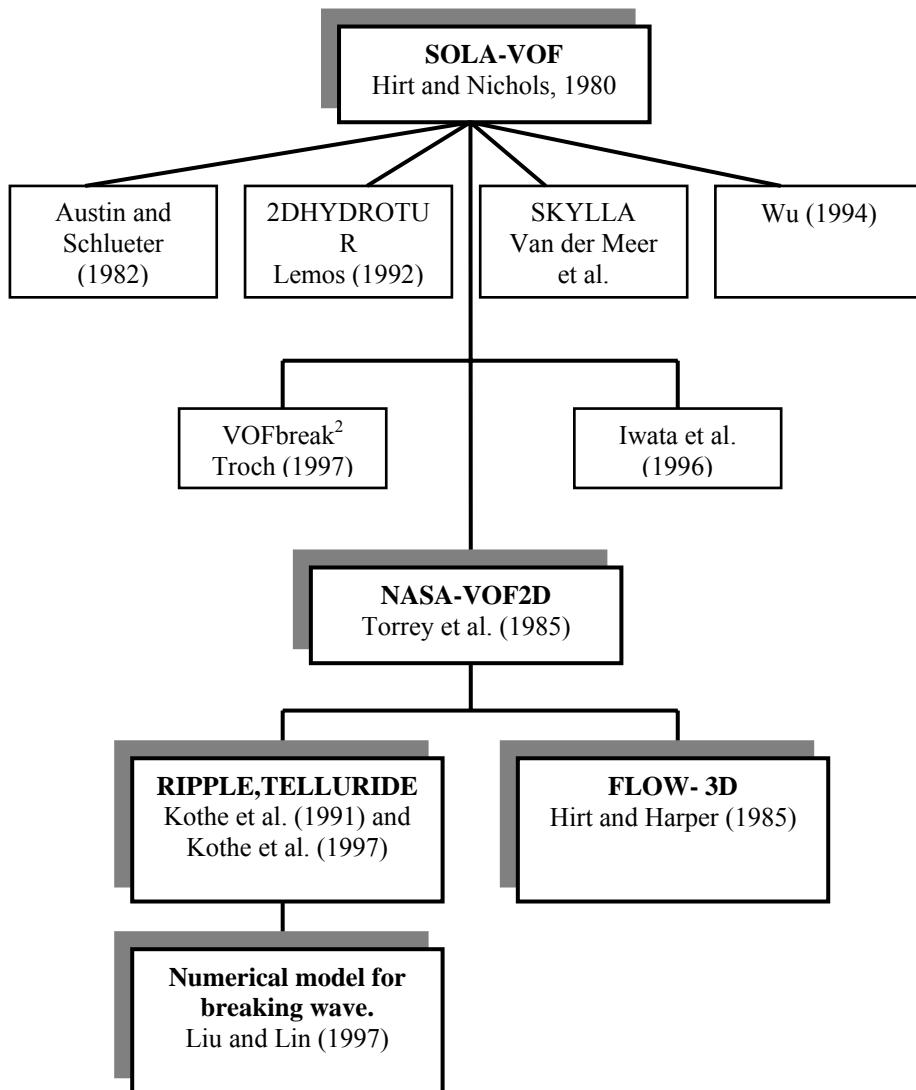
گونه‌ساده شده‌ای از الگوریتم حل پایه (SOLA) که در روش MAC استفاده شده در کد موسوم به SOLA موجود است. اگرچه SOLA به سطوح آزاد نمی‌پردازد، اما گونه‌ای توسعه یافته از SOLA-SURF، از روش تابع ارتفاع سطح استفاده می‌کند. سادگی و انعطاف‌پذیری کدهای SOLA آنها را به پایه ای برای توسعه کدهای پیچیده‌تر تبدیل کرده است، بدین علت، گونه‌ای از کد SOLA با مشتغیر، بنام SOLA-VM، بعنوان یک برنامه پایه ای که از تکنیک VOF بهره می‌جوید برگزیده شده است. گونه‌آزمایشگاهی این کد جدید، SOLA-VOF، نخستین بار توسط Hirt و Nichols در سال ۱۹۷۵ گزارش گردید، از آن زمان اصلاحات فراوانی انجام شد و این تکنیک با استفاده از کاربرد آن در حل بسیاری از مسائل، بطور نسبتاً کامل توسعه یافت. بعنوان مثال Master و Mc Master (Gong، ۱۹۷۹) و Master و Mc (Hirt، ۱۹۸۰) کد SOLA-SURF را با تکنیک متفاوتی مبتنی بر مفهومی مشابه با VOF، برای رهگیری سطح مشترک با هم تلفیق نموده و بکار گرفتند.Nichols و همکاران (۱۹۸۰) نیز گونه‌به روز شده ای از SOLA-VOF را ارائه نمودند. شکل (۵-۲) درخت خانواده مدل‌های عددی مبتنی بر VOF را نشان می‌دهد. [۴۱ و ۴۴ و ۵۲]

یکی از کدهای معروف، کد NASA-VOF2D (Torrey و همکاران، ۱۹۸۵) می‌باشد که اصلاحات زیادی در آن صورت گرفته است، این کد و نیز کد SOLA-VOF در آزمایشگاه ملی (LANL) Los Alamos، در CFD، کد نیومکزیکو آمریکا توسعه یافته است. پس از آن Harper و Hirt (۱۹۸۵) با توسعه این مدل VOF، کد FLOW-3D را ایجاد نمودند، این مدل بعنوان یکی از آخرین پیشرفت‌های کد CFD با کاربری تجاری بنام FLOW-3D را ایجاد نمودند، این مدل شبیه‌سازی از دیگر کدهای موفق که در LANL (Kothe و RIPPLE و همکاران، ۱۹۹۱) برای شبیه‌سازی دوبعدی و کد TELLURIDE (Kothe و همکاران، ۱۹۹۷) برای شبیه‌سازی سه‌بعدی می‌باشد.



در مدل عددی TELLURID و RIPPLE جریان، تراکم ناپذیر فرض میشود و معادله فشار با تکنیگ

گرادیان مزدوج ناکامل چولسکی حل می شود. [۲۰ و ۳۴]



شکل ۲ - مروری بر پیشرفت‌های کلیدی مدل‌های عددی از نوع VOF

SOLA-VOF را در حیطه مهندسی Austin و Schlueter (۱۹۸۲)، اولین کاربرد مدل SOLA-VOF را در سیستم سواحل ارائه نمودند. این مدل، میدان جریان را در لایه متخلخل آرمور یک موجشکن مت Shank از سیستم بلوك مستطيلي (Antifer) پيش‌بييني می نماید. این مدل شروعی بر شبیه‌سازی انتشار امواج و اندرکنش آنها با سازه‌ها در مهندسی سواحل هرچند به شکل نسبتاً خام محسوب می شود. [۴۲]



در سال ۱۹۹۲ مدل آشفتگی $k-\epsilon$ را در کدی با عنوان 2DHYDRO-TUR k-e Lemos برمبنای بر SOLA-VOF بوده وارد نمود، این کد قادر بود تا بصورت محدودی میدان آشفتگی را در نظر گیرد. او در سال ۱۹۹۲ یک طرح اختلاف محدود مرتبه بالا را در کد مبتنی بر VOF بمنظور بهبود پایداری و دقت حل عددی بکار برد. این طرح بهبود یافته قادر به شبیه‌سازی ضربه موج برروی سازه‌ها و محاسبات نیروهای ضربه موج بوده است. باید اشاره نمود که در این مدل هیچ مرز جذبی یا مرز دریایی آزاد در این مدل استفاده نگردید. [۳۳]

مدل SKYLLA (Van der meer) در ۱۹۹۲ و همکاران، ۱۹۹۲ توسعه Delft-Hydraulics یافت. این مدل چندین بار توسعه یافت که مهمترین آنها در نظر گرفتن حل کننده (Solver) شیب مزدوج برای معادله پواسون فشار است (Van der meer) و همکاران، ۱۹۹۲. [۳۲]

Wu (۱۹۹۴)، یک مدل مبتنی بر مدل SOLA-VOF را برای شبیه‌سازی سینماتیک امواج در شکنا و نشکسته درون و برروی سازه‌های قائم نفوذناپذیر با هندسه مختلف بکار بردن‌وی فشار کامل ضربه و بارگذاری ناشی از آنرا بدون در نظر گرفتن پدیده بدام افتادن هوا در سیال شبیه‌سازی نمود. در مدل Wu، شرایط مرزی انعکاس مشابه با مدل SKYLLA بکار برده شد. [۲۹]

Iwata و همکاران (۱۹۹۶)، از نتایج یک مدل بهبود یافته SOLA-VOF که قادر به محاسبه تغییر شکل موج در حین شکست و پس از شکست در اثر سازه‌های نفوذناپذیر مستغرق بوده، جهت مقایسه با داده‌های آزمایشگاهی استفاده نمود. در این مدل، امواج درونی با استفاده از تکنیک تولید چشمه در دامنه محاسباتی تولید شدند (Brorsen Larsen ۱۹۸۷) همچنین جذب با استفاده از شرایط مرزی تشعشعی Sommerfeld انجام شد. [۳۸ و ۲۶]

Troch (۱۹۹۷)، مدل عددی VOF^2 را براساس کد SOLA-VOF break² ارائه نمود. در این مدل اصلاحاتی در جهت بهبود مدل عددی برای حرکت موج درون و روی سازه‌ها انجام گرفته است. مدل مزبور توجه ویژه‌ای جهت استفاده برای موج‌شکن توده سنگی صورت داشته است در این مدل، معادلات حاکم بمنظور شبیه‌سازی جریان در محیط متخلخل یک سازه ساحلی نفوذناپذیر، توسعه داده شد. این مدل عددی هم بوسیله داده‌های آزمایشگاهی و هم توسط داده‌های پروتوتیپ مورد صحت سنجی قرار گرفت.



برخی از اصلاحات برگرفته از مدل NASA-VOF2D، بر روی مدل $k-\epsilon$ VOF break² نیز اجرا گردید.

[۲۱]

Liu و Liu (۱۹۹۷)، یک مدل عددی را برای محاسبه تغییرات یک موج در حال شکست ارائه نمودند. این مدل تلفیقی است از گونه اصلاح شده RIPPLE (Kothe و همکاران ۱۹۹۱) و مدل آشفتگی k-ε. این مدل عددی دو بعدی معادلات ناویراستوکس با رینولدز متوسط گیری شده (RANS) را برای میدان جریان متوسط و معادلات (k-ε)، برای انرژی جنبشی k و نرخ اتلاف آشفتگی ε، حل می کند و بنام مدل عددی دو بعدی موج در حال شکست یا 2-D BWNM موسوم می باشد. در این مدل، روش الگوریتم حجم سیال (VOF)، (Nichols و Hirt ۱۹۸۱)، برای دنبال کردن حرکات سطح آزاد بکار گرفته شده است. [۲۲]

Liu و Liu (۱۹۹۹)، توابع چشمۀ جرم درونی را جهت معادله بقاء جرم، در عبارت چشمۀ داخلی ناحیۀ جریان افزودند تا قطار موج مشخصی را تولید نماید. این مدل به نحوی توسعه یافته تا بتواند هر نوع طیف موج دریا را با سرهم کردن تعداد محدودی از مدهای موج خطی با ارتفاع و پریود مختلف، شبیه سازی نماید. [۹]

Liu و همکاران (۱۹۹۹)، این مدل را با افزودن قابلیت شبیه سازی جریان در محیط متخلخل و همچنین ایجاد بهبود در مدل آشفتگی k-ε که برای توصیف میدان آشفتگی مربوطه بکار می رود، توسعه دادند. در این مطالعه آنها توانستند تاثیر میزان تخلخل لایه های سنگچین موجشکن را بر نرخ روگذری موج بررسی نمایند. این مدل با استفاده از داده های اندازه گیری شده آزمایشگاهی مقایسه و نتایج قابل قبولی بدست آوردند. مدل مذبور به دلیل آنکه از فرضیاتی نظیر صرفنظر کردن از ترم های انتقال، خطی سازی نیروهای اصطکاکی و غیره استفاده نمی کند، بسیار عمومی تر از مدل های پیشین می باشد. [۱۰]

Isobe و همکاران (۱۹۹۹) و Isobe (۲۰۰۱)، یک فلوم موج عددی را برای استفاده عملی در طراحی سازه های دریایی که مبتنی بر مدل NASA-VOF2D بود، توسعه دادند. [۱۳ و ۵۳]

Lin در سال ۲۰۰۴ مدلی را توسعه دادند که قادر به مدلسازی اندرکنش موج با یک مانع مستطیلی شکل مستغرق است. در این مدل از ضرایب انعکاس، گذر و اتلاف(RTD) جهت تعیین مشخصات تغییرات موج بر روی سازه استفاده شده است. [۲]

Shi و همکاران (۲۰۰۵)، مدل دو بعدی VOF را با توسعه مدل RIPPLE ارائه نمودند. این مدل مبتنی بر معادلات ناویر استوکس فیلتر شده مکانی(Spatial-Filtered NS) بهمراه مدل آشفتگی $k-l$ قادر به شبیه سازی اندرکنش موج با سازه های ساحلی با اشکال پیچیده می باشد. در این مدل، جریان در سازه متخلخل با استفاده از معادلات ناویر استوکس متوسط گیری شده زمانی دارسی به همراه ترم های نیروی درگ محاسبه می شود. مدل اخیر که با استفاده از داده های آزمایشگاهی مختلف صحت سنجی گردیده است، توانایی مدلسازی موج تحت تاثیر سازه های متخلخل با اشکال دلخواه و نیز سازه های نفوذناپذیر دلخواه و همچنین مدل آشفتگی multi-scale از نوع $k-l$ که مبتنی بر معادلات ناویر استوکس متوسط گیری شده زمانیست را به مدل RIPPLE می افزاید. [۱]

در سالهای اخیر مدل‌های تلفیقی جهت مدلسازی موج از دوردست تا ناحیه شکست و نهایتاً روگذری از سازه ساحلی مورد توجه قرار گرفته‌اند. در این تکنیک که بر منای درگیر ساختن دو روش مختلف مدلسازی شکل می‌گیرد، از روش‌های اجزاء محدود و حجم سیال و یا اجزاء مرزی و حجم سیال بطور درگیر استفاده می‌شود. روش اخیر در ادامه تشریح می‌گردد، ذکر این نکته ضروری است که این روش‌ها تاکنون صرفاً جهت مدلسازی شکست موج مورد استفاده قرار گرفته‌اند و مدلسازی روگذری موج با استفاده از این شیوه هنوز صورت نگرفته است.

۳-۲- مطالعات میتني بر درگیر کردن روش VOF و BEM

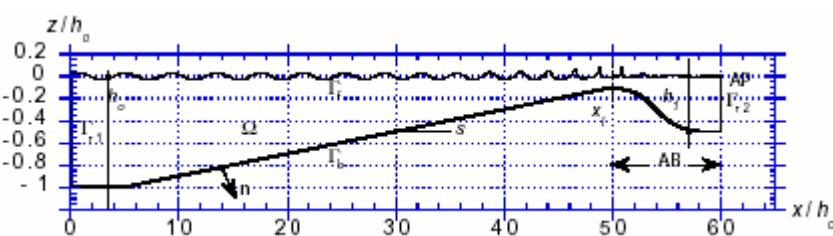
روش المان مرزی (BEM) روش بسیار موثری برای محاسبه انتشار و خزش (Shoaling) امواج بر روی سطحی با توبوگرافی دلخواه می‌باشد که البته تا آستانه شکست یعنی Overturning قابل استفاده است. Grilli و همکاران، ۱۹۹۴، ۱۹۹۷، ۱۹۹۸؛ Horrillo و Grilli، ۱۹۹۸ و ۲۰۰۲. (۱۹۹۷).



در مطالعات مبتنی بر المان مرزی جهت مدلسازی تغییرات امواج در نزدیکی ساحل، تئوری جریان پتانسیل کاملاً غیرخطی توسط فرمولاسیون انتگرال مرزی مبتنی برتابع گرین با تابع بروزکننده زمانی هندسه مرز و پتانسیل، درگیر می‌گردد. در ادبیات فنی، غالباً به چنین مدلها یی تانک‌های عددی موج (NWT) گفته می‌شود چرا که آنها می‌توانند عملکرد تانک‌های موج، یعنی تولید، انتشار و تشعشع / جذب موج را شبیه‌سازی نمایند. بسیاری از آزمایشات نشان داده‌اند که محاسبات در NWT مبتنی بر معادلات جریان پتانسیل، در پیش‌بینی شکل و سینماتیک خرش امواج سطحی ببروی بستر شیبدار، تا نقطه شکست (جائیکه مماس بر وجه مقابل موج، قائم شود) و کمی پس از این نقطه، تا جائیکه ضربه جت شکست به سطح آزاد برخورد می‌کند بسیار دقیق است. (Grilli و همکاران ۱۹۹۷، ۱۹۹۶) اما پس از این نقطه، روش المان مرزی بدلیل تخطی از معادلات حاکم، با شکست مواجه می‌شود.

محدود بودن مدل‌های BEM-NWT به امواج نشکسته، منجر به توسعه روش‌های مختلفی برای پیشگیری از شکست در محاسبات شده است. در این روش‌ها معمولاً از شیوه‌ای تحت عنوان سواحل جذب‌کننده Horrillo و Grilli (AB) (absorbing beach) استفاده می‌گردد. (Clement, ۱۹۹۰ و Cointe, ۱۹۹۶) (شکل ۳). [۳۵] (۱۹۹۸، ۱۹۹۷)

اصول این مکانیزم عبارتست از جذب انرژی امواج برخوردی در محل انتهای NWT، قبل از آغاز پیچش (Overturning) امواج، از طریق تلفیق فشار سطحی و جذب فعال جانبی (Absorbing points)، بدون لحاظ کردن یک AB، امواج پریودیک در حال خرش ببروی یک شیب، بطور طبیعی دچار شکست‌های پیاپی در بالای شیب می‌شوند که تنها اولین آنها در NWT محاسبه خواهد شد در صورتیکه با وجود یک AB، می‌توان به امواج پیاپی اجازه داد قبل از اینکه وارد AB شوند و دچار اتلاف انرژی گردد، تا نقطه‌ای نزدیک نقطه شکست دچار خرش شوند. (Horrillo و Grilli, ۱۹۹۷، ۱۹۹۸).



شکل ۳- شمایی از محاسبات خرش امواج پریودیک ببروی یک شیب سطح S در مدل 2-D-BEM-NWT با یک ساحل جذب‌کننده (AB) و یک پیستون جذب‌کننده (AP) در انتهای Grilli و Horrillo (۱۹۹۷).

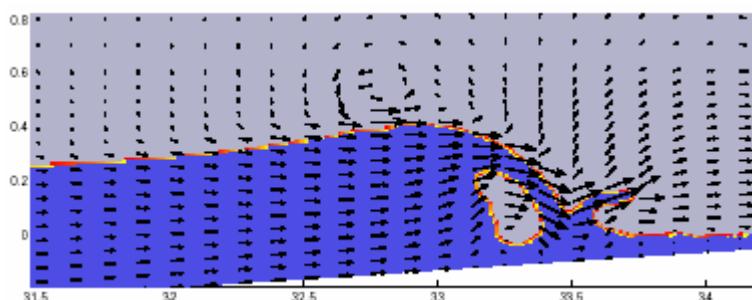


باتوجه به اینکه جذب سراسری انرژی در منطقه AB مانند آنچه در طبیعت رخ میدهد یعنی تلفیق عمل گردابه و آشفتگی و لزجت درون حجمی از سیال، صورت نمی‌پذیرد، نتایج مربوط به شکل و سینماتیک موج در درون AB (که آنرا تنها می‌توان بعنوان یک جعبه سیاه که عمل تابع جذب انرژی را در مدل عددی انجام می‌دهد، در نظر گرفت)، بلاستفاده‌اند.

با توجه به افزایش قدرت محاسباتی کامپیوتراها در سالهای اخیر، حل مستقیم مستقیم معادلات ناویراستوکس برروی شبکه پوشاننده همه دامنه، امکان‌پذیر گشته است. در این روش حرکت سطوح آزاد و سطوح مشترک بین سیال‌ها با استفاده از علامت‌گذاری‌های توزیع شده در سطح، به دقت دنبال می‌گردد.

با استفاده از روش‌های مبتنی بر VOF می‌توان بسته‌های هوا را که درون سیال به دام افتاده و نیز قطعاتی از سیال را که از سیال اصلی جدا شده است، مدل نمود. بنابراین، این روش‌ها برای مدلسازی امواج در حال شکست برروی یک بستر شیبدار ایده‌آل می‌باشند (Guignard و همکاران، ۱۹۹۹، شکل ۴)؛ توجه شود که در این مدل، فرض می‌شود که فاز هوا تراکم‌ناپذیر است، حتی برای بسته‌های هوا بدام افتاده در آب) اما روش‌های VOF از نظر محاسباتی گران‌اند و از دیفیوژن عددی که منجر به اتلاف مصنوعی انرژی موج در طول مسافت انتشار می‌گردد، رنج می‌برند. [۸]

در روش‌هایی که دو روش BEM و VOF را با هم درگیر می‌سازند، خصوصیات و فواید هر دو شیوه در مدلسازی خرش موج و برخورد جت موج به سطح آزاد، بکار گرفته می‌شود. روش BEM با بکارگیری از مدل NWT، همراه با یک AB، دارای دقت و کارایی کافی برای محاسبات خرش برروی بستر شیبدار قبل از وقوع شکست می‌باشد.



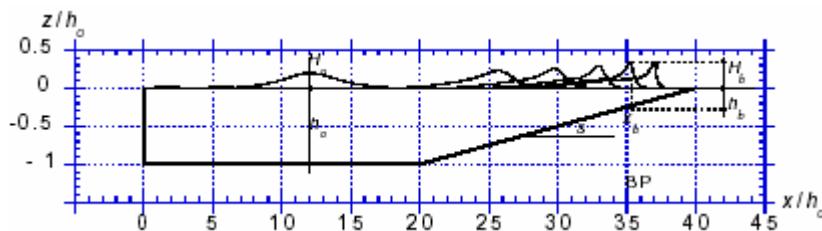
شکل ۴- شکست یک موج یکتاپی برروی شیب 1:15 در مدل VOF دو فازه (Guignard و همکاران، ۱۹۹۸)



روش VOF با استفاده از پارامترهای جریان سیال که در مرز باز دریا با استفاده از روش-BEM شروع و بروز شده قادر به محاسبه امواج در حال شکست و پس از شکست در سطح شبیدار و بروی شبکه محلی می‌باشد. با توجه به نتایج حاصل شده از این روش، مدل درگیر برای محاسبات انتشار و تغییرات موج دارای دقت کافی می‌باشدند.

• مدل Guignard و همکاران (۱۹۹۹)

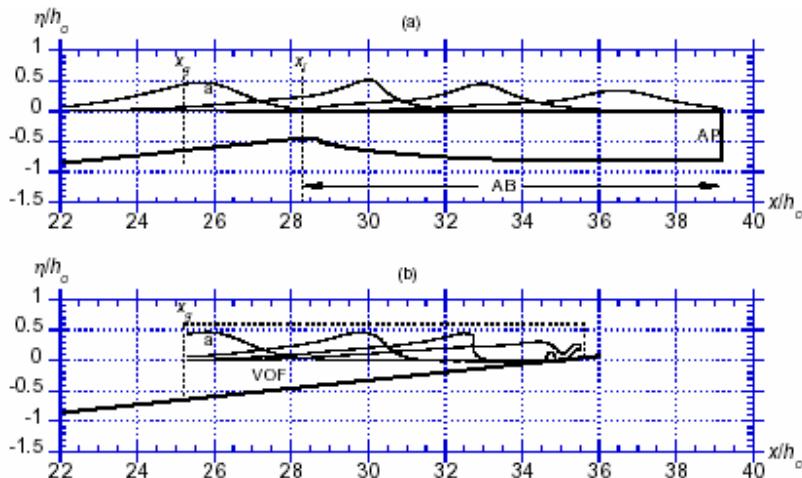
Guignard و همکاران در سال ۱۹۹۹ یک مدل درگیر BEM/VOF برای محاسبه خرزش



شکل ۵- خرزش (Shoaling) و پیچش (overturning) موج یکتایی بر روی شب

و شکست موج یکتایی بر روی شب‌های ملایم که دارای انعکاس کم می‌باشند، ارائه نمودند، که در واقع ساده‌ترین حالت است چرا که هیچ بازخوردی (Feed back) از مدل VOF به مدل BEM برنمی‌گردد (شکل ۵ و ۶). اصول مدل‌سازی اخیر شامل بخش‌های زیر می‌باشد: [۸]

مدل Grilli ، 2D-NWT و همکاران که در مورد آن توضیح داده شد، انتشار امواج کاملاً غیرخطی دلخواه را بر روی بستر با توپوگرافی پیچیده مدل می‌کنند. مقادیر مرزی پارامترهای جریان موج (سرعت، شتاب، فشار و ...) بسرعت در دسترساند؛ در صورت نیاز، مقادیر میدان‌های مشابه را نیز می‌توان در نقاط داخلی مشخص محاسبه نمود. Guignard و همکاران از این مدل NWT برای تولید داده‌های آغازین در مدل VOF خود، جهت انتشار امواج یکتایی تک بزرگ در عمق ثابت و بر روی یک شب استفاده نمودند.



شکل ۶- اصول درگیرسازی ضعیف

در مطالعه صورت گرفته توسط Guignard و همکاران (۱۹۹۹)، یک مدل درگیر جهت تلفیق فواید و خصوصیات روش‌های المان مرزی و روش حجم سیال توسعه داده شد. در این مرحله، تنها خزش و شکست امواج یکتایی (Solitary) بر روی شیب‌های مسطح استفاده شد و الگوریتم درگیر ساختن ضعیف یعنی بدون بازخورد از مدل VOF به مدل BEM در نظر گرفته شد.

بدلیل دقیق و کفایت مدل BEM به لحاظ عددی برای امواج نشکسته، این مدل بیشتر جهت انجام انتشار موج از آبهای آزاد به شیب بالا دست تا نزدیکی نقطه شکست مورد استفاده قرار گرفت. درگیر کردن مدل در دو سطح صورت می‌گیرد:

با استفاده از نتایج BEM که بر روی شبکه VOF محاسبه شده، مدل VOF بر روی (۱)

سطحی کوچکتر از آنچه که بوسیله مدل BEM تحت پوشش قرار گرفته شروع به کار می‌کند. برای زمان‌های بعدی، شرایط مرز بالا دست در مدل VOF بوسیله نتایج BEM که در (۲)

جهت قائم محاسبه شده، فراهم می‌گردد.

در مدل BEM، جهت پیگیری محاسبات برای زمان به اندازه کافی طولانی، یک ساحل جذب کننده در بالای شیب جهت پیشگیری از پیچش (Overturning) و شکست موج استفاده می‌شود.



اساساً در رهیافت درگیرسازی، مدل‌های BEM و VOF به دنبال هم اجرا می‌گردند. در مدل BEM هم مقادیر اولیه و هم یک پایگاه اطلاعات برای شرایط مرزی جانبی بصورت یک تابع زمان محاسبه و ذخیره می‌گردد، سپس مدل VOF اجرا می‌گردد، به این وضعیت، درگیری ضعیف اطلاق می‌گردد. Guignard و همکاران (۱۹۹۹)، با استفاده از مدل درگیر شده ضعیف BEM و VOF به جهت شبیه‌سازی خرزش و شکست امواج در ناحیه نزدیک ساحل به این نتیجه رسیدند که مدل درگیری ضعیف VOF، هم دقیق‌تر و هم کارتر از مدل VOF تنهاست که برروی شبکه درشت‌تر استفاده شده است.

• مدل Lachaume و همکاران

Lachaume و همکاران (۲۰۰۳)، مدلی را که مبتنی بر درگیر نمودن مدل BEM جهت حل معادلات FNPF و یک مدل VOF جهت حل معادلات NS اجرا و ارزیابی نمودند. آنها در متداول‌وزی درگیری ضعیف و قوی (شکل ۷) را آزمایش نمودند و نتایج مدل درگیر شده قوی را با داده‌های آزمایشگاهی مقایسه کرده و نشان دادند که تطابق خوبی در خصوص ارتفاع موج پس از شکست وجود داشته است. [۵۴]



شکل ۷- اصول درگیرسازی قوی بین مدل‌های NS-VOF و FNPB-BEM

در حالت دیگری که بررسی شد، شیب بستر بیشتر در نظر گرفته شد در این حالت، مدل VOF نمی‌توانست باعث پخش (dissipation) و کاهش عمدی در ارتفاع موج گردد. در نتیجه ارتفاع موج در مدل BEM کمتر از ارتفاع موج در مدل BEM/VOF در محل شکست می‌باشد. مدل اخیر، قادر به محاسبه مشخصات امواج در حال شکست و پس از شکست برروی شیب‌ها، با در نظر گرفتن حداقل بالاروی می‌باشد.



• مدل Biausser و همکاران

Biausser و همکاران (۲۰۰۳)، یک مدل عددی سه بعدی شبیه سازی شکست امواج را با درگیر نمودن روش های VOF و BEM ارائه نمودند. آنها در این مدل سه بعدی، توسعه و اعتبار مدل عددی مبتنی بر درگیر نمودن روش المان مرزی مرتبه بالا جهت حل معادلات جریان پتانسیل کاملاً غیرخطی با حل حجم سیال (VOF) جهت معادلات اویلر را بررسی نمودند. آنها در واقع مدل دو بعدی درگیر شده BEM و VOF مربوط به Guignard و همکاران (۱۹۹۹ و ۲۰۰۱) را به مدل سه بعدی درگیر گسترش دادند. در این تحقیق از لزجت صرف نظر و در نتیجه معادلات اویلر حل گردید. [۴]

در مجموع می توان چنین ارزیابی نمود که با توجه به کارایی و دقت مدل BEM برای مدل سازی تغییرات امواج در حین انتشار و اینکه این مدل به لحاظ محاسباتی زمان بسیار کمی را نیاز دارد، از این مدل می توان تا نزدیکی نقطه شکست استفاده نمود، از طرف دیگر می توان بدلیل توانایی مدل VOF جهت مدل سازی شکست و تغییرات پس از شکست، از آن استفاده نمود. این مدل اگرچه زمان محاسباتی بیشتری را نسبت به مدل BEM نیاز دارد ولی چون در ناحیه کوچکی از کل دامنه محاسباتی مورد استفاده قرار می گیرد می توان از مش ریزتری بهره جست تا خطاهای محاسباتی به حداقل برسد.

۴- جمع بندی

با افزایش قدرت محاسباتی کامپیوتراها، توسعه مدل های محاسبات مربوط به شکست و روگذری موج از سازه ها طی دهه اخیر شتاب مضاعفی یافته است. در میان مدل های ارائه شده مدل های مبتنی بر VOF از دقت و کارایی کافی جهت مدل سازی جزئیات تغییرات موج در ناحیه شکست و سپس بالاروی موج از سازه و نهایتاً روگذری آن از سازه برخوردار می باشند. این دسته از مدل ها به نحو مطلوبی جهت محاسبه روگذری موج از سازه های ساحلی مورد استفاده قرار گرفته اند و نتایج حاصل از آنها با داده های آزمایشگاهی در تطابق خوبی بوده است. این دسته از مدل ها در طی سال های اخیر بطور پی در پی بهبود و توسعه یافته اند. در حال حاضر در میان این مدل ها مدل Liu قویترین و کامل ترین مدل می باشد، اما علیرغم دقت خوب مدل های مبتنی بر VOF در مدل سازی پدیده شکست، این دسته از مدل ها هنوز دارای نقاط



ضعف می باشند. یکی از این نقاط ضعف، فزایش زمان محاسبه و نیاز به کامپیوترهای با سرعت بالا در صورت مدلسازی موج نزدیک شونده از فاصله ای دور از سازه است، در این حالت دیفیوژن های عددی نیز در نتایج مشاهده خواهند شد.

مدلهای مبتنی بر BEM علیرغم عدم توانایی مدلسازی شکست موج، قادرند تغییرات موج نزدیک شونده از فاصله ای دور به ساحل شیبدار را تا آستانه شکست مدلسازی نمایند. این دسته از مدلها از معادلات ساده شده ناویر استوکس یعنی معادله لابلس با شرایط مرزی مربوطه در جهت مدلسازی پدیده بهره می جویند.

بکارگیری تواناییهای هر دو مدل یعنی مدلهای مبتنی بر VOF و مدلهای مبتنی بر BEM در سالهای اخیر منجر به ارائه مدلهای درگیر BEM-VOF گردیده است. در این شیوه جدید، از تواناییهای هر دو روش بطور مطلوبی استفاده میگردد تا مدلسازی شکست موج صورت پذیرد بدین صورت که تغییرات موج از دوردست تا نزدیکی نقطه شکست یعنی آنجاییکه دیگر روش BEM قادر به مدلسازی شکست موج نمی باشد از این مدل استفاده میشود و از ان نقطه به بعد، مدل VOF وارد عمل شده و جزئیات شکست را مدلسازی مینماید.

این تکنیک جدید به دو صورت انجام می پذیرد: **درگیری ضعیف و درگیری قوی**. در درگیری ضعیف، داده های خروجی از مدل BEM در سمت مرز رو به ساحل عنوان داده های ورودی مدل VOF استفاده می شود و هیچ بازخوردی از VOF به مدل BEM صورت نمی پذیرد اما در درگیری قوی این بازخورد و تبادل اطلاعات بطور مداوم صورت میگیرد و داده های مرز رو به دریایی مدل VOF به عنوان داده های مرزی BEM مورد استفاده قرار میگیرند و بالعکس. این روش هنوز جهت مدلسازی پدیده روگذری موج از سازه مورد استفاده واقع نشده هرچند تلاشهایی در این زمینه در حال صورت گرفتن میباشد.



مراجع

- 1- Shi, F., Zhao, Q., Kirby, J. (2005), "Modeling of wave interaction with complex coastal structures using an enhanced VOF model", in press
- 2- Lin, P.,(2004), "A numerical study of solitary wave interaction with rectangular obstacles", *Coastal Engineering* Vol. 51:pp. 35-51
- 3- Shen, Y. M., Ng, C. O., Zheng,Y. H.,(2004). "Simulation of wave propagation over a submerged bar using the VOF method with a two-equation k- ϵ turbulence modeling", *Ocean Engineering* Vol31: pp.87-95.
- 4- Biausser, B., Grilli, S.T., and Fraunié (2003a), "Numerical simulations of three-dimensional wave breaking by coupling of aVOF method and a Boundary Element method", *Proc. 13th Offshore and Polar Engng. Conf.* (ISOPE03, Honolulu, HI, May 2003) (to appear).
- 5- Takahashi, S., Y. Kotako, R. Fujiwara and M. Isobe (2002), "Performance evaluation of perforated-wall caissons by VOF numerical simulations", Proceeding of the 28th International Conference, Coastal Engineering 2002, Cardiff, UK.: pp. 1365-1376.
- 6- Goda, Y. (2000), "Random seas and design of maritime structures", University of Tokyo Press, Tokyo, Japan.
- 7- Hu K. C. G. Mingham and D. M. Causon(2000), "Numerical simulation of wave overtopping of coastal structures using the Non_Linear shallow water equations", *Coastal Engineering* (41),433-435
- 8- Guignard, S., Grilli, S.T., Marcer, R. and Rey, V. (1999) "Computation of shoaling and breaking waves in nearshore areas by the coupling of BEM and VOF methods," *Proc. 9th Offshore and Polar Engng. Conf.* (ISOPE99, Brest, France, May 1999), Vol. III, 304-309.
- 9-Lin, P. and P. L.-F. Liu (1999), "Internal wave-maker for Navier-Stokes equations models", *Waterway, Port, Coastal, and Ocean Engineering* Vol. 125(4): pp. 207-215.
- 10- Liu, P. L.-F., P. Lin and K. A. Chang (1999), "Numerical modeling of wave interaction with porous structures", *Waterway, Port, Coastal, and Ocean Engineering* Vol. 125(6): pp. 322-330.



- 11- Troch, P. and J. De Rouck (1999), "An active wave generation-absorbing boundary condition for VOF type numerical model", Coastal engineering Vol. 38: pp. 223-247.
- 12- Van Gent, M. R. A. (1999) Physical model investigations on coastal structures with shallow foreshores, "2D model tests with single and double peak wave energy spectra", Delft Hydraulics, Report H3608.
- 13- Isobe, M., S. Takahashi, S. P. Yu, T. Sakakiyama, K. Fujima, K. Kawasaki, Q. Jiang, M. Akiyama and H. Oyama (1999), "Interim report on development of numerical wave flume for maritime structure design", Proceeding of Civil Engineering in the Ocean, J.S.C.E., Vol. 15: pp. 321-326.
- 14- Grilli, S.T. and Horrillo, J. (1999), "Shoaling of periodic waves over barred-beaches in a fully nonlinear numerical wave tank", *Intl. J. Offshore and Polar Engng.*, Vol. 9, No. 4, pp 257-263
- 15- Hiraishi and Maruyama 1998, Presented a numerical model for calculation of overtopping discharges for a vertical breakwater in multi directional waves, The basic assumption is that the overtopping discharge can be described by a weir expression as suggested by Kikkawa et al 1998
- 16- Hedges T.S. and M. T. Reis (1998a), "Random wave overtopping of simple seawalls: A new regression model", Proceedings of the Institution of Civil Engineers, Water Maritime and Energy 130(1), 1-10
- 17- Hedges T. S. and M. T. Reis (1998b), "Random wave overtopping of simple sea walls: a new regression modeled", Oceanographic Literature Review 45(19), 1711
- 18- Besley, P., T. Stewart and N. W. H. Allsop (1998), "Overtopping of vertical structures: new prediction methods to account for shallow water conditions", Proc. of the Conference on Coastlines, structures and breakwaters, ICE
- 19- Troch, P. and J. De Rouck (1998), "Development of two-dimensional numerical wave flume for wave interaction with rubble mound breakwater", Proc. Of the Coastal Engineering Conference: pp. 1639-1649.
- 20- Kothe, D. B., R. C. Ferrell, J. A. Turner and S. J. Mosso (1997), "A high resolution finite volume method for efficient parallel simulation of casting processes on unstructured meshes, Los Alamos, NM, USA, Los Alamos National Laboratory.



- In: Proceeding 8th SIAM Conference on Parallel Processing for Scientific Community, Minneapolis, NM, USA, Report LA-UR-97-30.
- 21- Troch, P. (1997), "VOFbreak2, a numerical model for simulation of wave interaction with rubble mound breakwaters", Proceedings 27th IAHR Congress, San Francisco, USA: pp. 1366-371.
- 22- Sakakiyama, T. and R. Kajima (1997), "Wave overtopping and stability of armor units under multidirectional waves", Proceedings of the Coastal Engineering Conference 2: pp. 1862-1875.
- 23- Liu, P. L.-F. and P. Lin (1997) , "A numerical model for breaking waves: The volume of fluid method", Newark, Delaware, Centre for Applied Coastal Research, Ocean Engineering Laboratory, University of Delaware
- 24- Grilli, S.T. and Horrillo, J. (1997), "Numerical Generation and Absorption of Fully Nonlinear Periodic Waves," *J. of Engng. Mechanics*, Vol. 123, No. 10, pp 1060-1069.
- 25- Shih, T.-H., J. Zhu and J. L. Lumley (1996), "Calculation of wall-bounded complex flows and free shear flows", International Journal. for Numerical Methods in Fluids Vol. 23: pp. 1133-1144.
- 26- Iwata, K., R. C. Kawasaki and D. Kim (1996), "Breaking limit, breaking and postbreaking wave deformation due to submerged structures", In: Proceedings 25th Conference on Coastal Engineering, Orlando, USA Vol. 3: pp. 2338-2351.
- 27- Grilli and J., Horrillo, "Exact Periodic Wave Generation and Absorption for Nonlinear Wave Computations", *J. Engng. Mech.* (submitted), 1995.
- 28- Grilli, S, Losada, M.A. and F., Martin, "Characteristics of Solitary Wave Breaking Induced by Breakwaters", *J. Waterway, Port, Coastal, and Ocean Engng.* **120** (1), 74-92, 1994.
- 29- Wu, N. (1994), "Numerischen simulation der druckschlagbelastung durch brechende wellen auf senkrechte bauwerke. Ph.D thesis Franzius-Institut für Wasserbau und Küsteningenieurwesen ", Universität Hannover. Hannover, Germany.
- 30- Van der Meer, J.W. and J. P. F. M. Janssen (1994), "Wave run-up and wave overtopping at dikes", Wave forces on inclined and vertical structures: pp. 1-27.



- 31- Umeyama, M. (1993), "Wave overtopping on vertical boundary and water surface displacement", *Journal of Waterway, Port, Coastal and Ocean Engineering*, Vol. 119(3): pp. 243-260.
- 32- Van der Meer, J. W., H. A. H. Petit, P. Van den Bosch, G. Klopman and R. D. Broekens (1992), "Numerical simulation of wave motion on and in coastal structures", In Proceeding 23 rd International Conference on Coastal Engineering, Venice, Italy **Vol. 2**: pp. 1172-1784.
- 33- Lemos, C. M. (1992), "Wave breaking, a numerical study", Lecture Notes in Engineering No. 71. Springer-Verlag, Berlin, Germany
- 34- Kothe, D. B., R. C. Mjolsness and M. D. Torrey (1991), "RIPPLE: a computer program for incompressible flows with free surfaces", Los Alamos, NM, USA, Los Alamos Scientific Report, Report LA-12007-MS.
- 35- Cointe, R., "Numerical Simulation of a Wave Channel", *Engng. Analysis with Boundary Elements*, **7** (4), 167-177, 1990.
- 36- Grilli, S., Skourup, J. and I.A., Svendsen, "An Efficient Boundary Element Method for Nonlinear Water Waves", *Engng. Analysis with Boundary Elements* **6** (2), 97-107, 1989.
- 37- Kobayashi, N. and Wurjanto, A. (1989), "Wave Overtopping on Coastal Structures", *Journal of Waterway, Port, Coastal and Ocean Engineering*, ASCE, 115(2), 235-251
- 38- Brorsen, M. and J. Larsen (1987), "Source generation of nonlinear gravity waves with boundary integral equation method", *Coastal Engineering* Vol. 11: pp. 93-113.
- 39- Hirt, C. W. and R. P. Harper (1985), "Sample Problem for an Oil/Water/Gas Separator", Flow Science Technical Note 1, (FSI-85-00-TN1).
- 40- Torrey, M. D., L. D. Cloutman, R. C. Mjolsness and C. W. Hirt (1985), "NASA VOF2D: a computer program for incompressible flows with free surfaces", Los Alamos, NM, USA, Los Alamos Scientific Report, Report LA-10612- MS.
- 41- Owen, M. W. (1982), "The hydraulic design of seawall profiles", Proc. Conf. on Shoreline Protection, ICE, London, UK: pp. 185-192.
- 42- Austin, D. I. and R. S. Schlueter (1982), "A numerical model of wave breaking /breakwater interactions. In proceedings 18th International Conference on Coastal Engineering", Cape Town, Republic of South Africa Vol. 3: pp.2079-2096.



- 43- Hirt, C. W. and B. D. Nichols (1981), "Volume of fluid (VOF) method for dynamics of free boundaries", *Journal of Comp. Phys.* Vol. 39: pp. 201-225.
- 44- McMaster, W. H., C. S. Quinones, D. M. Landram, D. M. Norris, E. Y. Gong, N. A. Machen and R. E. Nickell (1980), "Applications of the coupled fluid-structure code PELE-IC to pressure suppression analysis", Annual Report to NRC for 1979, NURER/CR-1179, Report UCRL-52733.
- 45- Nichols, B. D., C. W. Hirt and R. S. Hotchkiss (1980), "SOLA-VOF: A solution algorithm for transient fluid flow with multiple free boundaries", Los Alamos, CA, USA, Los Alamos Scientific Report, Report LA-8355.
- 46- Owen, M. W. (1980), "Design of seawalls allowing for wave overtopping", HRWallingford, UK., Technical Report EX-924.
- 47- McMaster, W. H. and E. Y. Gong (1979), "PELE-IC User's manual", Lawrence Livermore Laboratory, Report UCRL-52609.
- 48- Hirt, C. W., B. D. Nichols and N. C. Romero (1975) , "SOLA- A numerical solution algorithm for transient fluid flows", Los Alamos, CA, USA,Report LA-5852.
- 49- Nichols, B. D. and C. W. Hirt (1975), "Methods for calculating multi-dimensional, transient free surface flows past bodies", Proc. of 1st International Conference in Numerical Ship Hydrodynamics, Gaithersburg, Maryland
- 50- Pope, S. B. (1975), "A more general effective-viscosity hypothesis", *Journal of Fluid Mechanics* Vol. 72: pp. 331-340.
- 51- Nichols, B. D. and C. W. Hirt (1971), "Improved free surface boundary conditions for numerical incompressible-flow calculations", *J. Comp. Phys.* Vol. 8: pp. 434-448.
- 52- Harlow, F. H. and J. E. Welch (1965), "Numerical calculation of time-dependent viscous incompressible flow", *Phys. fluids* Vol. 8: pp. 2182-2189.
- 53- Isobe, M. (2001) , "A review of numerical models for wave trans-formation in shallow water", Proc. of International Work-shop on Advanced Design of maritime Structures in the 21st century, Port and Harbour research Institute: pp. 200-205.
- 54-Lachaume, Ch. Biausser, B , Grilli, S.T. Fraunié, Ph, Guignard, S.(2003). "Modeling of Breaking and Post-breaking Waves on Slopes by Coupling of BEM and VOF Methods", Proc. 13th Offshore and Polar Engng. Conf. (ISOPE03, Honolulu, HI, May 2003).