

مقایسه شش نرم افزار آماری مورد استفاده در اصلاح نژاد دام

rstم عبدالهی آرپناهی^{۱*}، محمد مرادی شهر بابک^۲، محمد باقر زندی^۱ و محمد رزم کبیر^۱
^{۱، ۲}، دانشجویان دکتری و استاد پردازش کشاورزی و منابع طبیعی دانشگاه تهران
(تاریخ دریافت: ۸۹/۱۰/۱۵ – تاریخ تصویب: ۹۰/۷/۶)

چکیده

هدف از این تحقیق مقایسه شش نرم افزار ASReml، WOMBAT، DFREML، MATVEC، DMU و Thrgibbsf90 از نظر برخی ویژگی‌ها مانند کاربر پسندی، تسهیلات محاسباتی، صحت و دقت برآورد پارامترهای ژنتیکی و محیطی می‌باشد. برای انجام این کار، از داده‌های شبیه سازی شده و واقعی (صفت وزن تولد و شیرگیری گوسفند بلوجی) در حالت یک و دو صفتی استفاده شد. در همه نرم افزارها به استثنای Thrgibbsf90 از روش REML و الگوریتم AIREML برای برآورد پارامترها استفاده شد. اما در نرم افزار ۹۰ از Thrgibbsf90 از روش بیزی و الگوریتم مونت کارلو زنجیره مارکوف و تکنیک نمونه گیری گیبس استفاده شد. نتایج نشان داد، انتخاب نرم افزار به سلیقه کاربر و هدف تحقیق بستگی دارد اما در هنگام برآورد پارامترهای ژنتیکی و محیطی با استفاده از نرم افزارهای بررسی شده برای صفات پیوسته با استفاده از مدل‌های خطی جای نگرانی وجود ندارد چرا که نتایج نرم افزارها در مقدار برآورد شده و خطای استاندارد مشابه بودند.

واژه‌های کلیدی: نرم افزارهای اصلاح نژاد، حداکثر درست نمایی محدود شده، آمار بیزی، پارامترهای ژنتیکی

دانشجویان، استایید و.... در سراسر جهان، علاوه بر مزایای زیاد، دارای معایبی نیز می‌باشد. از یک طرف، نرم افزار به دقت مورد بررسی قرار می‌گیرد و ایرادات آن به آسانی شناخته می‌شوند؛ از طرفی دیگر، تهیه کنندگان مجبورند نرم افزارشان را برای کاربردهای وسیع‌تر و سیستم‌عامل‌های مختلف آماده کنند که اینچنین حمایتی بسیار زمان بر می‌باشد.

افزایش تعداد بسته‌های نرم افزاری با اهداف مشابه، انگیزه مقایسه آنها را ایجاد می‌کند. انتخاب بهترین نرم-افزار برای همه اهداف اصلاح نژادی بسیار مشکل است. زیرا که هیچ نرم افزاری نمی‌تواند تمامی اهداف کاربران را پوشش دهد (Druet & Ducrocq, 2006). اولًاً، اهداف محققین از پروژه‌های مختلف متفاوت است، ثانیاً، سرعت

مقدمه

نرم افزارهای متعددی به منظور استفاده در تحقیقات و پژوهش‌های اصلاح دام در دسترس هستند. فراوانی این نرم افزارها به دلیل تقاضای زیاد و فراهم بودن شبکه‌های کامپیوتری می‌باشد. همچنین با فراهم شدن سیستم‌های ثبت رکورد منطقه‌ای، کشوری و بین‌المللی و پیچیده شدن مسائل آماری در اصلاح دام، مشکلات محاسباتی نیز افزایش یافته‌اند. به ندرت کسی قادر است نرم افزاری طراحی و تنظیم کند که تمامی مسائل و نیازها را پوشش دهد. بنابراین، هر نرم افزار نسبت به نرم افزار دیگر مزایا و معایبی دارد. از طرفی شبکه‌های اینترنتی نیز به خوبی می‌توانند نرم افزارها را در سراسر جهان در اختیار کاربران قرار دهند. اشتراک نرم افزار بین محققان،

مواد و روش‌ها

داده‌های شبیه سازی شده

یکی از بهترین راه‌ها برای مقایسه نرم‌افزارهای مختلف استفاده از شبیه‌سازی می‌باشد. زیرا که در این حالت مقادیر واقعی پارامترها و ارزش‌ها شناخته شده است. جمعیت پایه مشکل از ۸۰۰ فرد (۴۰۰ ماده و ۴۰۰ نر) با فرض تعداد نامحدود لوکوس برای هر صفت و برقرار بودن تعادل هاردی وینبرگ در جمعیت با شبیه سازی تصادفی و با استفاده از زبان برنامه نویسی ویژوال بیسیک ایجاد شد. اندازه جمعیت در هر سال ثابت نگه داشته شد (۴۰۰ ماده و ۴۰ نر). حداقل سن برای حیوانات نر و ماده در گله به ترتیب ۳ و ۶ سال اعمال شد. شبیه‌سازی برای ۱۹ سال و ۳ تکرار انجام شد. وراثت پذیری صفت اول $0/3$ و صفت دوم $0/10$ در نظر گرفته شد. واریانس فتوتیپی هر دو صفت مساوی ۱۰۰، همبستگی ژنتیکی $0/5$ و همبستگی محیطی صفر فرض شد. رکوردهای فتوتیپی برای جمعیت پایه و نتاج حاصل از آنها به ترتیب با استفاده از فرمول‌های ۱ و ۲ شبیه سازی شد (۱۴):

[۱]

$$\begin{bmatrix} \mathbf{y}_{1i} \\ \mathbf{y}_{2i} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{\mu}_1 \\ \boldsymbol{\mu}_2 \end{bmatrix} + \mathbf{L}_G \begin{bmatrix} \mathbf{Z}(1) \\ \mathbf{Z}(2) \end{bmatrix} + \mathbf{L}_R \begin{bmatrix} \mathbf{Z}(3) \\ \mathbf{Z}(4) \end{bmatrix}$$

[۲]

$$\begin{bmatrix} \mathbf{y}_{1i} \\ \mathbf{y}_{2i} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{\mu}_1 \\ \boldsymbol{\mu}_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \mathbf{PTA1} \\ \mathbf{PTA2} \end{bmatrix} + (\mathbf{d}_{ii})^{0.5} \mathbf{L}_G \begin{bmatrix} \mathbf{Z}(1) \\ \mathbf{Z}(2) \end{bmatrix} + \mathbf{L}_R \begin{bmatrix} \mathbf{Z}(3) \\ \mathbf{Z}(4) \end{bmatrix}$$

در این فرمول‌ها، \mathbf{y}_{1i} و \mathbf{y}_{2i} به ترتیب ارزش‌های فتوتیپی صفت اول و دوم در فرد i ، $\boldsymbol{\mu}_1$ و $\boldsymbol{\mu}_2$ به ترتیب میانگین صفت اول (۵ واحد) و صفت دوم (۲۵ واحد)، $\mathbf{PTA1}$ و $\mathbf{PTA2}$ به ترتیب میانگین ارزش اصلاحی والدین فرد i برای صفت اول و دوم، \mathbf{F}_s و \mathbf{F}_d به ترتیب $F_s = (0.5 - 0.25(F_s - F_d))$ و F_d ضریب همخونی پدر و مادر فرد i و \mathbf{L}_G و \mathbf{L}_R ماتریس‌های پایین مثلثی حاصل از تجزیه چالسکی ماتریس‌های (کو)واریانس ژنتیکی و باقی مانده و \mathbf{Z} متغیر تصادفی دارای توزیع نرمال استاندارد می‌باشند. با

اجراء کامپیوترها بسیار متفاوت است. اکثر نرم‌افزارها در حال توسعه هستند و ضعف‌های که برای نرم‌افزارها امروز نشان داده می‌شود ممکن است در آینده برطرف شوند. تحقیقات اندکی در ارتباط با مقایسه نرم‌افزارهای Misztal مختلف در اصلاح دام صورت گرفته است. Misztal (1998) شش نرم افزار PEST، ABTK، JAA/MTC، DFREML، MTDFREML، REML، و DMU را از نظر ویژگی هایی مانند کاربر پسندی، قابلیت استفاده برای گونه‌های مختلف، تعداد صفحات راهنمای نرم افزار، قابلیت استفاده برای حجم نمونه کم و زیاد، انجام آزمون‌های فرض، برآورد پارامترها با استفاده از روش REML، قابلیت حل مدل‌های یک و چند متغیره و در نظر گرفتن اثرات تصادفی اضافی مانند ژنتیکی و محیطی دائمی مادری مورد بررسی قرار داد. Druet & Ducrocq (۲۰۰۶) نوآوری‌های ایجاد شده در نرم‌افزارهای مختلف از نظر استفاده از الگوریتم‌های کارآمدتر را مورد مطالعه قرار داد. Saheb Honar et al. (2009) پنج نرم افزار MATVEC، WOMBAT، ASReml، DFREML و DMU را از نظر برآورد پارامترهای ژنتیکی و محیطی با استفاده از داده‌های شبیه‌سازی شده و واقعی در حالت یک صفت و با استفاده از الگوریتم AIREML مورد بررسی قرار دادند. این محققان دریافتند در حالت شبیه‌سازی نتایج حاصل از نرم‌افزار DMU متفاوت از مقدار مورد انتظار هستند.

هدف از این تحقیق مقایسه شش نرم‌افزار WOMBAT (Meyer, 1998)، DFREML (Gilmour et al., 1999)، ASReml (Meyer, 2007)، Madsen &) DMU (Wang et al., 2003) MATVEC (Jensen, 2007) و Thrigibbsf90 (از گروه نرم افزاری BLUPf90 تهیه شده توسط Misztal et al., 2002) از نظر برخی ویژگی‌ها مانند کاربر پسندی، قابلیت استفاده در کارهای مولکولی، برآورد پارامترها برای مدل‌های غیرخطی مانند آستانه‌ای، الگوریتم‌های مورد استفاده در محاسبات و زمان محاسباتی است. همچنین مقایسه نرم‌افزارها بر اساس صحت و دقت برآورد مؤلفه‌های (کو)واریانس، پارامترهای ژنتیکی و محیطی با استفاده از داده‌های شبیه‌سازی شده و واقعی (وزن تولد و شیرگیری برده‌های بلوچی) می‌باشد.

امیزش آنها به صورت تصادفی انجام شد. همخونی افراد با روش جدول روابط خویشاوندی محاسبه گردید. آماره های توصیفی داده های شبیه سازی شده و ساختار شجره در جدول ۱ نمایش داده شده است.

استفاده از توزیع یکنواخت و تابع تصادفی Rnd جنس حیوانات تعیین شد. تعداد مادر به ازای هر پدر برابر با ۱۰ بود. انتخاب والدین سال های بعد بر اساس شاخص انتخاب دو صفتی با ضرایب اقتصادی مساوی یک و

جدول ۱ - آماره های توصیفی داده های شبیه سازی شده و واقعی

صفات	شبیه سازی شده ^۱	واقعی ^۲	AAW	BW
تعداد حیوان جامعه مینا	۸۰۰	۸۰۰	۱۹۷۰	۲۰۱۱
تعداد حیوان با رکورد	۸۴۰۰	۸۴۰۰	۱۳۹۰۰	۱۵۵۶۸
تعداد حیوان با پدر نامعلوم	۸۰۰	۸۰۰	۸۶	۹۱
تعداد حیوان با مادر نامعلوم	۸۰۰	۸۰۰	۳۴۳	۳۰۸
تعداد پدر با رکورد نتاج	۳۶۰	۳۶۰	۳۲۰	۲۲۶
تعداد مادر با رکورد نتاج	۲۳۱۱	۲۳۱۱	۴۴۹۰	۴۷۳۷
میانگین	۱۹/۷۵	۱۹/۷۵	۲۲/۲۴	۴/۲۷
انحراف معیار	۱۳/۱۵	۹/۵۹	۳/۵۱	۰/۵۸
ضریب تغییرات(%)	۶۸/۳۵	۳۴/۹۳	۱۵/۷۸	۱۳/۵۸

۱. صفت اول با وراثت پذیری $\frac{1}{3}$ و صفت دوم با وراثت پذیری $\frac{1}{5}$ همبستگی ژنتیکی بین دو صفت $\frac{1}{5}$ و همبستگی فنوتیپی صفر فرض شد.
۲. وزن تولد (BW)، وزن شیرگیری (AWW^1)

تصادفی حیوان بود، استفاده گردید. برای داده های واقعی مدل خطی مورد استفاده شامل اثرات تصادفی ژنتیکی افزایشی مستقیم فرد، ژنتیکی افزایشی مادری، محیطی دائمی مادری و کواریانس بین اثر ژنتیکی افزایشی مستقیم و مادری بود که مدل آماری آن به صورت زیر است:

$$y = Xb + Z_1a + Z_2pe + Z_3m + e \quad Cov(a,m) = A\sigma_{am}$$

در مدل بالا، y ، بردار مشاهدات فنوتیپی برای همه افراد، b بردار اثرات ثابت برآشش داده شده با ماتریس طرح X Z_2 Z_1 و Z_3 به ترتیب ماتریس های طرح برای اثرات ژنتیکی افزایشی مستقیم، محیطی دائمی مادری و ژنتیکی افزایشی مادری هستند. ساختار (کو)واریانس برای اثرات تصادفی به صورت:

$$V(a) = A\sigma_a^2 \quad V(m) = A\sigma_m^2 \quad V(e) = I_{nd}\sigma_e^2 \quad V(pe) = I_n\sigma_e^2$$

ماتریس های واحدی هستند که رتبه آنها به I_n و I_{nd} و σ_m^2 ، σ_n^2 ، σ_{pe}^2 ترتیب برابر با تعداد مادر و رکورد است.

به ترتیب واریانس ژنتیکی افزایشی مستقیم، σ_a^2 و

داده های واقعی

یکی از عیوب اساسی داده های شبیه سازی شده توزیع یکنواخت مشاهدات در زیر کلاس ها است. به دلیل دامنه وسیع پارامترهای ژنتیکی و محیطی مانند وراثت پذیری، همبستگی های ژنتیکی و فنوتیپی، شبیه سازی تمامی حالات کاری بسیار طاقت فرسا و زمان بر است. همچنین به دلیل وجود یکسری عوامل ناشناخته که ماهیت داده های واقعی را تحت تاثیر قرار می دهند و کاربر به دلیل عدم شناخت در شبیه سازی آنها ناتوان است، از داده های واقعی استفاده گردید. بنابراین، در این تحقیق از داده های واقعی صفات رشد گوسفند بلوچی که طی سال های ۱۳۸۵ تا ۱۳۵۲ از گله شماره ۱ و ۲ مرکز اصلاح نژاد و پرورش و گوسفند شمال شرق کشور واقع در ایستگاه عباس آباد مشهد، استفاده شد. آماره های توصیفی ساختار شجره و داده ها در جدول ۱ نشان داده شده است.

تجزیه و تحلیل داده ها

به منظور برآورده اجزای (کو)واریانس و پارامترهای ژنتیکی و محیطی داده های شبیه سازی شده از یک مدل خطی دو متغیره که در برگیرنده اثر ثابت جنس و اثر

که می‌توان گفت برای مدل‌های دو صفتی، زمان محاسباتی حدود دو برابر مدل تک صفتی با اثرات مستقل مشابه بود.

یکی از مهمترین معیارها برای مقایسه نرم‌افزارها کاربرپسندی آنها می‌باشد. کاربرپسندی خود شامل سادگی یادگیری و سادگی به کارگرفتن آموخته‌های کاربر است. با توجه به نظر نویسنده‌گان این تحقیق نرم‌افزار Wombat بسیار کاربرپسند است و نتایجی که در فایل‌های خروجی چاپ می‌شوند نیز به راحتی قابل درک هستند. دو نرم‌افزار ASReml و Thrgibbsf90 به دو مرحله اجرا نیاز دارند تا مقادیر پارامترهای ژنتیکی و خطای معیار آنها را در خروجی چاپ کنند. برای نرم‌افزار Thrgibbsf90 تجزیه‌های پس‌گیبس با نرم‌افزار Postgibbsf90 انجام می‌شود. عیب اساسی این نرم‌افزار محاسبه نکردن پارامترهای ژنتیکی و خطای استاندارد آنها است. بنابراین، مناسب ترین راه این است که از نرم‌افزارهای آماری دیگری مانند SAS، SPSS یا R برای تجزیه‌های PostGibbs استفاده شود. پس کاربر بایستی علاوه بر مهارت در آماده سازی فایل‌ها برای نرم‌افزار Thrgibbsf90 با نرم‌افزارهای آماری و محاسباتی نیز آشنایی کافی داشته باشد. با وجودی که این نرم‌افزار به دو مرحله تجزیه و تحلیل داده‌ها نیاز دارد تا میانگین توزیع پسین بدست آید اما آماده سازی فایل داده، پارامتر و شجره آن بسیار ساده است.

از آنجایی که در ASReml رمزهای فایل پارامتر بسیار است و کاربر هنگام آماده سازی فایل پارامتر به مشکلات متعددی برخی خورد، نرم‌افزار Wombat در این مورد بهترین بود. فایل راهنمای استفاده و اصول کار با شش نرم‌افزار در سایت مربوط هر نرم‌افزار وجود داشت. ساده‌ترین و قابل درک‌ترین راهنمای مربوط به نرم‌افزار ASReml و مشکل‌ترین آنها مربوط به ThrGibbsf90 بود. البته دلیل این امر نیز کلی بودن و دامنه وسیع استفاده کنندگان نرم‌افزار ASReml نسبت به سه نرم‌افزار دیگر است.

در سایت برنامه‌های WOMBAT، ASReml، DMU و ThrGibbsf90 برای مدل‌های مختلف مثال‌هایی موجود است که کاربر می‌تواند قبل از انجام تجزیه‌های خود این مثال‌ها را اجرا کرده و ساختار مدل، تعداد فایل مورد نیاز

واریانس ژنتیکی افزایشی مادری، واریانس محیطی دائمی مادری و واریانس باقی‌مانده (محیطی موقت) هستند.

بردارهای a و m به ترتیب شامل اثرات ژنتیکی افزایشی مستقیم، ژنتیکی افزایشی مادری و محیطی دائمی مادری برای هر فرد می‌باشند. A ماتریس روابط خویشاوندی به دست آمده از ساختار شجره است. \mathbf{a}_{m} ، نشاندهنده کواریانس بین اثرات ژنتیکی افزایشی مستقیم و مادری است. تجزیه و تحلیل‌های آماری با شش نرم افزار DFREML، WOMBAT، ASReml، MATVEC گروه نرم‌افزاری BLUPf90 (BLUPf90) انجام شد. در پنج نرم نرم افزار اول از روش REML و الگوریتم AI-REML برای برآورد مؤلفه‌ها و پارامترهای ژنتیکی استفاده شد. اما در نرم افزار ThrGibbs از روش بیزی از طریق الگوریتم مونت کارلو زنجیره مارکوف و تکنیک نمونه‌گیری گیبس برای برآورد مؤلفه‌ها و پارامترهای ژنتیکی و محیطی استفاده شد. مقایسه صحت برآوردها با استفاده از داده‌های شبیه‌سازی شده (مشابه بودن مقدار واقعی پارامتر با برآورد شده) انجام گرفت. مقایسه دقت برآوردها با مقایسه میزان خطای استاندارد برآوردها در نرم‌افزارهای مختلف صورت گرفت. از آرمون a -استودنت برای مقایسه معنی‌داری بین برآوردهای حاصل از نرم‌افزارهای مختلف استفاده شد.

نتایج و بحث

ویژگی‌های نرم‌افزارها

برخی ویژگی‌های نرم‌افزارهای مختلف در جدول ۲ ارائه شده است. از نظر زمان محاسباتی، تفاوت مشهودی بین نرم‌افزارهای DFREML، Wombat، ASReml و DMU و MATVEC نمایندگی شده. اما برنامه Thrgibbsf90 به علت اینکه از تکنیک نمونه‌گیری گیبس برای برآورد پارامتر مجھول استفاده می‌کرد، بسته به تعداد نمونه‌گیری زمان محاسباتی از ۵ تا ۲۰ ساعت به طول انجامید. با پیچیده شدن مدل مانند بیشتر شدن تعداد اثرات تصادفی در مدل و دومتغیره شدن مدل‌ها، زمان محاسباتی نرم‌افزارها افزایش یافت

فقط یک مثال در سایت این نرم افزار وجود دارد.

و نحوه آماده سازی فایل داده، شجره و پارامتر را یاد بگیرد. اما تهیه کننده گان نرم افزار MATVEC از این نظر چندان کاربر را حمایت نکرده و

جدول ۲- برخی ویژگی های شش نرم افزار مختلف

ThrGibbsf90	DMU	MATVEC	ASReml	WOMBAT	DFREML	ویژگی
۲۰۰۲	۱۹۹۳		۲۰۰۶	۲۰۰۵	۱۹۸۸	سال انتشار
ویندوز و لینوکس	ویندوز	سیستم عامل قابل اجرا				
۲۵	۳۳	۱۲۵	۲۹۸	۹۲	۱۰۰	تعداد صفحات راهنمایی
+	+++	++	+++	+++	++	سرعت محاسباتی ^۱
	√	√	√	√		آزمون های فرضی
√		√	√			تجزیه مدل های آستانه ای
√						نیاز به شماره دهی مجدد
√						اثرات ثابت و تصادفی ^۲
√	√	√	√	√	√	تجزیه رگرسیون
	√	√	√			تصادفی
√	√					نقشه یابی جایگاه های زنی
						تجزیه به روش بیزی

۱؛ سرعت محاسباتی بسیار کند به علت استفاده از آمار بیزی؛ ۲؛ سرعت محاسباتی متوسط؛ ۳؛ سرعت محاسباتی بسیار بالا

۲؛ در صورتی که در این نرم افزار از روش بیزی استفاده شود زمان محاسباتی بسیار کند خواهد بود

۳؛ شماره دهی به صورت زنجیره ای به صورتی که کوچکترین عدد شماره یک و شماره های بعدی به ترتیب شماره ۲ تا آخر را به خود بگیرند

برآورد پارامتر مجھول استفاده می کنند. تنها تفاوت این نرم افزارها در الگوریتم های حل معادلات مختلط برای رسیدن به همگرایی می باشد که کاربر می تواند با انتخاب نوع الگوریتم از انجام الگوریتم پیش فرض که AI-REML است، اجتناب کند. اما در این تحقیق AI-REML الگوریتم پیش فرض برای پنج نرم افزار اول ThrGibbsf90 بود. نرم افزار ThrGibbsf90 از روش بیزی و الگوریتم مونت کارلو از طریق نمونه گیری گیبس از توزیع پسین، پارامتر (های) مجھول را برآورد می کند. در نرم افزار DMU کاربر می تواند از روش بیزی نیز برای برآورد پارامترها و ارزش ها استفاده کند. از میان این نرم افزارها، نرم افزار ASReml، MATVEC و ThrGibbsf90 قابلیت تجزیه مدل های آستانه ای را دارند.

یکی از مزایای نرم افزار MATVEC نسبت به پنج نرم افزار دیگر این است که کاربر چنانچه از توزیع داده ها اطلاع کافی داشته باشد می تواند نوع توزیع داده ها را (پویسون، باینومیال، نرمال، گاما، بتا، نمایی و ...) را قبل از تجزیه برای نرم افزار تعریف کند و تجزیه و تحلیل را مبتنی بر توزیع صحیح داده ها انجام دهد، در صورتی که نرم افزارهای دیگر از توزیعی که نویسنده به صورت پیش

قبل از انجام تجزیه و تحلیل با نرم افزار ThrGibbsf90 بایستی فایل شجره مجدداً شماره دهی شود به طوری که کوچکترین حیوان شماره یک و به ترتیب شماره های بعدی به حیوانات بعدی اختصاص داده شوند. نرم افزار Wombat حیواناتی را که در تولید نتاج و داده ها نقشی ندارند را از شجره حذف می کند و اما کاربر بایستی قبل از کار با ASReml و ThrGibbsf90 خود این کار را انجام دهد. یک مرحله اساسی در هنگام اجرای برنامه های ThrGibbsf90 است که بایستی تمام سطوح اثرات ثابت و تصادفی نیز از یک تا آخرین سطح شماره دهی شوند و گرنم برنامه اجرا نخواهد شد. از این نظر نیز برنامه WOMBAT کاربر پسندتر بود. همه نرم افزارها چنانچه در هنگام اجرا به خطایی یا مشکلی در فایل داده، شجره یا پارامتر برخورد کنند آن را گزارش می دهند و کاربرد بایستی بسته به نوع خطای گزارش شده برای رفع خطای فایل پارامتر، شجره یا داده خود را بازبینی کند. عمولاً بیشتر خطاهای مربوط به فایل پارامتر هستند. نرم افزارهای MATVEC، ASReml، WOMBAT، DFREML و MATVEC از روش حداکثر درست نمایی محدود شده برای DMU

نمایی است. Korsgaard et al. (1984) و Harville & Mee (1984) گزارش کردند که برآوردهای REML حدود ۱/۴ میلیون اثر تصادفی که شامل ۷۰۰۰۰ ارزش زنیکی افزایشی (همراه با وارد کردن ماتریس خویشاوندی A) برای تولید شیر گاوها هلندا^۱ با استفاده از نمونه‌گیری گیبس را برازشدادند. روش REML برای تجزیه این داده‌ها نامناسب بود اما روش زنجیره مارکوف مونت‌کارلو توانست مدل مورد نظر را برازش دهد.

بنابراین اگرچه در اینجا تفاوت معنی داری بین نرم افزارهای مختلف دیده نشد اما انتظار می‌رود با انجام تجزیه‌های دیگر با داده‌های با حجم بیشتر، استفاده از توزیع‌های پیشین متفاوت و مدل‌های دیگر مانند غیرخطی تفاوت بین نرم‌افزارها به خصوص نرم افزار Thrgibbsf90 با نرم افزارهای دیگر بهتر آشکار شود. با مقایسه پارامترهای واقعی (استفاده شده در شبیه سازی) با مقدار برآورده شده آن در جدول ۳ این نتیجه حاصل می‌شود که صحت برآوردها در شش نرم‌افزار کاملاً مشابه اما نسبت به مقدار واقعی اریب رو به پایین دارد. البته این اریب را نمی‌توان با قاطعیت کامل به تکرار شبیه‌سازی تصادفی هستند و شاید با زیاد کردن تعداد تکرار شبیه‌سازی این نوسانات در پارامترهای برآورده شده جبران شود.

-
1. Flat
 2. Dutch Cattle

فرض برای داده‌ها تعریف کرده است استفاده می‌کنند (معمولاً این توزیع پیش فرض نیز در اکثر اوقات توزیع نرمال است). از طرفی نرم‌افزار ASReml می‌تواند برای انواع طرح‌های آزمایشی، مقایسات میانگین، انواع تبدیل داده و ویرایش داده‌ها مانند پیدا کردن داده‌ای پرت و تعیین توزیع داده‌ها استفاده گردد.

در این تحقیق همه نرم‌افزارها در محیط ویندوز XP و ویندوز 7 اجرا شدند. گرچه نسخه اولیه برنامه WOMBAT فقط در محیط لینوکس کاربرد داشت، اما با اصلاحات صورت گرفته، نسخه‌های اخیر آن در محیط ویندوز قابل اجرا هستند. نویسنده این برنامه (Meyer) گزارش کرده چنانچه حجم داده‌ها زیاد باشد، سرعت اجرای برنامه در محیط لینوکس بسیار سریعتر می‌باشد. البته نسخه‌های دیگر نرم‌افزارهای Thrgibbsf90 و ASReml نیز تحت سیستم عامل لینوکس قابل اجرا هستند.

دقت و صحت برآوردهای پارامترها داده‌های شبیه سازی شده

نتایج حاصل (جدول ۳) نشان می‌دهد نرم‌افزارها تفاوت معنی داری از نظر دقت برآوردهای پارامترها ندارند. با وجودی که انتظار می‌رفت نتایج پنج نرم‌افزاری که از روش حداکثر درست‌نمایی محدود شده برای برآوردهای پارامترها استفاده می‌کردند، مشابه باشند اما یکسان بودن نتایج نرم‌افزار Thrgibbsf90 با این نرم‌افزارها جالب توجه بود. زیرا که این نرم‌افزار برخلاف سه نرم‌افزار قبل، از روش بیزی و الگوریتم زنجیره مارکوف مونت‌کارلو از طریق نمونه‌گیری گیبس از توزیع پیشین، برآوردهای پارامترها را انجام می‌دهد. دلیل این امر این بود توزیع پیشین برای اثرات تصادفی در این نرم‌افزار یکنواخت^۱ بود لذا در این حالت سهم داده‌ها در برآوردهای پایانی حداکثر بوده و جواب‌ها مانند روش حداکثر درست

جدول ۳- مؤلفه‌های (کو)واریانس و پارامترهای زنیکی برآورده شده از داده‌های شبیه‌سازی شده با استفاده از نرم‌افزارهای مختلف برای حالت دو صفتی

پارامتر	واقعی [*]	DFREML	WOMBAT	ASReml	MATVEC	DMU	Thrgibbsf90
$\sigma_{\text{a}1}$	۳۰	۲۵/۵۲±۱/۴۹	۲۵/۵۲±۱/۴۹	۲۵/۵۲±۱/۴۹	۲۵/۵۱±۱/۴۹	۲۵±۱/۴۷	۲۵±۱/۲۴
$\sigma_{\text{a}2}$	۱۰	۵/۵۶±۱/۱۳	۵/۵۶±۱/۱۳	۵/۵۶±۱/۱۳	۵/۵۳±۱/۱۳	۵/۹۳±۱/۱۹	

ادامه جدول ۳- مؤلفه های (کو)واریانس و پارامترهای ژنتیکی برآورده شده از داده های شبیه سازی شده با استفاده از نرم افزار های مختلف برای حالت دو صفتی

σ_{e1}	σ_{e2}	h^2_{a1}	h^2_{a2}	$r_{a1,2}$	$r_{e1,2}$
۵۹/۸۶±۱/۱۹	۵۹/۸۴±۱/۳۱	۵۹/۸۶±۱/۳۱	۵۹/۸۶±۱/۳۱	۵۹/۸۶±۱/۳۱	۵۹/۸۶±۱/۳۰
۸۵/۱۰±۱/۶۳	۸۵/۲۹±۱/۶۱	۸۵/۳۳±۱/۶۱	۸۵/۳۳±۱/۶۱	۸۵/۳۳±۱/۶۱	۸۵/۳۳±۱/۶۱
۰/۲۹۷±۰/۰۱	۰/۳۰±۰/۰۲	۰/۳۰±۰/۰۲	۰/۳۰±۰/۰۲	۰/۳۰±۰/۰۱	۰/۳۰±۰/۰۱
۰/۰۷±۰/۰۱	۰/۰۶±۰/۰۱	۰/۰۶±۰/۰۱	۰/۰۶±۰/۰۱	۰/۰۶±۰/۰۱	۰/۰۶±۰/۰۱
۰/۰۸±۰/۰۶	۰/۰۹±۰/۰۷	۰/۱۰±۰/۰۷	۰/۱۰±۰/۰۷	۰/۰۹±۰/۰۷	۰/۰۹±۰/۰۷
-۰/۰۱±۰/۰۱	-۰/۰۲±۰/۰۱	-۰/۰۲±۰/۰۱	-۰/۰۲±۰/۰۱	-۰/۰۲±۰/۰۱	-۰/۰۲±۰/۰۱

* مقادیر مؤلفه های (کو)واریانس و پارامترهای ژنتیکی استفاده شده برای شبیه سازی

است. همانند نتایج حاصل از داده های شبیه سازی شده، دقت و صحت برآورد پارامترها تفاوت چندانی با هم نداشت. اکثریت تفاوت ها در تمامی مدل ها حدود ۰/۰۰۱ تا ۰/۰۱ بود که نشان می دهد تفاوت معنی داری بین نرم افزارها وجود ندارد. گرچه انتظار می رفت با پیچیده شدن مدل ها، تفاوت بین نرم افزارها بهتر نمایان شود اما این نتیجه حاصل نشد و هر شش نرم افزار در تجزیه داده ها توانند عمل کردند. شاید بتوان تفاوت های ناچیز بین برآورده را به خطاهای گرد کردن اعداد و استفاده از معیارهای متفاوت برای تعیین رسیدن به همگرایی نسبت داد.

داده های واقعی

علاوه بر داده های شبیه سازی شده، به منظور مقایسه نرم افزار های مختلف از داده های واقعی نیز استفاده شد. زیرا که داده های واقعی یکسری ساختارهایی مانند عدم همگنی واریانس در زیر گروه ها، نامتعادل بودن تعداد مشاهدات در زیر کلاس ها را دارند. همچنین برای مقایسه نرم افزار ها از نظر قابلیت آنها در تجزیه و تحلیل مدل های مختلف برای حالت تک صفتی شش مدل برآراش شد (فقط نتایج حاصل از تجزیه مدل کامل نشان داده شده است). نتایج حاصل برای صفت وزن تولد و شیر گیری در جدول ۴ و ۵ نشان داده شده

جدول ۴- برآورده اجزای واریانس و پارامترهای ژنتیکی با ۶ نرم افزار مختلف برای صفت وزن تولد با مدل کامل*

Thrgibbsf90	DMU	MATVEC	ASReml	WOMBAT	DFREML	پارامتر
۰/۰۴±۰/۰۱	۰/۰۴±۰/۰۱	۰/۰۴±۰/۰۱	۰/۰۴±۰/۰۱	۰/۰۴±۰/۰۱	۰/۰۴±۰/۰۱	σ_a^2
۰/۰۳±۰/۰۰	۰/۰۳±۰/۰۰	۰/۰۳±۰/۰۰	۰/۰۳±۰/۰۰	۰/۰۳±۰/۰۰	۰/۰۳±۰/۰۰	σ_{pe}^2
۰/۰۳±۰/۰۱	۰/۰۳±۰/۰۱	۰/۰۳±۰/۰۱	۰/۰۳±۰/۰۱	۰/۰۳±۰/۰۱	۰/۰۳±۰/۰۱	σ_m^2
۰/۲۱±۰/۰۰	۰/۲۰±۰/۰۰	۰/۲۱±۰/۰۰	۰/۲۱±۰/۰۰	۰/۲۱±۰/۰۰	۰/۲۱±۰/۰۰	σ_e^2
۰/۱۳±۰/۰۲	۰/۱۲ ^{**}	۰/۱۲±۰/۰۱	۰/۱۲±۰/۰۱	۰/۱۲±۰/۰۱	۰/۱۲±۰/۰۲	h^2_a ***
۰/۱۰±۰/۰۱	۰/۱۰	۰/۱۰±۰/۰۱	۰/۱۰±۰/۰۱	۰/۱۰±۰/۰۱	۰/۱۰±۰/۰۱	pe^2
۰/۱۰±۰/۰۲	۰/۰۹	۰/۰۹±۰/۰۱	۰/۰۹±۰/۰۱	۰/۰۹±۰/۰۱	۰/۰۹±۰/۰۲	h^2_m
۰/۴۰±۰/۱۱	۰/۴۵±۰/۱۲	۰/۴۲±۰/۱۲	۰/۴۲±۰/۱۲	۰/۴۲±۰/۱۱	۰/۴۲±۰/۱۱	r_{am}

* مدل با اثرات تصادفی ژنتیکی افزایشی مستقیم، محیطی دائمی مادری، ژنتیکی افزایشی مادری و باقی مانده و کواریانس بین اثر ژنتیکی افزایشی مستقیم و مادری

** نرم افزار DMU مقدار پارامتر خطا های استاندارد را در مدل های با اثر تصادفی مزاد بر اثر افزایشی مستقیم حیوان در خروجی نشان نداد.

*** h^2_a ، وراثت پذیری مستقیم؛ pe^2 ، نسبت واریانس محیطی دائمی به واریانس فنوتیپی؛ h^2_m نسبت واریانس ژنتیکی مادری به واریانس فنوتیپی؛ r_{am} همبستگی بین اثر افزایشی مستقیم حیوان و اثر افزایشی مادری

جدول ۵- برآورد اجزای واریانس و پارامترهای ژنتیکی با ۴ نرم افزار مختلف برای صفت وزن شیرگیری با مدل کامل*

Thrgibbsf90	DMU	MATVEC	ASReml	WOMBAT	DFREML	پارامتر
۱/۱۶±۰/۱۷	۱/۰۶±۰/۱۹	۱/۱۱±۰/۱۹	۱/۱۱±۰/۱۹	۱/۱۱±۰/۱۹	۱/۱۲±۰/۱۹	σ_a^2
۰/۹۶±۰/۱۶	۱/۰۱±۰/۱۶	۱/۰۰±۰/۱۶	۱/۰۰±۰/۱۶	۱/۰۰±۰/۱۶	۰/۹۹±۰/۱۶	σ_{pe}^2
۰/۵۰±۰/۱۲	۰/۴۲±۰/۱۶	۰/۴۳±۰/۱۶	۰/۴۳±۰/۱۶	۰/۴۳±۰/۱۶	۰/۴۴±۰/۱۶	σ_m^2
۹/۱۷±۰/۱۷	۹/۲۱±۰/۱۷	۹/۱۲±۰/۱۷	۱۱/۷۸±۰/۱۵	۹/۱۲±۰/۱۷	۹/۱۲±۰/۱۷	σ_e^2
۰/۱۰±۰/۰۲	۰/۰۹**	۰/۰۹±۰/۰۷	۰/۰۹±۰/۰۲	۰/۰۹±۰/۰۲	۰/۱۰±۰/۰۳	$h^2_a^{***}$
۰/۰۸±۰/۰۱	۰/۰۸	۰/۰۸±۰/۰۱	۰/۰۸±۰/۰۱	۰/۰۸±۰/۰۱	۰/۰۸±۰/۰۲	pe^2
۰/۰۴±۰/۰۱	۰/۰۴	۰/۰۴±۰/۰۱	۰/۰۴±۰/۰۱	۰/۰۴±۰/۰۱	۰/۰۴±۰/۰۲	h^2_m
۰/۲۰±۰/۱۵	۰/۲۰±۰/۱۹	۰/۱۹±۰/۱۹	۰/۱۹±۰/۱۹	۰/۱۹±۰/۱۹	۰/۱۸±۰/۱۹	r_{am}

*، ** و *** مشابه جدول ۴ است.

جدول ۶- برآورد اجزای واریانس و پارامترهای ژنتیکی و محیطی حاصل از تجزیه و تحلیل دوصفتی (وزن تولد و شیرگیری) با نرم افزارهای مختلف

Thrgibbsf90	DMU	MATVEC	ASReml	DFREML	DFREML	پارامتر
۰/۰۳±۰/۰۰	۰/۰۳±۰/۰۰	۰/۰۳±۰/۰۱	۰/۰۳±۰/۰۱	۰/۰۴±۰/۰۰	۰/۰۴±۰/۰۰	σ_{a1}^r
۱/۱۱±۰/۱۹	۱/۰۶±۰/۱۸	۱/۱۱±۰/۱۸	۱/۱۱±۰/۱۹	۱/۱۱±۰/۱۸	۱/۱۱±۰/۱۸	σ_{a2}^r
۰/۰۶±۰/۰۱	۰/۰۶±۰/۰۰	۰/۰۶±۰/۰۰	۰/۰۶±۰/۰۱	۰/۰۶±۰/۰۰	۰/۰۶±۰/۰۰	σ_{m1}^r
۱/۲۱±۰/۱۹	۱/۲۵±۰/۱۷	۱/۲۴±۰/۱۳	۱/۲۴±۰/۱۷	۱/۲۴±۰/۱۶	۱/۲۴±۰/۱۶	σ_{m2}^r
۰/۲۱±۰/۰۰	۰/۲۱±۰/۰۰	۰/۲۱±۰/۰۰	۰/۲۱±۰/۰۰	۰/۲۲±۰/۰۰	۰/۲۲±۰/۰۰	σ_{e1}^r
۹/۴۰±۰/۱۷	۹/۴۴±۰/۱۷	۹/۳۴±۰/۱۷	۹/۳۵±۰/۱۷	۹/۴۲±۰/۱۷	۹/۴۲±۰/۱۷	σ_{e2}^r
۰/۱۱±۰/۰۲	۰/۱۱*	۰/۱۱±۰/۰۷	۰/۱۱±۰/۰۲	۰/۱۱±۰/۰۱	۰/۱۰±۰/۰۱	h^2_{a1}
۰/۱۰±۰/۰۲	۰/۱۰	۰/۱۰±۰/۰۷	۰/۱۰±۰/۰۲	۰/۰۹±۰/۰۲	۰/۰۹±۰/۰۲	h^2_{a2}
۰/۱۹±۰/۰۲	۰/۱۹	۰/۱۹±۰/۰۲	۰/۱۹±۰/۰۱	۰/۱۸±۰/۰۱	۰/۱۸±۰/۰۱	h^2_{m1}
۰/۱۱±۰/۰۱	۰/۱۱	۰/۱۱±۰/۰۱	۰/۱۱±۰/۰۱	۰/۱۰±۰/۰۱	۰/۱۱±۰/۰۱	h^2_{m2}
۰/۶۹±۰/۰۸	۰/۶۹±۰/۰۷	۰/۶۹±۰/۰۸	۰/۶۹±۰/۰۷	۰/۶۷±۰/۰۷	۰/۶۷±۰/۰۷	$r_{a1,2}$
۰/۴۱±۰/۱۰	۰/۴۱±۰/۱۰	۰/۴۱±۰/۱۰	۰/۴۲±۰/۱۰	۰/۳۹±۰/۰۹	۰/۳۹±۰/۰۹	$r_{a,m1,1}$
۰/۲۲±۰/۱۱	۰/۲۴±۰/۱۱	۰/۲۲±۰/۱۱	۰/۲۳±۰/۱۱	۰/۲۲±۰/۱۱	۰/۲۲±۰/۱۱	$r_{a1,m2}$
۰/۳۳±۰/۱۰	۰/۳۳±۰/۱۰	۰/۳۳±۰/۱۰	۰/۳۳±۰/۱۰	۰/۳۱±۰/۱۰	۰/۳۱±۰/۱۰	$r_{a2,m1}$
۰/۲۲±۰/۱۳	۰/۲۲±۰/۱۳	۰/۲۲±۰/۱۳	۰/۲۲±۰/۱۳	۰/۲۲±۰/۱۳	۰/۲۲±۰/۱۳	$r_{a2,m2}$
۰/۵۹±۰/۰۶	۰/۵۹±۰/۰۶	۰/۵۹±۰/۰۶	۰/۵۹±۰/۰۶	۰/۵۹±۰/۰۶	۰/۵۹±۰/۰۶	$r_{m1,2}$
۰/۲۸±۰/۰۱	۰/۲۸±۰/۰۱	۰/۲۸±۰/۰۱	۰/۲۹±۰/۰۱	۰/۲۹±۰/۰۱	۰/۲۹±۰/۰۱	$r_{e1,2}$

* مشابه جدول ۴ است.

گردید (جدول ۴ و ۵). نتایج حاصل نشان داد که در این حالت نیز هیچگونه تفاوت معنی داری بین نرم افزارها وجود ندارد.

تجزیه و تحلیل دوصفتی با استفاده از داده های واقعی نیز انجام گرفت که نتایج آن در جدول ۶ ارائه شده است. در این حالت نیز همانند حالت تک صفتی هیچگونه تفاوت معنی داری بین نرم افزارها مشاهده نشد، فقط زمان محاسباتی افزایش یافت. به طوری که تجزیه با نرم افزار ThrGibbsf90 حدود ۲۰ ساعت طول کشید. اگرچه طرفداران آمار بیزی (بیزینی ها) متقدان جدی میزان فاصله اطمینان در روش های فراوانی گرا هستند (Blasco, 2001; Gianola & Fernando, 1986).

برخی از تحقیقات گزارش کرده اند برتری روش بیزی نسبت به روش های فراوانی گرا^۱ موقعی به خوبی آشکار می گردد که تعداد مشاهدات کم باشد و اطلاعات پیشین وجود آگاهی در ارتباط با پارامترهای مجھول وجود داشته باشد. زیرا هنگامی که تعداد داده زیاد است، روش های فراوانی گرا نیز به خوبی می توانند برآورد پارامتر مجھول را انجام دهند. در این تحقیق تفاوت نرم افزارها هنگامی که تعداد داده ها کم باشد نیز مورد مطالعه قرار گرفت و برای این منظور از صفت وزن تولد و شیرگیری که تعداد داده های آن کم بود، استفاده

1. Frequentists

برای تجزیه و تحلیل استفاده شود، جواب‌هایی نهایی صحیح نخواهد بود.

این تحقیق شش نرم‌افزار را بر اساس برخی ویژگی‌ها (کاربر پسندی، زمان محاسباتی، زبان برنامه، مخاطبین و مدل‌ها)، روش محاسباتی (بیزی یا فراوانی-گرایی)، صحت و دقت برآورد اجزای (کو)واریانس، پارامترهای ژنتیکی و محیطی با استفاده از داده‌های شبیه‌سازی شده و واقعی مقایسه کرده است. امید است که تحقیق دیگری با بررسی میزان صحت، دقت و همبستگی بین ارزش‌های اصلاحی برآورده شده از نرم‌افزارهای مختلف با استفاده از داده‌های شبیه‌سازی شده و واقعی بتواند کاستی‌های این تحقیق را جبران کند.

1. Bayesians
2. Credible set
3. Credibility Intervals

(Alijani, 2009). اما میزان فاصله اطمینان حاصل در این تجزیه برای هر دو روش فراوانی‌گرا (در نرم افزارهای DFREML, ASReml, MATVEC و DMU) و ThrGibbsf90 حدود مشابه بود. حتی بیزینی‌ها^۱ به جای واژه فاصله اطمینان، واژه مجموعه اعتبار^۲ یا فاصله اعتبار^۳ را به کار می‌برند (Alijani, 2009).

نتیجه‌گیری کلی

نتایج این تحقیق نشان داد انتخاب نرم‌افزار به سلیقه کاربر و هدف تحقیق بستگی دارد. از آنجا که نتایج نرم افزارها حتی در مقدار خطای استاندارد مشابه بوده است، در هنگام برآورد پارامترهای ژنتیکی و محیطی برای صفات پیوسته با استفاده از مدل‌های خطی با نرم‌افزارهای مختلف جای نگرانی وجود ندارد. پس باید در کشور ما توجه اساسی به ثبت دقیق رکوردها شود چرا که اگر رکوردداری‌ها صحیح نباشد هر چند که مدل درست تعریف شده باشد و از روش و نرم‌افزار مناسب

REFERENCES

1. Alijani S. (2009). Candidate gene mapping in farm animals using Bayesian method and molecular markers. *Ph.D. dissertation. Agriculture Faculty, University of Tehran*. (In Farsi).
2. Blasco A. (2001). The Bayesian controversy in animal breeding. *Journal of Animal Science*, 79, 2023-2046.
3. Druet T., Ducrocq V. (2006). Innovations in software packages in quantitative genetics. In: *8th World Congress on Genetics Applied to Livestock Production*, Belo Horizonte, 13–18.
4. Gianola D. & Fernando R. L. (1986). Bayesian methods in animal breeding and theory. *Journal of Animal Science*, 63, 217-244
5. Gilmour A.R., Cullis B.R., Welham S.J. & Thompson R. (1999). *ASReml Reference manual*. NSW, Agriculture Biometric No.3 NSW Department of Agriculture, Orange. 210 pp.
6. Harville D. A. & Mee R. W. (1984). A mixed-model procedure for analysed ordered categorical data. *Biometrics*, 40, 393–408
7. Henderson C.R. (1984). *Application of linear models in animal breeding*. Guelph, Ontario, University of Guelph.
8. Janss L. & de Jong G. (1999). MCMC based estimation of variance components in a very large dairy cattle data set. *Interbull Bull*, 20, 62-67.
9. Korsgaard I. R., Lund M., Sorensen D., Gianola D., Madsen P., & Jensen J. (2003). Multivariate Bayesian analysis of Gaussian, right censored Gaussian, ordered categorical and binary traits using Gibbs sampling. *Genetic Selection Evolution*, 35, 159_183
10. Madsen P. & Jensen J. (2007). *A user's guide to DMU*. University of Aarhus, DJF, Research Centre Foulum, Denmark.
11. Meyer K. (1998). *DFREML: Program to estimate variance components by restricted maximum likelihood, using a derivative free algorithm*, user notes. Ver: 3.0. 29 pp.
12. Meyer K. (2007). WOMBAT: a program for mixed model analyses by restricted maximum likelihood: user notes. *Armidale: Animal Genetics and Breeding Unit*. 55 p. Available in <http://agbu.une.edu.au/~kmeyer/wombat.html>
13. Misztal I., Tsuruta S., Strabel T., Auvray B., Druet T. & Lee D. H. (2002). BLUPF90 and related programs (BGF90). *Proceedings of 7th World Congress Genetics Applied Livestock Production*, Montpellier, France Communication, No 28-07
14. Misztal I. (1998). comparison of software packages in animal breeding. *Proceedings of the 6st world*

- congress on genetics applied to livestock production*, 23, 3-10.
- 15. Saheb Honar M., Moradi Shahrabak M., Miraei Ashteyani S.R. & Sayad Nejad M.B. (2009). The study of some statistical softwares and algorithm using in animal breeding, In: *Proceedings of 3st Animal science Congress*. Faculty of agriculture, University of Mashhad. (In Farsi).
 - 16. Wang T., Fernando R. L. & Kachman S. D. (2003). Matvec User's Guide Version 1.03. <http://statistics.unl.edu/faculty/steve/software/matvec/main.pdf> Accessed Oct. 15.